

E. E. JOÃO BAPTISTA TEIXEIRA		
ROTEIRO DE ESTUDO – 2º BIMESTRE / 2020		
Professora: Lucimara		Disciplina: Matemática
Semana: 15 a 19/06	Tempo: 5 aulas	Entrega: 25/06
Aluno:		Ano/ Série:
Conteúdo(s): Matrizes – Significado (CMSP – 15/06) Matrizes – Operações (CMSP – 17/06)		
Material necessário: Caderno do aluno e Caderno de Matemática		
Orientação para entrega: Copiar o cabeçalho e colocar nome e série na folha de atividade. Após terminar, enviar no meu WhatsApp até o dia 25/06 .		

6

CADERNO DO ALUNO

MATEMÁTICA

TEMA 1 : MATRIZES – SIGNIFICADOS

As matrizes são tabelas de números reais utilizadas em muitos ramos da ciência e da engenharia. Os computadores realizam muitas operações através de matrizes. Vejamos um exemplo.

Considere a tabela abaixo que apresenta o peso, a idade e a altura de 5 pessoas.

Nome	Peso(kg)	Idade(anos)	Altura(m)
Paulo	70	23	1,70
José	60	42	1,60
João	55	21	1,65
Pedro	50	18	1,72
Ary	66	30	1,68

O conjunto ordenado dos números que formam a tabela é denominado matriz e cada número é chamado elemento da matriz.

$$\begin{bmatrix} 70 & 23 & 1,70 \\ 60 & 42 & 1,60 \\ 55 & 21 & 1,65 \\ 50 & 18 & 1,72 \\ 66 & 30 & 1,68 \end{bmatrix} \text{ ou } \begin{pmatrix} 70 & 23 & 1,70 \\ 60 & 42 & 1,60 \\ 55 & 21 & 1,65 \\ 50 & 18 & 1,72 \\ 66 & 30 & 1,68 \end{pmatrix}$$

Neste exemplo, temos uma matriz de ordem 5 x 3 (lê-se: cinco por três), isto é, uma matriz formada por 5 linhas e 3 colunas. Representa-se uma matriz colocando seus elementos entre parênteses ou entre colchetes. De forma abreviada, podemos escrever uma matriz como:

$$A = (a_{ij})_{m \times n} \text{ ou } A = (a_{ij}), 1 \leq i \leq m, 1 \leq j \leq n$$

Além dessa representação, existem vários tipos de matrizes. A atividade a seguir propõe a construção de uma matriz através de sua lei de formação.

ATIVIDADE 1

Seja a_{ij} a representação de um elemento de uma matriz na linha i e coluna j , escreva as matrizes a seguir:

- a) $A = (a_{ij})_{2 \times 3}$, onde $a_{ij} = 2i + 3j$
- b) $B = (b_{ij})_{3 \times 3}$, onde $b_{ij} = \frac{i}{j}$
- c) $C = (c_{ij})_{4 \times 1}$, onde $c_{ij} = i^2 + j$
- d) $D = (d_{ij})_{1 \times 3}$, onde $d_{ij} = i - j$
- e) $E = (e_{ij})_{4 \times 3}$, onde $e_{ij} = \begin{cases} 2, & \text{se } i \geq j \\ -1, & \text{se } i < j \end{cases}$

Resolução:

$$A = (a_{ij})_{2 \times 3}, \text{ onde } a_{ij} = 2i + 3j$$

i representa a linha

j representa a coluna

É uma matriz 2×3 , então possui 2 linhas e 3 colunas

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \end{pmatrix}$$

a_{11} = primeira linha e primeira coluna: $i = 1$ e $j = 1$

a_{12} = primeira linha e segunda coluna: $i = 1$ e $j = 2$

a_{13} = primeira linha e terceira coluna: $i = 1$ e $j = 3$

a_{21} = segunda linha e primeira coluna: $i = 2$ e $j = 1$

a_{22} = segunda linha e segunda coluna: $i = 2$ e $j = 2$

a_{23} = segunda linha e terceira coluna: $i = 2$ e $j = 3$

Agora vamos aplicar a lei de formação: $a_{ij} = 2i + 3j$

$$a_{11} = 2 \cdot 1 + 3 \cdot 1 = 2 + 3 = 5$$

$$a_{12} = 2 \cdot 1 + 3 \cdot 2 = 2 + 6 = 8$$

$$a_{13} = 2 \cdot 1 + 3 \cdot 3 = 2 + 9 = 11$$

$$a_{21} = 2 \cdot 2 + 3 \cdot 1 = 4 + 3 = 7$$

$$a_{22} = 2 \cdot 2 + 3 \cdot 2 = 4 + 6 = 10$$

$$a_{23} = 2 \cdot 2 + 3 \cdot 3 = 4 + 9 = 13$$

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 8 & 11 \\ 7 & 10 & 13 \end{pmatrix}_{2 \times 3}$$

Com base no exemplo acima, resolva as outras atividades.

MATRIZES – OPERAÇÕES

Exemplo: Considere as matrizes M e P :

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & -2 \\ 4 & -3 & 5 \end{pmatrix}$$

$$P = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 1 \\ -2 & 0 & 1 \\ -3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Encontre a matriz $\mathbf{N} = \mathbf{M} - \mathbf{P}$

$$\mathbf{N} = \mathbf{M} - \mathbf{P}$$

$$\mathbf{N} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & -2 \\ 4 & -3 & 5 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 & -1 & 1 \\ -2 & 0 & 1 \\ -3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{N} = \begin{pmatrix} 1-0 & 2-(-1) & 3-1 \\ -1-(-2) & 0-0 & -2-1 \\ 4-(-3) & -3-2 & 5-1 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{N} = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 0 & -3 \\ 7 & -5 & 4 \end{pmatrix}$$

ATIVIDADES DE APRENDIZAGEM

1. Dada as matrizes $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 7 & -5 \end{pmatrix}$ $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} -3 & 4 \\ 2 & 6 \end{pmatrix}$ $\mathbf{C} = \begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$, calcular:

- a) $\mathbf{A} + \mathbf{B}$
- b) $\mathbf{A} - \mathbf{C}$

2. Dada a matriz $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 2 & 1 & \frac{2}{3} \\ 3 & \frac{3}{2} & 1 \end{bmatrix}$ encontre $\mathbf{B} = 5 \cdot \mathbf{A}$