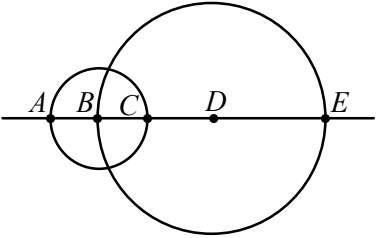


© Министерство образования Республики Беларусь
Учреждение образования «Республиканский институт контроля знаний»

ДРТ–2022 г.

Тематическое консультирование по математике

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
<p>Геометрические фигуры и их свойства. Окружность</p>	<p>A1. На рисунке изображены две окружности с центрами в точках B и D. Найдите длину отрезка CD, если $AC = 6\sqrt{3}$, $BE = 14\sqrt{3}$.</p>  <p>1) $8\sqrt{3}$; 2) $10\sqrt{3}$; 3) $4\sqrt{3}$; 4) $7\sqrt{3}$; 5) $3\sqrt{3}$</p>	<p>Задание на проверку умения находить длину отрезка. Решение: Длина отрезка CD находится как разность длин отрезков BD и BC, то есть $CD = BD - BC$ (1). Заметим, что отрезки BD и BC – радиусы данных окружностей (см. рис.). Тогда $BD = \frac{1}{2}BE$, $BD = 7\sqrt{3}$ и $BC = \frac{1}{2}AC$, $BC = 3\sqrt{3}$. Из равенства (1) получим: $CD = 7\sqrt{3} - 3\sqrt{3}$, $CD = 4\sqrt{3}$. Ответ: 3</p>	<p>Казаков, В. В. Геометрия : учеб. пособие для 7-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / В. В. Казаков. – Минск : Народная асвета, 2017. – 178 с. : ил. (Гл. 1, § 3.3, с. 20–22; § 4, с. 28–32)</p>
<p>Числа и вычисления. Числовые промежутки</p>	<p>A2. Наибольшее целое число, принадлежащее отрезку $\left[\frac{\log_3 27}{2}; \frac{\sqrt{121}}{3} \right]$, равно:</p> <p>1) 3;</p>	<p>Задание на проверку умения находить элементы заданных множеств чисел. Решение: $\frac{\log_3 27}{2} = \frac{3}{2} = 1,5$.</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 8-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2018. – 269 с. : ил. (Гл. 1, § 5, с. 54–63)</p>

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.edu.by>) национального образовательного портала (www.edu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	2) 2; 3) 4; 4) 5; 5) 1	$\frac{\sqrt{121}}{3} = \frac{11}{3} = 3\frac{2}{3}.$ <p>Наибольшее целое число, принадлежащее отрезку $\left[1,5; 3\frac{2}{3}\right]$, равно 3.</p> <p>Ответ: 1</p>	
Координаты и функции. Функция $y = \operatorname{tg}x$	<p>A3. Среди значений переменной x, равных $\frac{2\pi}{3}$; $\frac{5\pi}{6}$; $\frac{3\pi}{4}$; $\frac{4\pi}{3}$; 3π, укажите то, при котором значение функции $y = \operatorname{tg}x$ положительное.</p> <p>1) $\frac{2\pi}{3}$; 2) $\frac{5\pi}{6}$; 3) $\frac{3\pi}{4}$; 4) $\frac{4\pi}{3}$; 5) 3π</p>	<p>Задание на проверку умения находить значение функции, используя формулы приведения.</p> <p>Решение:</p> $\operatorname{tg} \frac{2\pi}{3} = \operatorname{tg} \left(\pi - \frac{\pi}{3} \right) = -\operatorname{tg} \frac{\pi}{3} = -\sqrt{3} < 0.$ $\operatorname{tg} \frac{5\pi}{6} = \operatorname{tg} \left(\pi - \frac{\pi}{6} \right) = -\operatorname{tg} \frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{3} < 0.$ $\operatorname{tg} \frac{3\pi}{4} = \operatorname{tg} \left(\pi - \frac{\pi}{4} \right) = -\operatorname{tg} \frac{\pi}{4} = -1 < 0.$ $\operatorname{tg} \frac{4\pi}{3} = \operatorname{tg} \left(\pi + \frac{\pi}{3} \right) = \operatorname{tg} \frac{\pi}{3} = \sqrt{3} > 0.$ <p>$\operatorname{tg} 3\pi = 0.$</p> <p>Ответ: 4.</p> <p><i>Примечание.</i> Функция $y = \operatorname{tg}x$ принимает положительные значения на промежутках $\left(\pi n; \frac{\pi}{2} + \pi n \right), n \in Z$</p>	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 10-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 285 с. : ил. (Гл. 1, § 6, с. 75–86; § 9, с. 115–128)
Числа и вычисления. Признаки делимости	<p>A4. Найдите сумму всех целых чисел, кратных 4, на промежутке $(120; 135]$.</p> <p>1) 256; 2) 384; 3) 404;</p>	<p>Задание на проверку умения применять признак делимости на 4.</p> <p>Решение:</p> <p><i>Если число, образованное последними двумя цифрами в записи данного числа, делится на 4, то данное число делится</i></p>	Герасимов, В. Д. Математика : учеб. пособие для 5-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения : в 2 ч. / В. Д. Герасимов, О. Н. Пирютко, А. П. Лобанов. – 2-е изд., испр. и доп. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2020. – Ч. 1. – 176 с. : ил. (Гл. 1, § 13, с. 100–105)

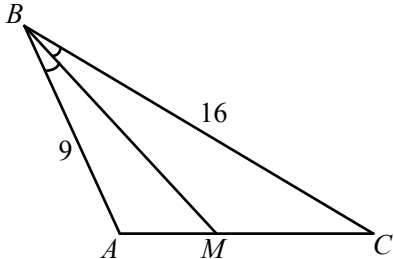
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.edu.by>) национального образовательного портала (www.edu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	4) 260; 5) 896	на 4, в противном случае – не делится. Числа 124, 128 и 132 являются кратными 4 и принадлежат промежутку (120; 135]. Их сумма равна 384. Ответ: 2	
Уравнения и неравенства. Корень уравнения	А5. Укажите номер уравнения, которое имеет корень, равный 3. 1) $x^2 = 3$; 2) $9^x = 81$; 3) $ x + 3 = 0$; 4) $\log_3(x - 3) = 0$; 5) $3x - 9 = \frac{9x}{3} - 9$. 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5	Задание на проверку знания определения корня уравнения. Решение: Корнем уравнения называется значение переменной, которое обращает это уравнение в верное числовое равенство. Подставим число 3 в каждое уравнение. 1) $x^2 = 3$, $3^2 \neq 3$, $9 \neq 3$. 2) $9^x = 81$, $9^3 \neq 81$, $243 \neq 81$. 3) $ x + 3 = 0$, $ 3 + 3 \neq 0$, $6 \neq 0$. 4) $\log_3(x - 3) = 0$, при $x = 3$ выражение, стоящее в левой части уравнения, не имеет смысла. 5) $3x - 9 = \frac{9x}{3} - 9$, $3 \cdot 3 - 9 = \frac{9 \cdot 3}{3} - 9$, $0 = 0$. Ответ: 5	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 7-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2017. – 313 с. : ил. (Гл. 3, § 15, с. 146–160)
Выражения и их преобразования. Стандартный вид числа	А6. Пусть $a = 11,2$. Значение выражения a^2 , представленное в стандартном виде, равно: 1) $1,2544 \cdot 10^2$; 2) $1,2544 \cdot 10^{-2}$; 3) $1,2544 \cdot 10^4$; 4) $1,2544 \cdot 10^{-4}$; 5) $12,544 \cdot 10^1$	Задание на проверку знания записи стандартного вида числа. Решение: <div style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Определение. Записать число b в стандартном виде означает представить его в виде произведения числа a, которое больше или равно 1, но меньше 10, и степени числа 10 с целым показателем. Этот показатель называется порядком числа.</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; margin-left: 20px;">$b = a \cdot 10^n$, где a больше или равно 1, но меньше 10, a и n — целое число. n — порядок числа.</div> Найдем значение выражения a^2 и	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 7-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2017. – 313 с. : ил. (Гл. 1, § 3, с. 34–43)

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
Геометрические фигуры и их свойства. Свойство биссектрисы угла треугольника	А7. Дан треугольник ABC , в котором $AM = 3,6$. Используя данные рисунка, найдите длину стороны AC треугольника ABC .  <p> 1) 9; 2) 8,2; 3) 10,6; 4) 10; 5) 11 </p>	представим его в стандартном виде: $a^2 = 11,2 \cdot 11,2 = 125,44 = 1,2544 \cdot 10^2$. Ответ: 1 <p> Задание на проверку знания свойства биссектрисы угла треугольника. Решение: Биссектриса угла треугольника делит противоположающую сторону на части, пропорциональные прилежащим сторонам. Воспользуемся рисунком в условии: так как $\angle ABM = \angle CBM$, то BM – биссектриса угла ABC треугольника ABC. Тогда по свойству биссектрисы угла треугольника: </p> $\frac{BA}{BC} = \frac{AM}{CM}, \quad \frac{9}{16} = \frac{3,6}{CM}$ $9CM = 3,6 \cdot 16, \quad CM = \frac{3,6 \cdot 16}{9}, \quad CM = 6,4.$ <p> Значит, $AC = AM + CM$, $AC = 10$. Ответ: 4 </p>	Казаков, В. В. Геометрия : учеб. пособие для 8-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / В. В. Казаков. – Минск : Народная асвета, 2018. – 199 с. : ил. (Гл. 3, § 22, с. 136–139)
Выражения и их преобразования. Формула	А8. Расстояние от пункта A до пункта B по реке плот проплыл за 12 часов, а катер – за 2 часа. Укажите номер формулы, которой связаны собственная скорость катера v_k и скорость течения реки v_p . <p> 1) $v_k = 4,5v_p$; 2) $v_k = 5v_p$; 3) $v_k = 4v_p$; 4) $v_k = 6v_p$; 5) $v_k = 5,5v_p$. </p> <p> 1) 1; </p>	Задание на проверку умения применять правила записи закона, зависимости, свойства в виде равенства (формулы) с помощью выражений с переменными. Решение: Плот движется по реке со скоростью течения реки v_p . Катер имеет собственную скорость v_k , равную его скорости в стоячей воде. При движении катера по течению реки течение помогает ему плыть, поэтому его скорость равна сумме собственной скорости и скорости	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 7-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2017. – 313 с. : ил. (Гл. 2, § 4, с. 44–53)

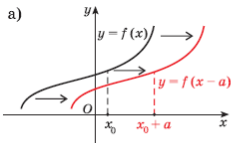
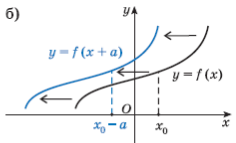
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.edu.by>) национального образовательного портала (www.edu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5	течения реки, то есть $(v_p + v_k)$. Так как плот и катер проходят одно и то же расстояние AB , то составим равенство: $12 \cdot v_p = 2 \cdot (v_p + v_k)$, $12 \cdot v_p = 2 \cdot v_p + 2 \cdot v_k$, $2 \cdot v_k = 10 \cdot v_p$, $v_k = 5 \cdot v_p$. Ответ: 2	
Числа и вычисления. Пропорция	А9. Анна, редактируя фотографию размерами 15 см в ширину и 21 см в высоту, уменьшила ширину фотографии на 5 см так, что отношение ширины к высоте новой фотографии не изменилось. Найдите высоту новой фотографии (в см). 1) 15 см; 2) 13 см; 3) 14 см; 4) 16 см; 5) 12 см	Задание на проверку умений составлять и решать пропорции. Решение: Ширина новой фотографии будет равна 10 см. Пусть высота новой фотографии равна x см. Учитывая, что отношение ширины к высоте новой фотографии такое же, как и у первоначальной, составим и решим пропорцию: $\frac{15}{21} = \frac{10}{x}$, $x = \frac{10 \cdot 21}{15}$, $x = 14$ (см). Значит, высота новой фотографии будет равна 14 см. Ответ: 3	Герасимов, В. Д. Математика: учеб. пособие для 6-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / В. Д. Герасимов, О. Н. Пирютко. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2018. – 320 с. : ил. (Гл. 2, § 3, с. 105–114)
Координаты и функции. График функции	А10. Дана функция $y = x $. График функции $y = g(x)$ получен из графика функции $y = x $ сдвигом его вдоль оси абсцисс на 12 единиц влево. Найдите значение выражения $g(-5) + g(1)$. 1) 28;	Задание на проверку умения строить график функции $y = f(x \pm a)$, $a \in R$ с помощью преобразования графика функции $y = f(x)$. Решение:	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 329 с. : ил. (Гл. 2, § 9, с. 118–134)

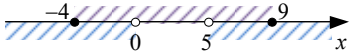
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	2) -18; 3) 30; 4) 72; 5) 20	<div style="display: flex; justify-content: space-between;"> <div style="width: 45%;"> <p>График функции $y = f(x - a)$</p> <p>можно получить движением графика функции $y = f(x)$ вдоль оси абсцисс на a единиц вправо, если $a > 0$ (рис. 52, а).</p>  </div> <div style="width: 45%;"> <p>График функции $y = f(x + a)$</p> <p>можно получить движением графика функции $y = f(x)$ вдоль оси абсцисс на a единиц влево, если $a > 0$ (рис. 52, б).</p>  </div> </div> <p style="text-align: center;">Рис. 52</p> <p>Рассматриваются функции $y = f(x)$ и $y = f(x + a)$ при $a = 12 > 0$. Сдвигом графика функции $y = x$ вдоль оси абсцисс на 12 единиц влево получен график функции $y = x + 12$. То есть $g(x) = x + 12$. Тогда $g(-5) = -5 + 12 = 7$, $g(1) = 1 + 12 = 13$.</p> <p>Значение выражения $g(-5) + g(1) = 20$.</p> <p>Ответ: 5</p>	
Уравнения и неравенства. Системы квадратных неравенств	А11. Найдите количество всех целых решений двойного неравенства $0 < x^2 - 5x \leq 36$. 1) 9; 2) 8; 3) 10; 4) 2; 5) 4	Задание на проверку умения решать систему квадратных неравенств. Решение: Неравенство $0 < x^2 - 5x \leq 36$ равносильно системе неравенств $\begin{cases} x^2 - 5x > 0, \\ x^2 - 5x \leq 36. \end{cases}$ Решим каждое неравенство системы: 1) $x^2 - 5x > 0$, $x(x - 5) > 0$; $x_1 = 0$ и $x_2 = 5$ — нули функции $y = x^2 - 5x$.	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 8-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. — Минск : Народная асвета, 2018. — 269 с. : ил. (Гл. 3, § 16, с. 191–203)


* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>Решением неравенства $x^2 - 5x > 0$ является множество $(-\infty; 0) \cup (5; +\infty)$.</p> <p>2) $x^2 - 5x \leq 36$, $x^2 - 5x - 36 \leq 0$; $x_1 = -4$ и $x_2 = 9$ – нули функции $y = x^2 - 5x - 36$.</p> <p>Решением неравенства $x^2 - 5x - 36 \leq 0$ является промежуток $[-4; 9]$.</p> <p>Найдем пересечение множеств решений первого и второго неравенств.</p>  <p>Решением исходного неравенства является множество $[-4; 0) \cup (5; 9]$. Целые числа из этого множества: $-4, -3, -2, -1, 6, 7, 8, 9$. Их количество равно 8.</p> <p>Ответ: 2</p>	
<p>Координаты и функции. Область (множество) значений функции</p>	<p>A12. Среди чисел $-\sqrt{21}$; $-\sqrt{37}$; $-\sqrt{13}$; $-\sqrt{53}$; $-\sqrt{74}$ выберите те, которые НЕ принадлежат множеству значений функции $y = -(x-2)^2 - 6$.</p> <p>1) $-\sqrt{21}$; 2) $-\sqrt{37}$; 3) $-\sqrt{13}$; 4) $-\sqrt{53}$; 5) $-\sqrt{74}$</p>	<p>Задание на проверку умения находить область (множество) значений функции.</p> <p>Решение: <i>Множество всех значений, которые принимает функция $y = f(x)$, называют множеством значений функции и обозначают $E(f)$.</i></p> <p>Графиком функции $y = -(x-2)^2 - 6$ является парабола, ветви которой направлены вниз, так как $a = -1 < 0$. Значит, множеством значений данной функции является промежуток $(-\infty; y_B]$. Из формы записи</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 329 с. : ил. (Гл. 2, § 6, с. 75–90)</p>



* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**		
		<p>квадратичной функции $y = -(x-2)^2 - 6$ следует, что $y_B = -6$. Значит, $E(y) = (-\infty; -6]$. Из предложенных в условии чисел числа $-\sqrt{21}$; $-\sqrt{13}$ не принадлежат этому промежутку. Ответ: 1, 3</p>			
Выражения и их преобразования. Стандартный вид многочлена	<p>A13. Представьте многочлен $5ab^2c + (-2abcb) + 3b^2ca$ в стандартном виде.</p> <p>1) $-30ab^2c$; 2) $6a^3b^6c^3$; 3) $6ab^2c$; 4) $-30a^3b^6c^3$; 5) $6ac$</p>	<p>Задание на проверку умения представлять многочлен в стандартном виде. Решение:</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Определение. Многочлен имеет стандартный вид, если все его члены записаны в стандартном виде и среди них нет подобных.</p> </div> <p> Чтобы привести многочлен к стандартному виду, нужно:</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 50%; padding: 2px;"> <p>① Каждый член многочлена записать в стандартном виде.</p> <p>② В полученном многочлене привести подобные слагаемые.</p> </td> <td style="width: 50%; padding: 2px;"> <p>Приведите многочлен к стандартному виду</p> <p>$3x^2yz - 8 + 7xxyz + 5xyyz - 4$.</p> <p>① $3x^2yz + 5x^2yz + 7x^2yz - 4 - 8$.</p> <p>② $8x^2yz + 7x^2yz - 12$.</p> <p>$3x^2yz - 8 + 7xxyz + 5xyyz - 4 =$ $= 8x^2yz + 7x^2yz - 12$.</p> </td> </tr> </table> <p>$5ab^2c + (-2abcb) + 3b^2ca =$ $= 5ab^2c - 2ab^2c + 3ab^2c = 6ab^2c$. Ответ: 3</p>	<p>① Каждый член многочлена записать в стандартном виде.</p> <p>② В полученном многочлене привести подобные слагаемые.</p>	<p>Приведите многочлен к стандартному виду</p> <p>$3x^2yz - 8 + 7xxyz + 5xyyz - 4$.</p> <p>① $3x^2yz + 5x^2yz + 7x^2yz - 4 - 8$.</p> <p>② $8x^2yz + 7x^2yz - 12$.</p> <p>$3x^2yz - 8 + 7xxyz + 5xyyz - 4 =$ $= 8x^2yz + 7x^2yz - 12$.</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 7-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2017. – 313 с. : ил. (Гл. 2, § 8, с. 78–84)</p>
<p>① Каждый член многочлена записать в стандартном виде.</p> <p>② В полученном многочлене привести подобные слагаемые.</p>	<p>Приведите многочлен к стандартному виду</p> <p>$3x^2yz - 8 + 7xxyz + 5xyyz - 4$.</p> <p>① $3x^2yz + 5x^2yz + 7x^2yz - 4 - 8$.</p> <p>② $8x^2yz + 7x^2yz - 12$.</p> <p>$3x^2yz - 8 + 7xxyz + 5xyyz - 4 =$ $= 8x^2yz + 7x^2yz - 12$.</p>				
Числа и вычисления. Сравнение действительных чисел	<p>A14. Укажите номер верного утверждения.</p> <p>1) $\frac{13}{17} < -\frac{13}{18}$; 2) $\log_{125} 5 = -3$; 3) $-\frac{15}{23} < -\frac{16}{23}$; 4) $0,425 < 0,4051$; 5) $3^{-2} = -9$.</p>	<p>Задание на проверку умения сравнивать действительные числа. Решение:</p>	<p>Герасимов, В. Д. Математика : учеб. пособие для 5-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения : в 2 ч. / В. Д. Герасимов, О. Н. Пирютко, А. П. Лобанов. – 2-е изд., испр. и доп. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2020. – Ч. 2. – 192 с. : ил. (Гл. 3, § 4, с. 32–42);</p> <p>Герасимов, В. Д. Математика : учеб. пособие для 6-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения /</p>		

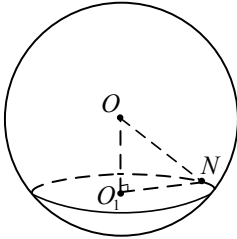
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5	1) <div style="border: 1px solid #add8e6; padding: 5px; margin: 5px 0;">  Положительные числа больше нуля: $0,124 > 0$ Отрицательные числа меньше нуля: $-234,5 < 0$ Положительное число больше отрицательного: $0,01 > -1000$ Из двух отрицательных чисел больше то, у которого модуль меньше: $-0,001 > -1000$ </div> <p>Из двух отрицательных чисел больше то, у которого модуль меньше, значит $-\frac{13}{17} < -\frac{13}{18}$ – верное числовое неравенство.</p> 2) <div style="background-color: #e0f0ff; padding: 5px; margin: 5px 0;"> Свойство 4. $\log_a b = \frac{1}{m} \log_a b$, а также $\frac{1}{m} \log_a b = \log_{a^m} b$, где $a > 0$, $a \neq 1$, $b > 0$, $m \neq 0$. </div> <p>Так как $\log_{125} 5 = \log_{5^3} 5 = \frac{1}{3}$, то $\log_{125} 5 = -3$ является неверным числовым равенством.</p> 3) Из двух отрицательных чисел больше то, у которого модуль меньше, значит $-\frac{15}{23} < -\frac{16}{23}$ – неверное числовое неравенство. 4) <div style="border: 1px solid #add8e6; padding: 5px; margin: 5px 0;">  Правило сравнения десятичных дробей. 1. Из двух дробей с разными целыми частями больше та, у которой целая часть больше. 2. Если целые части дробей равны, то нужно уравнивать число десятичных знаков в дробных частях, приписывая в конце десятичной записи нули, и сравнить дробные части. Больше будет та дробь, у которой дробная часть больше. </div>	<p>В. Д. Герасимов, О. Н. Пирютко. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2018. – 320 с. : ил. (Гл. 1, § 2, с. 12–18; гл. 4, § 3, с. 192–197);</p> <p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 7-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2017. – 313 с. : ил. (Гл. 1, § 2, с. 22–34);</p> <p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2020. – 270 с. : ил. (Гл. 3, § 7, с. 100–115)</p>

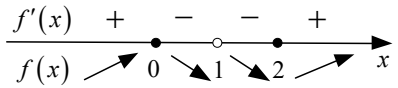
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>$0,425 = 0,4250$, тогда $0,4250 > 0,4051$. Значит $0,425 < 0,4051$ – неверное числовое неравенство.</p> <p>5)</p> <p style="text-align: center;">Определение степени числа с целым отрицательным показателем</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block; width: 80%;"> <p>Определение. Степенью числа с целым отрицательным показателем называется число, обратное степени с тем же основанием и противоположным показателем.</p> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block; width: 15%; vertical-align: top; margin-left: 10px;"> $a^{-n} = \frac{1}{a^n},$ $a \neq 0$ </div> <p>Так как $3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$, значит $3^{-2} = -9$ – неверное числовое равенство.</p> <p>Ответ: 1</p>	
Геометрические фигуры и их свойства. Площадь сферы	<p>A15. Плоскость, удаленная от центра сферы на $12\sqrt{3}$, пересекает ее по окружности длиной $10\sqrt{3}\pi$. Найдите площадь сферы.</p> <p>1) 1014π; 2) 432π; 3) 676π; 4) 3042π; 5) 2028π</p>	<p>Задание на проверку умения находить площадь сферы.</p> <p>Решение: Рассмотрим рисунок.</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p>Окружность с центром в точке O_1 – сечение сферы плоскостью. Тогда $OO_1 = 12\sqrt{3}$. Точка N лежит на окружности и сфере. Найдем радиус O_1N</p>	Латотин, Л. А. Геометрия : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения (базовый и повышенный уровни) / Л. А. Латотин, Б. Д. Чеботаревский, И. В. Горбунова, О. Е. Цыбулько. – Минск : Белорусская Энциклопедия имени Петруся Бровки, 2020. – 232 с. : ил. (Р. 3, § 5, с. 76–88)

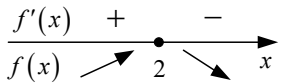
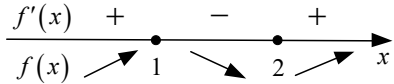
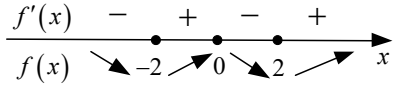
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>окружности из формулы длины окружности: $C = 2 \cdot \pi \cdot O_1N$, $10\sqrt{3}\pi = 2 \cdot \pi \cdot O_1N$, $O_1N = 5\sqrt{3}$.</p> <p>По теореме Пифагора в прямоугольном треугольнике OO_1N найдем радиус сферы ON: $ON^2 = OO_1^2 + O_1N^2$, $ON^2 = (12\sqrt{3})^2 + (5\sqrt{3})^2$, $ON = 13\sqrt{3}$.</p> <p>Площадь сферы найдем по формуле $S = 4\pi R^2$: $S = 4\pi \cdot 169 \cdot 3 = 2028\pi$.</p> <p>Ответ: 5</p>	
<p>Координаты и функции. Точки экстремума функции</p>	<p>A16. Укажите номера функций, точка минимума которых равна 2.</p> <p>1) $f(x) = \frac{x^2}{x-1}$; 2) $f(x) = -x^2 + 4x$; 3) $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 1,5x^2 + 2x + 16$; 4) $f(x) = \frac{3}{4}x^4 - 6x^2$; 5) $f(x) = (2x+5)(2-3x^2)$.</p> <p>1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5</p>	<p>Задание на проверку умения находить точки экстремума функции. Решение:</p> <p>1) $D(f) = (-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$.</p> $f'(x) = \left(\frac{x^2}{x-1}\right)' = \frac{2x(x-1) - x^2}{(x-1)^2} = \frac{x^2 - 2x}{(x-1)^2}$ $f'(x) = 0, \frac{x^2 - 2x}{(x-1)^2} = 0, x_1 = 0, x_2 = 2.$  <p>Точка минимума функции: $x_{\min} = 2$.</p> <p>2) $D(f) = R$.</p> $f'(x) = (-x^2 + 4x)' = -2x + 4$ $f'(x) = 0, -2x + 4 = 0, x = 2.$	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 10-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 285 с. : ил. (Гл. 3, § 20, с. 239–256)</p>


* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		 <p>Точек минимума функция не имеет.</p> <p>3) $D(f) = R$.</p> $f'(x) = \left(\frac{1}{3}x^3 - 1,5x^2 + 2x + 16 \right)' = x^2 - 3x + 2.$ $f'(x) = 0, \quad x^2 - 3x + 2 = 0, \quad x_1 = 1, \quad x_2 = 2.$  <p>Точка минимума функции: $x_{\min} = 2$.</p> <p>4) $D(f) = R$.</p> $f'(x) = \left(\frac{3}{4}x^4 - 6x^2 \right)' = 3x^3 - 12x.$ $f'(x) = 0, \quad 3x^3 - 12x = 0, \quad x_1 = -2, \quad x_2 = 0, \quad x_3 = 2.$  <p>Точки минимума функции: $x_{\min} = -2$, $x_{\min} = 2$.</p> <p>5) $D(f) = R$.</p>	

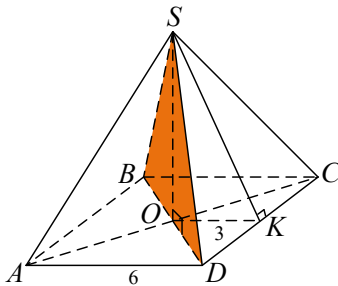
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		$f'(x) = ((2x+5)(2-3x^2))' = 2(2-3x^2) + (-6x)(2x+5) = -18x^2 - 30x + 4.$ <p>Очевидно, что при x, равном 2, $f'(x) \neq 0$. Значит, $x = 2$ не является точкой минимума функции. Ответ: 1, 3, 4</p>	
Уравнения и неравенства. Дробно-рациональные уравнения	<p>A17. Найдите сумму корней уравнения $\frac{(x+2)(3x^2-27x+8)}{x^2-4} = 0$.</p> <p>1) -9; 2) 27; 3) $2\frac{2}{3}$; 4) 9; 5) $-2\frac{2}{3}$</p>	<p>Задание на проверку умения применять условие равенства дроби нулю для решения уравнений. Решение:</p> <p> Рациональная дробь равна нулю тогда и только тогда, когда числитель дроби равен нулю, а знаменатель не равен нулю.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block; margin-left: 20px;"> $\frac{A}{B} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} A = 0, \\ B \neq 0 \end{cases}$ </div> $\frac{(x+2)(3x^2-27x+8)}{x^2-4} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} (x+2)(3x^2-27x+8) = 0, \\ x^2-4 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \begin{cases} x+2 = 0, \\ 3x^2-27x+8 = 0, \\ x \neq -2, x \neq 2 \end{cases} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2, \\ x^2-9x+\frac{8}{3} = 0, \\ x \neq -2, x \neq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2-9x+\frac{8}{3} = 0, \\ x \neq -2, x \neq 2 \end{cases}$ <p>Очевидно, что корни приведенного квадратного уравнения $x^2-9x+\frac{8}{3} = 0$ ($D > 0$) являются решением системы и исходного уравнения.</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 329 с. : ил. (Гл. 3, § 10, с. 136–154)</p>

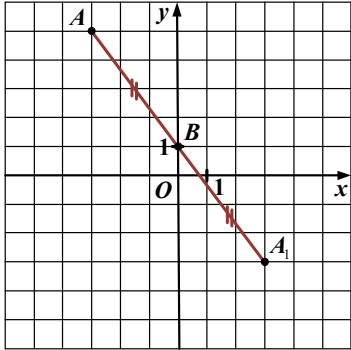
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
Геометрические фигуры и их свойства. Площадь боковой и полной поверхности пирамиды		Тогда по теореме Виета: $x_1 + x_2 = 9$. Ответ: 4	
	<p>A18. Ребро основания правильной четырехугольной пирамиды равно 6, а площадь диагонального сечения равна $12\sqrt{2}$. Найдите площадь полной поверхности пирамиды.</p> <p>1) 48; 2) 96; 3) 72; 4) 108; 5) 54</p>	<p>Задание на проверку умения находить площадь полной поверхности пирамиды. Решение: Площадь полной поверхности пирамиды равна сумме площади ее боковой поверхности и площади основания. Рассмотрим рисунок. $ABCD$ – квадрат, $AD = 6$, $BD = 6\sqrt{2}$.</p>  <p>Диагональным сечением пирамиды является равнобедренный треугольник BSD с основанием BD и высотой, равной высоте SO пирамиды. Найдём длину отрезка SO из формулы площади треугольника BSD: $\frac{1}{2}BD \cdot SO = 12\sqrt{2}$, $SO = 4$. Площадь боковой поверхности правильной пирамиды находится по формуле $S_{бок} = \frac{1}{2}P_{осн} \cdot l$, где l – апофема правильной</p>	Латотин, Л. А. Геометрия : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения (базовый и повышенный уровни) / Л. А. Латотин, Б. Д. Чеботаревский, И. В. Горбунова, О. Е. Цыбулько. – Минск : Белорусская Энциклопедия имени Петруся Бровки, 2020. – 232 с. : ил. (Р. 2, § 3, с. 38–56)

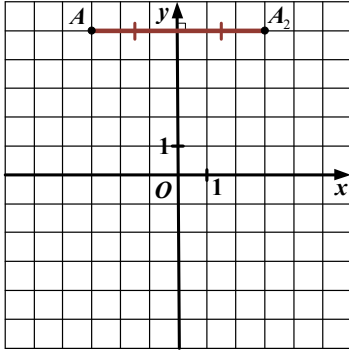
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>пирамиды, $P_{\text{осн}}$ – периметр основания.</p> <p>Найдем апофему SK из прямоугольного треугольника SOK по теореме Пифагора: $SK^2 = SO^2 + OK^2$, $SK^2 = 16 + 9$, $SK = 5$.</p> $S_{\text{бок}} = \frac{1}{2} \cdot 24 \cdot 5, \quad S_{\text{бок}} = 60. \quad S_{\text{осн}} = 6^2 = 36.$ <p>Площадь полной поверхности пирамиды равна 96. Ответ: 2</p>	
Координаты и функции. Определение координат точки на координатной плоскости	В1. Выберите три верных утверждения.	<p>Задание на проверку умения определять координаты точки на координатной плоскости.</p> <p>Решение:</p> <p>1) Точки симметричны относительно некоторой точки, если они находятся на одинаковом расстоянии от этой точки и лежат на одной прямой с этой точкой.</p> <p>Обозначим A_1 – точку, симметричную точке A относительно точки B. На рисунке видно, что она имеет координаты $(3; -3)$.</p> <p>Утверждение 1 – неверное.</p> 	Герасимов, В. Д. Математика : учеб. пособие для 6-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / В. Д. Герасимов, О. Н. Пирютко. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2018. – 320 с. : ил. (Гл. 5, § 1, с. 247–257; гл. 6, § 4–5, с. 293–301)

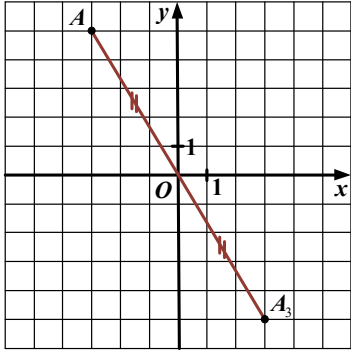
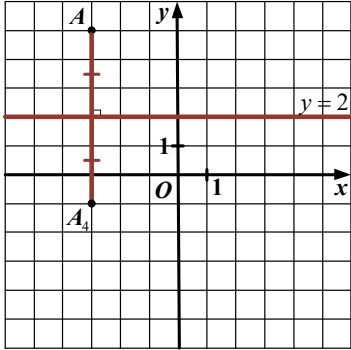
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**												
	<table border="1"> <tr> <td data-bbox="405 260 454 395">1</td> <td data-bbox="454 260 1014 395">точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно точки $B(0; 1)$, имеет координаты $(5; -5)$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="405 395 454 531">2</td> <td data-bbox="454 395 1014 531">точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно оси ординат Oy, имеет координаты $(3; 5)$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="405 531 454 667">3</td> <td data-bbox="454 531 1014 667">точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно начала координат, имеет координаты $(3; -5)$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="405 667 454 802">4</td> <td data-bbox="454 667 1014 802">точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно прямой $y = 2$, имеет координаты $(-3; -1)$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="405 802 454 938">5</td> <td data-bbox="454 802 1014 938">точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно прямой $x = 1$, имеет координаты $(-3; -3)$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="405 938 454 1074">6</td> <td data-bbox="454 938 1014 1074">точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно оси абсцисс Ox, имеет координаты $(3; -5)$</td> </tr> </table> <p data-bbox="405 1074 1014 1096">Ответ запишите цифрами (порядок записи цифр не имеет значения). Например: 125</p>	1	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно точки $B(0; 1)$, имеет координаты $(5; -5)$	2	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно оси ординат Oy , имеет координаты $(3; 5)$	3	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно начала координат, имеет координаты $(3; -5)$	4	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно прямой $y = 2$, имеет координаты $(-3; -1)$	5	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно прямой $x = 1$, имеет координаты $(-3; -3)$	6	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно оси абсцисс Ox , имеет координаты $(3; -5)$	<p data-bbox="1037 244 1541 371">2) Точки симметричны относительно некоторой прямой, если они лежат на одном перпендикуляре к этой прямой на равных расстояниях от этой прямой. Обозначим A_2 – точку, симметричную точке A относительно оси ординат Oy. На рисунке видно, что она имеет координаты $(3; 5)$. Утверждение 2 – верное.</p>  <p data-bbox="1037 930 1541 1058">3) Обозначим A_3 – точку, симметричную точке A относительно начала координат. На рисунке видно, что она имеет координаты $(3; -5)$. Утверждение 3 – верное.</p>	
1	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно точки $B(0; 1)$, имеет координаты $(5; -5)$														
2	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно оси ординат Oy , имеет координаты $(3; 5)$														
3	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно начала координат, имеет координаты $(3; -5)$														
4	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно прямой $y = 2$, имеет координаты $(-3; -1)$														
5	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно прямой $x = 1$, имеет координаты $(-3; -3)$														
6	точка, симметричная точке $A(-3; 5)$ относительно оси абсцисс Ox , имеет координаты $(3; -5)$														

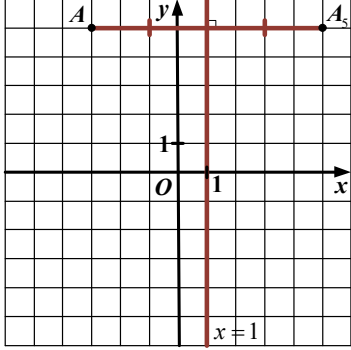
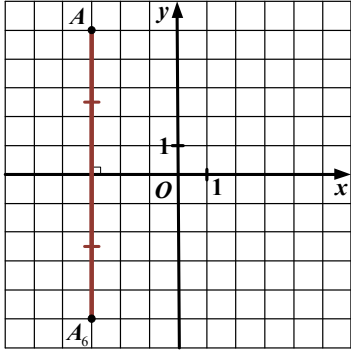
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		 <p>4) Обозначим A_4 – точку, симметричную точке A относительно прямой $y = 2$. На рисунке видно, что она имеет координаты $(-3; -1)$. Утверждение 4 – верное.</p>  <p>5) Обозначим A_5 – точку, симметричную точке A относительно прямой $x = 1$. На рисунке видно, что она имеет</p>	

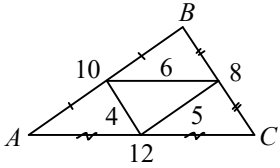
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>координаты $(5; 5)$. Утверждение 5 – неверное.</p>  <p>б) Обозначим A_6 – точку, симметричную точке A относительно оси абсцисс Ox. На рисунке видно, что она имеет координаты $(-3; -5)$. Утверждение 6 – неверное.</p>  <p>Ответ: 234</p>	

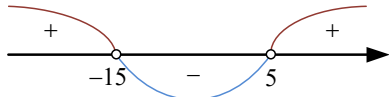
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**														
Геометрические фигуры и их свойства. Решение треугольников	<p>В2. Длины средних линий треугольника равны 4, 5 и 6. Для начала каждого из предложений А–В подберите его окончание 1–6 так, чтобы получилось верное утверждение.</p> <table border="1" data-bbox="409 384 1010 826"> <thead> <tr> <th data-bbox="409 384 819 456">Начало предложения</th> <th data-bbox="819 384 1010 456">Окончание предложения</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="409 456 819 528">А) Длина наибольшей стороны треугольника равна ...</td> <td data-bbox="819 456 1010 528">1) $\frac{1}{12}$.</td> </tr> <tr> <td data-bbox="409 528 819 600">Б) Косинус наибольшего угла треугольника равен ...</td> <td data-bbox="819 528 1010 600">2) 12.</td> </tr> <tr> <td data-bbox="409 600 819 671">В) Радиус окружности, описанной около треугольника, равен ...</td> <td data-bbox="819 600 1010 671">3) $\frac{32\sqrt{7}}{7}$.</td> </tr> <tr> <td></td> <td data-bbox="819 671 1010 743">4) 15.</td> </tr> <tr> <td></td> <td data-bbox="819 743 1010 815">5) $\frac{16\sqrt{7}}{7}$.</td> </tr> <tr> <td></td> <td data-bbox="819 815 1010 826">6) $\frac{1}{8}$.</td> </tr> </tbody> </table> <p><i>Ответ запишите в виде сочетания букв и цифр, соблюдая алфавитную последовательность букв левого столбца. Помните, что некоторые данные правого столбца могут использоваться несколько раз или не использоваться вообще. Например: А1Б1В4</i></p>	Начало предложения	Окончание предложения	А) Длина наибольшей стороны треугольника равна ...	1) $\frac{1}{12}$.	Б) Косинус наибольшего угла треугольника равен ...	2) 12.	В) Радиус окружности, описанной около треугольника, равен ...	3) $\frac{32\sqrt{7}}{7}$.		4) 15.		5) $\frac{16\sqrt{7}}{7}$.		6) $\frac{1}{8}$.	<p>Задание на проверку знания свойства средней линии треугольника и умения применять теоремы синусов и косинусов для решения задач. Решение: Рассмотрим рисунок.</p>  <p>По свойству средней линии треугольника получим, что $AC = 12$, $AB = 10$, $CB = 8$. А) Длина наибольшей стороны треугольника ABC равна 12. Б) В треугольнике против большей стороны лежит больший угол, а против большего угла лежит большая сторона. Значит, в треугольнике ABC наибольшим углом является угол ABC. По теореме косинусов: $AC^2 = AB^2 + CB^2 - 2 \cdot AB \cdot CB \cdot \cos \angle ABC$, $144 = 100 + 64 - 160 \cdot \cos \angle ABC$, $\cos \angle ABC = \frac{1}{8}$. В) Радиус окружности, описанной около треугольника ABC, найдем по формуле $\frac{AC}{\sin \angle ABC} = 2R$. По основному тригонометрическому тождеству найдем</p>	<p>Казаков, В. В. Геометрия : учеб. пособие для 8-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / В. В. Казаков. – Минск : Народная асвета, 2018. – 199 с. : ил. (Гл. 1, § 8, с. 49–52);</p> <p>Казаков, В. В. Геометрия : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / В. В. Казаков. – Минск : Народная асвета, 2019. – 191 с. : ил. (Гл. 3, § 12–14, с. 99–122)</p>
Начало предложения	Окончание предложения																
А) Длина наибольшей стороны треугольника равна ...	1) $\frac{1}{12}$.																
Б) Косинус наибольшего угла треугольника равен ...	2) 12.																
В) Радиус окружности, описанной около треугольника, равен ...	3) $\frac{32\sqrt{7}}{7}$.																
	4) 15.																
	5) $\frac{16\sqrt{7}}{7}$.																
	6) $\frac{1}{8}$.																

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**												
		<p>синус острого угла ABC : $\sin^2 \angle ABC + \cos^2 \angle ABC = 1$, $\sin \angle ABC = \sqrt{1 - \frac{1}{64}}$, $\sin \angle ABC = \frac{3\sqrt{7}}{8}$. $\frac{12}{3\sqrt{7}} = 2R$, $R = \frac{16\sqrt{7}}{7}$.</p> <p>Ответ: A2B6B5</p>													
Уравнения и неравенства. Рациональные неравенства	<p>В3. Для неравенства $(x-5)(x+15) > 0$ выберите три верных утверждения.</p> <table border="1" data-bbox="407 639 1010 1035"> <tr> <td>1</td> <td>число 0 является решением неравенства</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>число 5 является наибольшим целым положительным решением неравенства</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>число -16 является наибольшим целым отрицательным решением неравенства</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>количество всех целых решений неравенства равно 19</td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>неравенство верно при $x \in [8; 10]$</td> </tr> <tr> <td>6</td> <td>количество всех целых решений неравенства, принадлежащих промежутку $[-17; -14]$, равно 2</td> </tr> </table> <p>Ответ запишите цифрами (порядок записи цифр не имеет значения). Например: 125</p>	1	число 0 является решением неравенства	2	число 5 является наибольшим целым положительным решением неравенства	3	число -16 является наибольшим целым отрицательным решением неравенства	4	количество всех целых решений неравенства равно 19	5	неравенство верно при $x \in [8; 10]$	6	количество всех целых решений неравенства, принадлежащих промежутку $[-17; -14]$, равно 2	<p>Задание на проверку умения решать неравенства методом интервалов. Решение: Решим неравенство $(x-5)(x+15) > 0$ методом интервалов. Рассмотрим функцию $f(x) = (x-5)(x+15)$. Нулями этой функции являются числа -15 и 5. Так как знак неравенства строгий, то отметим их на оси абсцисс пустыми точками. Построим схему графика функции.</p>  <p>Решением неравенства является множество $(-\infty; -15) \cup (5; +\infty)$. Из этого следует, что утверждения под номерами 1, 2 и 4 являются неверными, а утверждения под номерами 3, 5 и 6 – верными.</p> <p>Ответ: 356</p>	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирутко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 329 с. : ил. (Гл. 3, § 13, с. 182–203)
1	число 0 является решением неравенства														
2	число 5 является наибольшим целым положительным решением неравенства														
3	число -16 является наибольшим целым отрицательным решением неравенства														
4	количество всех целых решений неравенства равно 19														
5	неравенство верно при $x \in [8; 10]$														
6	количество всех целых решений неравенства, принадлежащих промежутку $[-17; -14]$, равно 2														
Уравнения и неравенства. Задачи на проценты	В4. Сплав содержит 72 % по массе олова, а также еще четыре других металла, массы которых равны	Задание на проверку умения решать задачи на проценты.	Герасимов, В. Д. Математика : учеб. пособие для 6-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения /												

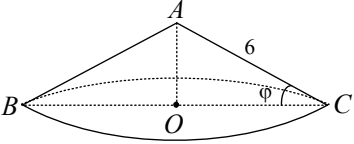
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	<p>между собой. Одним из этих металлов является цинк массой 63 г. Найдите массу сплава (в граммах)</p>	<p>Решение: Поскольку сплав содержит 72 % по массе олова, то четыре других металла составляют 28 % массы сплава. По условию массы этих четырех металлов равны, тогда на один металл приходится 7 %. Таким образом, 7 % равны 63 г. Найдём массу (в граммах) всего сплава: $\frac{63}{7} \cdot 100 = 900$ (г). Ответ: 900</p>	<p>В. Д. Герасимов, О. Н. Пириютко. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2018. – 320 с. : ил. (Гл. 2, § 2, с. 91–105)</p>
<p>Уравнения и неравенства. Решение тригонометрических уравнений</p>	<p>В5. Найдите (в градусах) наименьший корень уравнения $\sqrt{3} \sin x + \cos x = 0$ на промежутке $[-270^\circ; -20^\circ]$</p>	<p>Задание на проверку умения решать тригонометрические уравнения. Решение: Данное уравнение является однородным уравнением первой степени. Так как $\cos x \neq 0$ (в противном случае и $\sin x = 0$, что противоречит основному тригонометрическому тождеству), то разделим обе части уравнения на $\cos x$ и получим: $\sqrt{3} \operatorname{tg} x + 1 = 0, \quad \sqrt{3} \operatorname{tg} x = -1, \quad \operatorname{tg} x = -\frac{\sqrt{3}}{3},$$x = -\frac{\pi}{6} + \pi n, \quad n \in Z, \quad x = -30^\circ + 180^\circ n,$$n \in Z. \quad \text{Промежутку } [-270^\circ; -20^\circ]$ принадлежат корни -30° ($n = 0$) и -210° ($n = -1$). Наименьший корень уравнения на промежутке $[-270^\circ; -20^\circ]$ равен -210°. Ответ: -210</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 10-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пириютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 285 с. : ил. (Гл. 1, § 8, с. 99–115)</p>
<p>Геометрические фигуры и их свойства. Объем</p>	<p>В6. Образующая конуса длиной 6 наклонена к</p>	<p>Задание на проверку умения находить объем цилиндра.</p>	<p>Латотин, Л. А. Геометрия : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения</p>

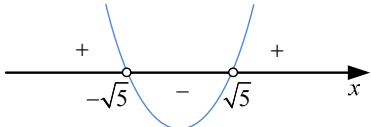
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
цилиндра	<p>плоскости основания под углом φ, равным $\arccos \frac{\sqrt{7}}{3}$. Найдите объем V цилиндра, у которого радиус основания и высота равны соответственно радиусу основания и высоте данного конуса. В ответ запишите значение выражения $\frac{V \cdot \sqrt{2}}{2\pi}$</p>	<p>Решение: Рассмотрим рисунок.</p>  <p>Найдем радиус основания и высоту конуса. В прямоугольном треугольнике AOC:</p> $\frac{OC}{AC} = \cos \varphi, \quad \frac{OC}{6} = \frac{\sqrt{7}}{3}, \quad OC = 2\sqrt{7}.$ <p>По теореме Пифагора в прямоугольном треугольнике AOC: $AC^2 = OC^2 + AO^2$, $AO^2 = AC^2 - OC^2$, $AO^2 = 8$, $AO = 2\sqrt{2}$.</p> <p>Таким образом, радиус основания цилиндра равен $2\sqrt{7}$, а высота равна $2\sqrt{2}$. Высота цилиндра равна его образующей.</p> <p>Теорема 7. Объем цилиндра равен произведению площади его основания и образующей:</p> $V_n = S_{\text{осн}} \cdot l.$ <p>$V = \pi \cdot (2\sqrt{7})^2 \cdot 2\sqrt{2}$, $V = 56\sqrt{2}\pi$. Значение выражения $\frac{V \cdot \sqrt{2}}{2\pi}$ равно 56.</p> <p>Ответ: 56</p>	<p>(базовый и повышенный уровни) / Л. А. Латотин, Б. Д. Чеботаревский, И. В. Горбунова, О. Е. Цыбулько. – Минск : Белорусская Энциклопедия имени Петруся Бровки, 2020. – 232 с. : ил. (Р. 1, § 2, с. 22–36; р. 2, § 4, с. 57–74)</p>
Выражения и их преобразования. Определение тангенса и котангенса	<p>В7. Найдите значение выражения $51\sqrt{3} \operatorname{ctg} \left(\arccos \left(-\cos \left(-\frac{5\pi}{6} \right) \right) \right)$</p>	<p>Задание на проверку умения применять определения котангенса произвольного угла и арккосинуса числа для вычислений. Решение:</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 10-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 285 с. : ил. (Гл. 1, § 3, с. 32–45; § 7, с. 87–</p>

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
произвольного угла. Арксинус, арккосинус, арктангенс и арккотангенс числа		$\cos\left(-\frac{5\pi}{6}\right) = \cos\frac{5\pi}{6} = \cos\left(\pi - \frac{\pi}{6}\right) = -\cos\frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}.$ $\arccos\left(-\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)\right) = \arccos\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\pi}{6}.$ $51\sqrt{3} \cdot \operatorname{ctg}\frac{\pi}{6} = 51\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 153.$ <p>Ответ: 153</p>	99)
Уравнения и неравенства. Решение показательных неравенств	В8. Найдите произведение наименьшего целого решения на количество всех целых решений неравенства $3^{x^2} + 243 > 2^{1-x^2} \cdot 6^{x^2}$	<p>Задание на проверку умения решать показательные неравенства.</p> <p>Решение:</p> <p>Неравенство $3^{x^2} + 243 > 2^{1-x^2} \cdot 6^{x^2}$ равносильно неравенству $3^{x^2} + 243 > 2^{1-x^2} \cdot 2^{x^2} \cdot 3^{x^2}$, $3^{x^2} + 243 > 2 \cdot 3^{x^2}$, $3^{x^2} < 243$, $3^{x^2} < 3^5$ (1). Так как $3 > 1$, то функция $y = 3^x$ является возрастающей, значит (1) $\Leftrightarrow x^2 < 5$ (2).</p> <p>Решим неравенство (2): нулями функции $y = x^2 - 5$ являются числа $-\sqrt{5}$ и $\sqrt{5}$. Ветви параболы направлены вверх ($a = 1 > 0$).</p>  <p>Решением неравенства (2) и исходного неравенства является промежуток</p>	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2020. – 270 с. : ил. (Гл. 2, § 6, с. 80–99)

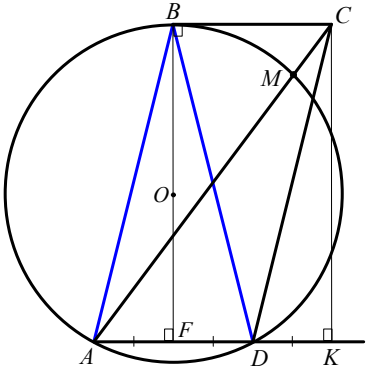
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		$(-\sqrt{5}; \sqrt{5})$. Целыми решениями являются: $-2, -1, 0, 1, 2$. Произведение наименьшего целого решения на количество всех целых решений равно -10 . Ответ: -10	
Уравнения и неравенства. Решение иррациональных уравнений	В9. Найдите сумму корней (корень, если он единственный) уравнения $\sqrt[6]{x^2 - 2x - 8} - \sqrt[6]{6x + 1} = 0$	Задание на проверку умения решать иррациональные уравнения и уравнения, сводящиеся к ним. Решение: <i>При решении иррационального уравнения его заменяют равносильным уравнением (системой или совокупностью уравнений и неравенств) либо его следствием (в этом случае проверка полученных решений обязательна).</i> Преобразуем уравнение $\sqrt[6]{x^2 - 2x - 8} - \sqrt[6]{6x + 1} = 0$ к виду $\sqrt[6]{x^2 - 2x - 8} = \sqrt[6]{6x + 1}$ (1). Возведем обе части уравнения (1) в шестую степень и получим: $x^2 - 2x - 8 = 6x + 1$; $x^2 - 8x - 9 = 0$; $D = 100$; $x_1 = 9$; $x_2 = -1$. Корнями квадратного уравнения являются числа -1 и 9 . Подставив их в исходное уравнение, убедимся, что корнем уравнения является только число 9 . Ответ: 9	Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 10-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пирютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 285 с. : ил. (Гл. 2, § 17, с. 204–217)
Геометрические фигуры и их свойства. Площадь	В10. Длина стороны AB параллелограмма $ABCD$ равна длине его диагонали BD . Описанная около	Задание на проверку умения применять формулу площади параллелограмма.	Казаков, В. В. Геометрия : учеб. пособие для 8-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения /

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
параллелограмма	треугольника ABD окружность делит большую диагональ на отрезки $AM = 84$, $MC = 16$. Найдите площадь параллелограмма $ABCD$	<p>Решение:</p>  <p>Окружность описана около равнобедренного треугольника ABD ($AB = BD$), а высота BF треугольника является серединным перпендикуляром к стороне AD. Центр O окружности лежит на BF, радиус OB перпендикулярен стороне CB параллелограмма, значит CB – касательная к окружности в точке B по признаку касательной.</p> <p>Найдем сторону CB по теореме о касательной и секущей. CA является секущей, а CB – касательной, тогда $CB^2 = CA \cdot CM$, $CB^2 = (84 + 16) \cdot 16$, $CB^2 = 100 \cdot 16$, $CB = 40$.</p> <p>Проведем высоту CK параллелограмма (см. рис.) и рассмотрим прямоугольный треугольник AKC: $AC = 100$, $AK = 60$.</p>	В. В. Казаков. – Минск : Народная асвета, 2018. – 199 с. : ил. (Гл. 2, § 14, с. 81–84; гл. 4, § 25, с. 155–161; § 29, с. 182–186)

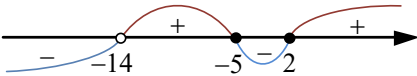
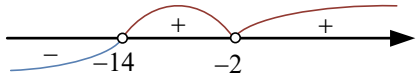
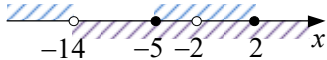
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>По теореме Пифагора: $AC^2 = CK^2 + AK^2$, $CK^2 = AC^2 - AK^2$, $CK^2 = 100^2 - 60^2$, $CK = 80$.</p> <p>Площадь параллелограмма $ABCD$ найдем по формуле $S_{ABCD} = AD \cdot CK$, тогда $S_{ABCD} = 40 \cdot 80 = 3200$.</p> <p>Ответ: 3200</p>	
<p>Уравнения и неравенства. Решение логарифмических неравенств</p>	<p>В11. Найдите произведение наименьшего целого решения на количество всех целых решений неравенства $\log_{(\sqrt{10}-3)} \frac{x^2+4x+4}{x+14} \geq 0$</p>	<p>Задание на проверку умения решать логарифмические неравенства.</p> <p>Решение: Данное неравенство можно записать в виде $\log_{(\sqrt{10}-3)} \frac{x^2+4x+4}{x+14} \geq \log_{(\sqrt{10}-3)} 1$. Так как $\sqrt{10}-3 < 1$, то функция $y = \log_{(\sqrt{10}-3)} t$ убывает при $t > 0$, значит неравенство равносильно системе $\begin{cases} \frac{x^2+4x+4}{x+14} \leq 1, \\ \frac{x^2+4x+4}{x+14} > 0. \end{cases}$</p> <p>Решим каждое неравенство системы: 1) $\frac{x^2+4x+4}{x+14} \leq 1$, $\frac{x^2+3x-10}{x+14} \leq 0$. Нулями функции $y = \frac{x^2+3x-10}{x+14}$ являются числа -5 и 2, а при $x = -14$ значение функции не существует. Построим схему графика функции.</p>	<p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пириютко. – Минск : Народная асвета, 2019. – 329 с. : ил. (Гл. 3, § 13, с. 182–203);</p> <p>Арефьева, И. Г. Алгебра : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пириютко. – Минск : Народная асвета, 2020. – 270 с. : ил. (Гл. 3, § 10, с. 147–164)</p>

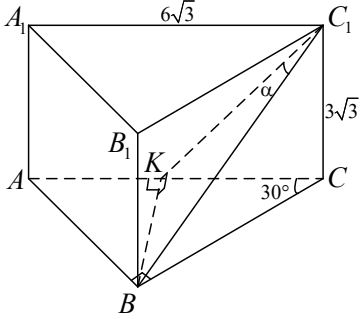
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.edu.by>) национального образовательного портала (www.edu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		 <p>Решением неравенства является множество $(-\infty; -14) \cup [-5; 2]$.</p> <p>2) $\frac{x^2 + 4x + 4}{x + 14} > 0, \quad \frac{(x + 2)^2}{x + 14} > 0.$ Нулем функции $y = \frac{(x + 2)^2}{x + 14}$ является число -2, а при $x = -14$ значение функции не существует. Построим схему графика функции.</p>  <p>Решением неравенства является множество $(-14; -2) \cup (-2; +\infty)$.</p> <p>Найдем пересечение множеств решений первого и второго неравенств.</p>  <p>Решением исходного неравенства является множество $[-5; -2) \cup (-2; 2]$. Наименьшее целое решение равно -5. Количество всех целых решений неравенства равно 7. Их произведение равно -35.</p> <p>Ответ: -35</p>	
Геометрические фигуры и их свойства. Угол	В12. Основанием прямой призмы $ABCA_1B_1C_1$ с	Задание на проверку умения находить угол между прямой и плоскостью.	Латотин, Л. А. Геометрия : учеб. пособие для 10-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
<p>между прямой и плоскостью</p>	<p>высотой, равной $3\sqrt{3}$, является прямоугольный треугольник ABC ($\angle B = 90^\circ$), у которого $AC = 6\sqrt{3}$, $\angle ACB = 30^\circ$. Найдите значение выражения $\frac{24}{\operatorname{tg}^2 \alpha}$, где α – угол между диагональю BC_1 боковой грани BB_1C_1C и плоскостью AA_1C_1</p>	<p>Решение: Рассмотрим рисунок.</p>  <p>Углом между прямой и плоскостью является угол между прямой и ее проекцией на эту плоскость. В треугольнике ABC проведем высоту BK. Так как призма прямая, то $AA_1 \perp (ABC)$, значит $AA_1 \perp BK$. Тогда прямая BK перпендикулярна двум пересекающимся прямым AC и AA_1 плоскости грани AA_1C_1C. По признаку перпендикулярности прямой и плоскости прямая BK перпендикулярна плоскости грани AA_1C_1C. Тогда C_1K – проекция прямой BC_1 на плоскость грани AA_1C_1C и $\angle C_1KB = 90^\circ$, $\angle BC_1K$ является углом между диагональю BC_1 боковой грани BB_1C_1C и плоскостью AA_1C_1, то есть $\angle BC_1K = \alpha$.</p> <p>В прямоугольном треугольнике ABC</p>	<p>(базовый и повышенный уровни) / Л. А. Латовин, Б. Д. Чеботаревский, И. В. Горбунова ; пер. с белорус. яз. Л. А. Романович. – Минск : Адукацыя і выхаванне, 2020. – 199 с. : ил. (Р. 3, § 9, с. 108–118)</p>

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>катет AB равен половине гипотенузы AC, то есть $AB = 3\sqrt{3}$ (по свойству катета, лежащего против угла в 30°). Тогда по теореме Пифагора: $AC^2 = AB^2 + BC^2$, $BC^2 = AC^2 - AB^2$, $BC = 9$.</p> <p>В прямоугольном треугольнике BKC катет BK равен половине гипотенузы BC, то есть $BK = \frac{9}{2} = 4,5$ (по свойству катета, лежащего против угла в 30°), а катет KC найдем из равенства $\frac{KC}{BC} = \cos \angle KCB$,</p> $KC = 9 \cdot \cos 30^\circ, \quad KC = \frac{9\sqrt{3}}{2}.$ <p>По теореме Пифагора в прямоугольном треугольнике KCC_1 найдем гипотенузу C_1K: $C_1K^2 = CC_1^2 + KC^2$,</p> $C_1K = \sqrt{27 + \frac{81 \cdot 3}{4}}, \quad C_1K = \frac{3\sqrt{39}}{2}.$ <p>В прямоугольном треугольнике BKC_1:</p> $\operatorname{tg} \alpha = \frac{BK}{C_1K}, \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{4,5}{\frac{3\sqrt{39}}{2}}, \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{\sqrt{39}}.$ <p>Значение выражения $\frac{24}{\operatorname{tg}^2 \alpha}$ равно 104.</p> <p>Ответ: 104</p>	
Уравнения и неравенства. Текстовая задача	В13. Два тела одновременно начали прямолинейное движение навстречу друг другу. Одно из них проходит в первую минуту 4 м, а в каждую	Задание на проверку умения применять формулу суммы n первых членов арифметической прогрессии для решения	Арефьева, И.Г. Алгебра : учеб. пособие для 9-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения / И. Г. Арефьева, О. Н. Пилютко. – Минск : Народная

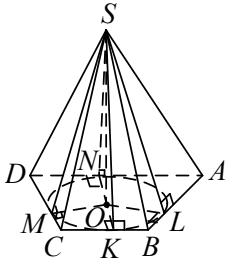
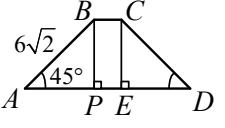
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.edu.by>) национального образовательного портала (www.edu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
	<p>последующую проходит на 2 м больше, чем в предыдущую. Другое тело проходит в первую минуту 37 м, а в каждую последующую проходит на 3 м меньше, чем в предыдущую. Через сколько минут эти тела встретятся, если первоначальное расстояние между ними было равно 426 м?</p>	<p>текстовой задачи. Решение: Пусть оба тела встретятся через t минут, тогда расстояние (в метрах), пройденное каждым телом, можно найти по формуле суммы n первых членов арифметической прогрессии, у которой $n = t$. Для первого тела $a_1 = 4, d = 2,$ $(S_t)_1 = \frac{a_1 + a_t}{2} \cdot t, \quad (S_t)_1 = \frac{4 + 4 + 2(t-1)}{2} \cdot t,$ $(S_t)_1 = t^2 + 3t.$ Для второго тела $a_1 = 37,$ $d = -3,$ $(S_t)_2 = \frac{a_1 + a_t}{2} \cdot t,$ $(S_t)_2 = \frac{37 + 37 - 3(t-1)}{2} \cdot t,$ $(S_t)_2 = \frac{77t - 3t^2}{2}.$ Зная, что первоначальное расстояние между телами равно 426 м, составим и решим уравнение $(S_t)_1 + (S_t)_2 = 426;$ $t^2 + 3t + \frac{77t - 3t^2}{2} = 426;$ $2t^2 + 6t + 77t - 3t^2 = 2 \cdot 426;$ $-t^2 + 83t - 852 = 0;$ $t^2 - 83t + 852 = 0;$ $D = 3481 = 59^2; \quad t_1 = 12; \quad t_2 = 71.$ Число 71 не удовлетворяет условию задачи, так как при $t = 71$ мин первое тело пройдет расстояние (в метрах), равное</p>	<p>асвета, 2019. – 329 с. : ил. (Гл. 4, § 16, с. 224–234)</p>

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		$71^2 + 3 \cdot 71 = 71 \cdot (71 + 3) = 71 \cdot 74 = 5254$, то есть больше, чем расстояние между телами. Поэтому тела встретятся через 12 минут. Ответ: 12	
Геометрические фигуры и их свойства. Объем многогранника	В14. Основанием пирамиды $SABCD$ является равнобедренная трапеция $ABCD$ ($AD \parallel BC$), у которой $AB = 6\sqrt{2}$, $\angle BAD = 45^\circ$. Вершина S пирамиды $SABCD$ удалена на расстояние 9 от каждой из прямых AB , BC , CD и AD . Через середину высоты пирамиды $SABCD$ параллельно ее основанию проведена секущая плоскость, которая делит пирамиду на две части. Найдите объем большей из частей	Задание на проверку умения находить объем пирамиды и ее частей. Решение: Рассмотрим рисунки.  Рисунок 1  Рисунок 2 Расстояниями от вершины S пирамиды $SABCD$ до каждой из прямых AB , BC , CD и AD будут высоты боковых граней SL , SK , SM , SN (см. рис. 1). Пусть SO – высота пирамиды. Отрезки OK , OL , ON , OM по теореме о трех перпендикулярах будут перпендикулярны ребрам BC , AB , AD , CD соответственно (см. рис. 1). Поскольку прямоугольные треугольники SOK , SOL , SON , SOM равны по катету и гипотенузе, то $OK = OL = ON = OM = r$, где r –	Латотин, Л. А. Геометрия : учеб. пособие для 11-го кл. учреждений общ. сред. образования с рус. яз. обучения (базовый и повышенный уровни) / Л. А. Латотин, Б. Д. Чеботаревский, И. В. Горбунова, О. Е. Цыбулько. – Минск : Белорусская Энциклопедия имени Петруся Бровки, 2020. – 232 с. : ил. (Р. 2, § 3, с. 38–56)

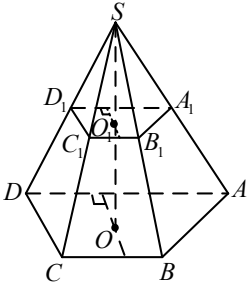
* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>радиус окружности, вписанной в равнобедренную трапецию $ABCD$. Диаметр окружности, вписанной в трапецию, равен ее высоте. Высота трапеции равна 6, так как прямоугольный треугольник APB равнобедренный (см. рис. 2). Значит, радиус окружности, вписанной в трапецию, равен 3. Площадь трапеции найдем по формуле $S = p \cdot r$, где p – полупериметр, r – радиус вписанной окружности. Сумма боковых сторон трапеции $ABCD$ равна сумме ее оснований (по свойству описанного четырехугольника), тогда $p = 12\sqrt{2}$. Значит, $S_{ABCD} = 12\sqrt{2} \cdot 3 = 36\sqrt{2}$.</p> <p>Найдем высоту SO пирамиды $SABCD$. В прямоугольном треугольнике SOK: $SK = 9$, $OK = r = 3$. По теореме Пифагора: $SK^2 = SO^2 + OK^2$, $SO^2 = 9^2 - 3^2$, $SO = 6\sqrt{2}$.</p> <p>Объем пирамиды $SABCD$ найдем по формуле $V_{SABCD} = \frac{1}{3} \cdot S_{ABCD} \cdot SO$,</p> $V_{SABCD} = \frac{1}{3} \cdot 36\sqrt{2} \cdot 6\sqrt{2}, V_{SABCD} = 144.$ <p>Рассмотрим рисунок 3.</p>	

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		 <p style="text-align: center;">Рисунок 3</p> <p>Четырехугольник $A_1B_1C_1D_1$ – сечение пирамиды данной по условию плоскостью. O_1 – точка пересечения секущей плоскости и высоты пирамиды, тогда $SO_1 : SO = 1 : 2$ (по условию). Секущая плоскость разделила пирамиду на две части, одна из которых пирамида $SA_1B_1C_1D_1$. Найдем ее объем.</p> <p>Теорема 1. Если пирамиду пересечь плоскостью, параллельной основанию, то: а) боковые ребра и высота разделяются на пропорциональные части; б) в сечении получится многоугольник, подобный основанию; в) площади сечения и основания относятся как квадраты их расстояний от вершины пирамиды.</p> <p>Отношение площади трапеции $A_1B_1C_1D_1$ к площади трапеции $ABCD$ равно $\frac{1}{4}$.</p> <p>Значит $S_{A_1B_1C_1D_1} = \frac{1}{4} \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{4} \cdot 36\sqrt{2} = 9\sqrt{2}$.</p> <p>Высота пирамиды $SA_1B_1C_1D_1$ равна SO_1 и</p>	

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).

Раздел программы вступительных испытаний. Элемент содержания	Содержание задания	Комментарий и решение задания*	Учебное издание**
		<p>равна $3\sqrt{2}$. Объем пирамиды $SA_1B_1C_1D_1$ найдем по формуле</p> $V_{SA_1B_1C_1D_1} = \frac{1}{3} \cdot S_{A_1B_1C_1D_1} \cdot SO_1,$ $V_{SA_1B_1C_1D_1} = \frac{1}{3} \cdot 9\sqrt{2} \cdot 3\sqrt{2}, V_{SA_1B_1C_1D_1} = 18.$ <p>Объем V большей части равен разности объемов пирамид $SABCD$ и $SA_1B_1C_1D_1$, то есть $V = 144 - 18 = 126$.</p> <p>Ответ: 126</p>	

* Предлагается одно из возможных решений задания. Ответы к заданиям даны с учетом правил заполнения бланка ответов.

** Электронные версии учебных изданий размещены в разделе «Электронные версии учебников» (<http://e-padruchnik.adu.by>) национального образовательного портала (www.adu.by).