

شريف عبد المجيد



الكافي في مادة التكنولوجيا  
لطلبة الهندسة المدنية



سنة 3 ثانوي  
(دروس وتمارين)

## بين يدي الكتاب

هذا الكتاب لبنة متواضعة في سبيل إثراء المكتبة التقنية العربية ، ومساهمة تواكب مقررات وبرامج الشعب المستحدثة ضمن إطار إعادة هيكلة التعليم الثانوي.

ألف هذا الكتاب طبقاً لبرنامج مادة التكنولوجيا الخاص بالقسم النهائي لشعبة الهندسة المدنية .

أولى هذا الكتاب الأهمية الكبرى للصياغة المبسطة للدروس ولتسلاسلها، وللمنهجية وللدرج من الأسهل إلى الأصعب ومن الأبسط إلى المعقد ، مع إعطاء الأمثلة كلما اقتضت الضرورة ذلك .

كما ألحقت الدروس بتمارين وتطبيقات محلولة - في حدود الإمکان - لترسيخ المعلومات ولتقييم المعارف.

كما يأمل هذا الكتاب أن يخفف من المعاناة التي يصادفها الزملاء الأساتذة والأبناء الطلبة على السواء، نظراً لقلة المراجع والكتب شبه المدرسية التي تؤازر اختصاصات الشعب الهندسية الجديدة .

أتمنى في الختام أن أكون قد قدمت جهداً متواضعاً لسد الفراغ الملحوظ في الكتاب التقني والتكنولوجي المكتوب باللغة العربية ، بتقديم وسيلة تربوية وبيداغوجية لطلبة الأقسام النهائية على أمل أن تكون عند حسن الظن .

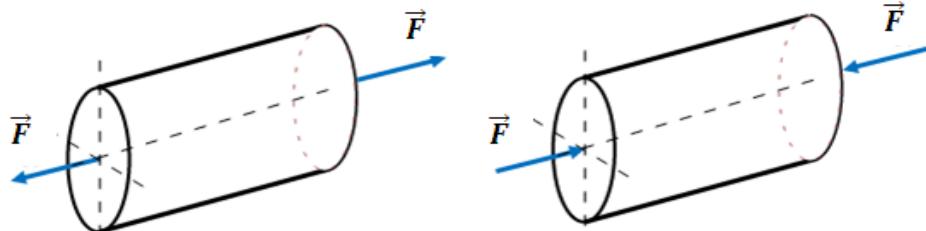
شريف عبد المجيد

**الباب الأول**  
**الجيوميكانيك**

## الشد والانضغاط

### 1) تعريف الشد والانضغاط :

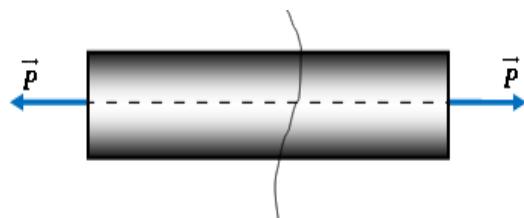
ليكن لدينا قضيب معدني مستقيم ذو مقطع عرضي ثابت ، ومحمّل في نهايته بقوىتين متعاكستين في الاتجاه ، ومنطبقتين على محوره الطولي الذي يمر بمركز ثقل مقطعه .



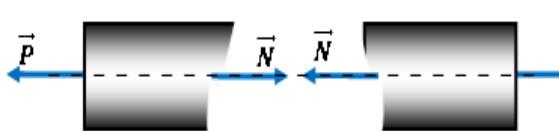
- نقول بأن القضيب في حالة شد بسيط إذا كان اتجاه القوى المؤثرة نحو الخارج.
- نقول بأن القضيب في حالة انضغاط بسيط إذا كان اتجاه القوى المؤثرة نحو الداخل.

### 2) تحديد الجهد الداخلية :

ليكن لدينا قضيب يخضع لقوة خارجية  $\vec{P}$



لتحديد القوى الداخلية التي نطلق عليها الجهد الناظمية أو المحورية نستعمل طريقة المقاطع .

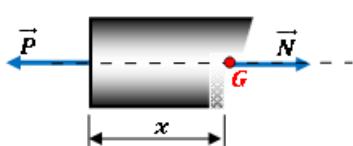


نقوم بإجراء مقطع عند مستوى معين ونحتفظ بالجزء الأيسر، مع استبدال قوى الجزء الأيمن المحذوف بقوة طولية  $N$  حتى يبقى الجزء الأيسر في حالة توازن .

ونكتب معادلة التوازن :

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow -\mathbf{P} + \mathbf{N} = \mathbf{0}$$

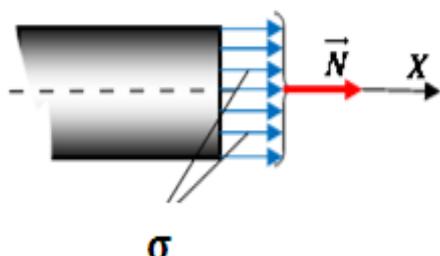
$$\rightarrow \mathbf{N} = +\mathbf{P}$$



### (3) الإجهاد الناظمي:

إن توزيع الجهود الداخلية  $N$  على وحدة المساحة للمقطع العرضي بشكل منتظم - وبعبارة أخرى كثافة الجهود الداخلية بالنسبة لوحدة المساحة - يطلق عليه الإجهاد المحوري أو الناظمي، ويساوي :

$$\sigma = \frac{N}{S}$$



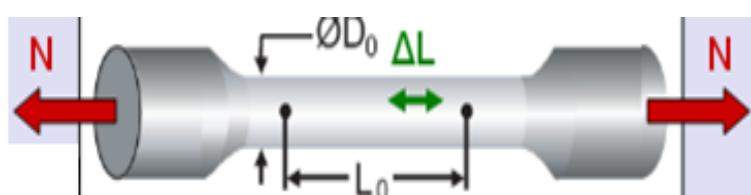
حيث :  $N$  : الجهد الناظمي .  
 $\sigma$  : الإجهاد الناظمي

### (4) تجربة الشد:

لتحديد خواص المواد وتحديد الإجهادات المسموح بها تجرى اختبارات على عينات من هذه المواد حتى انهيارها .

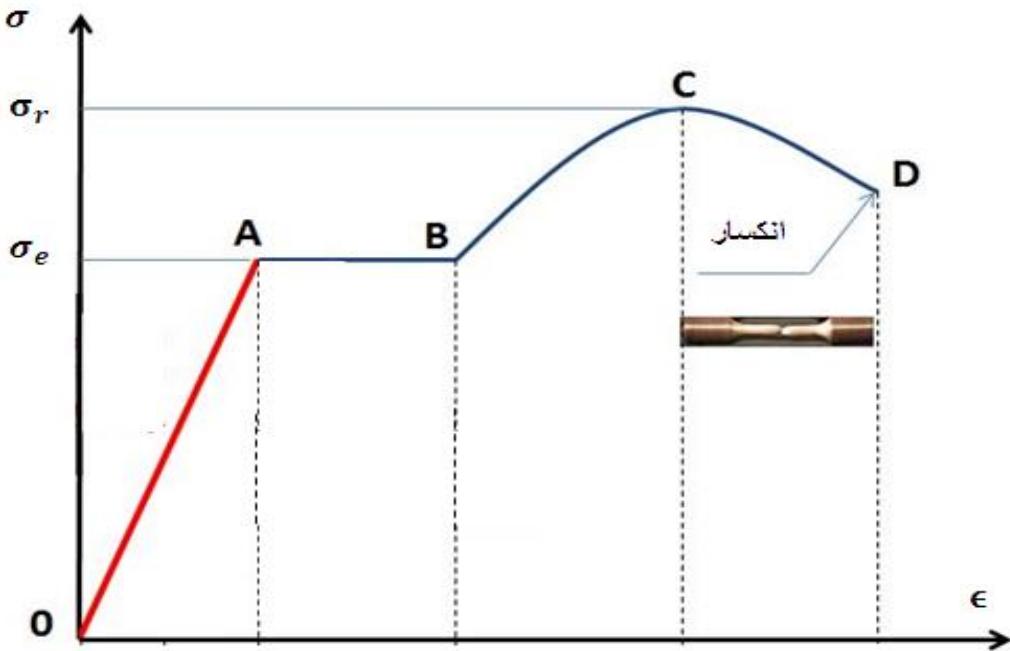
تعتبر تجربة الشد على الفولاذ تحت تأثير حمل ستاتيكي هي الأكثر أهمية، نظراً لسهولتها وفي نفس الوقت لأنها تسمح بتحديد الخصائص الميكانيكية للمادة .

تستخدم في تجربة الشد نماذج خاصة من القصبان تتميز بغير أطرافها حتى يسهل مسكتها وبالتالي شدها .



نطبق جهداً محورياً متزايداً بانتظام ، ونسجل بصفة مستمرة قوة الشد  $N$  والاستطالة الملاحظة  $\Delta L$ ، وانطلاقاً من النتائج الحصول عليها نرسم المنحنى :

- على محور الفوائل: الاستطالة النسبية  $\epsilon = \frac{\Delta L}{L_0}$
- على محور التراتيب: الإجهاد الناظمي  $\sigma = \frac{N}{S}$



في الجزء OA: يزداد التشوه  $\epsilon$  كلما زاد الإجهاد بشكل خطى إلى غاية حد المرونة  $\cdot \sigma_e$

في الجزء AB: يتغير طول القضيب ويستطيل استطالة محسوسة على الرغم من الزيادة البسيطة في الإجهاد ، ولهذا يسمى هذا المجال بـ مجال الانسياب أو السيلان .

يدعى الجزء BC بـ مجال عودة المثانة ، إذ تصطحب الزيادة في الإجهاد استطالة القضيب، وفي هذا الجزء عند بلوغ إجهاد الانكسار  $\sigma_r$  يتشكل ما يدعى بالعنق أو الرقبة ، وتقل مساحة المقطع .

في النقطة C يبلغ الإجهاد حده الأعظمي، وبعد هذه النقطة تتواصل استطالة القضيب على الرغم من تناقص الإجهاد .

أما النقطة D فتوافق انكسار القطعة .

#### 5) قانون هوك :

بيّنت تجربة الشد أن سلوك قضيب تحت تأثير القوى المتزايدة في المرحلة الأولى يبيّن وجود علاقة خطية بين الإجهاد الناظمي  $\sigma$  والتشوه النسبي  $\epsilon$  حسب القانون الذي ينسب إلى هوك والذي ينص على :

$$\sigma = E \cdot \epsilon$$

حيث :  $\sigma$  : الإجهاد الناظمي

$\epsilon$  : التشوه النسبي .

$E$  : معامل المرونة الطولي أو معامل يونغ ، ويتعلق بنوع المادة المستعملة.  
من المفيد أن نشير بأن قانون هوك يبقى صالحًا في حالة الانضغاط ، وفي هذه الحالة يحدث تقلص القطعة بدل الاستطالة .

يمكن بواسطة قانون هوك حساب استطالة أو تقلص قطعة ما إذا علمنا أن :

$$\sigma = \frac{N}{S} \epsilon = \frac{\Delta L}{L}$$
$$\Delta L = \frac{N \cdot L}{E \cdot S}$$

حيث نجد :

#### 6) شرط المقاومة :

بما أن المنشآت يجب أن يتوفّر فيها شرط المقاومة ، فإنه يجب تحديد الإجهادات الناظمية التي تؤثّر على أجزائها .

بعد تحديد المقطع الخطر الذي يخضع للإجهاد الأعظمي  $\sigma_{max}$  يجب مقارنته مع الإجهاد المسموح به  $\bar{\sigma}$  والتأكد من أن:

$$\sigma_{max} \leq \bar{\sigma}$$

ملاحظة : إن استعمالات شرط المقاومة بشكل عام ثلاثة :

الاكتفاء بالتأكد من مقاومة العنصر الحامل في حال معرفة الجهد  $N$  و المقطع  $S$ .

حساب المقطع  $S$  الذي يمكنه أن يتحمل الجهد  $N$ .

حساب الجهد  $N$  الذي يمكن أن يتحمله المقطع  $S$ .

وهذا بحل المترابطة أسفله، حسب طبيعة السؤال:

$$\sigma_{max} \left( = \frac{N_{max}}{S} \right) \leq \bar{\sigma}$$

## تمارين وتطبيقات

### التمرين الأول :

- رافدة من الفولاذ طولها  $l_0 = 2.00\text{m}$  تتحمل قوة شد مقدارها  $F = 5\text{ KN}$  إذا علمت أن:

- الإجهاد المسموح به للفولاذ:  $\bar{\sigma} = 100\text{N/mm}^2$ :

- معامل المرونة الطولي:  $E = 2 \times 10^5\text{N/mm}^2$

### المطلوب :

- حساب قطر الرافدة  $d$

- حساب الاستطالة  $\Delta l$

### الحل :

- قطر الرافدة: نعلم من شرط المقاومة:  $(F = N)$

$$\sigma = \frac{N}{A} \leq \bar{\sigma} \rightarrow A \geq \frac{N}{\bar{\sigma}} \rightarrow A \geq \frac{5000}{100} \rightarrow A \geq 50\text{mm}^2$$

ونعلم أن مساحة الدائرة:  $A = \frac{\pi d^2}{4}$   $\rightarrow d = \sqrt{\frac{4A}{\pi}} = 7.98\text{mm}$

نأخذ:  $d = 8\text{mm}$

- حساب الاستطالة:

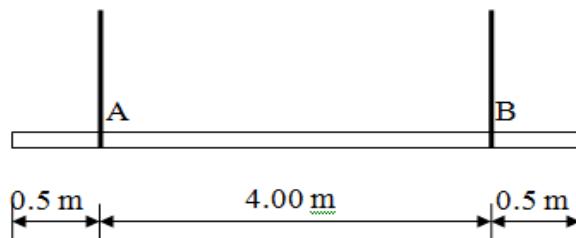
$$\Delta l = \frac{N \cdot L}{E \cdot A} \approx \frac{5000 \times 2000}{2 \times 10^5 \times 50} \approx 1\text{mm}$$

### التمرين الثاني :

لشحن الأعمدة المعدنية مسبقة الصنع من المصنع إلى ورشة الإنجاز استعملنا رافعة وحبلين.

- إذا كان ثقل العمود المعدني  $P = 0.41\text{ KN}$  ، أحسب قيمة الجهد في كلا

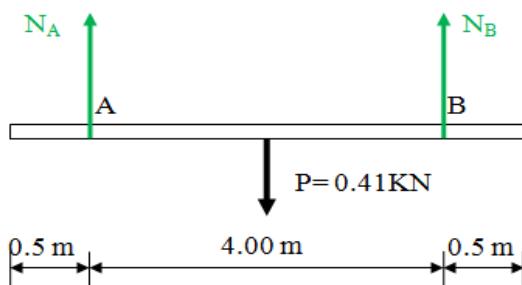
الحبلين  $N_A$  و  $N_B$



الحل :

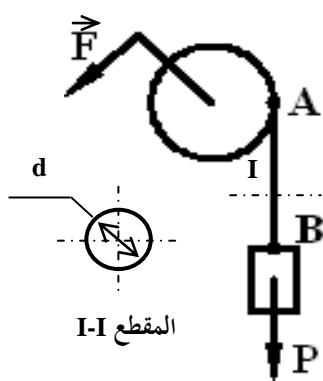
- إن تمثل القوة  $\vec{P}$  والجهود المحورية(الناظمية) المؤثرة في الحلين هي كما يلي :

بما أن الجملة متناظرة فإن :



$$N_A = N_B = \frac{P}{2} = 0.205 \text{ KN}$$

ملاحظة : يمكن الحصول على هذه النتائج بكتابة معادلات العزوم بالنسبة إلى A ثم B.



### التمرين الثالث :

ملفاف آلة يستعمل لرفع حمولة

بواسطة حبل معدني مصنوع من الفولاذ :

الإجهاد المسموح به:  $\sigma = 25 \text{ N/mm}^2$

و معامل المرونة:  $E = 2 \times 10^5 \text{ N/mm}^2$

المطلوب :

- ما نوع الجهد الذي يتعرض إليه الحبل AB؟ و ما هي شدته؟

- حساب القطر  $d$  للحبل AB اللازم لرفع الحمولة P.

- حساب مقدار استطالة الحبل علماً أن طوله الابتدائي :  $L_{AB} = 2m$

: الحال

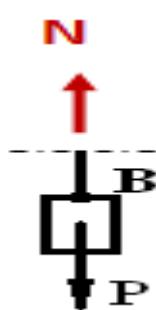
- الجهد الذي يتعرض له الحبل :

هو عبارة عن جهد شد ومقداره :

$$\sum \vec{F}_Y = \vec{0} \rightarrow +N - P = 0 \\ \rightarrow N = P = +5000 \text{ N}$$

- حساب القطر:

لدينا :



$$\sigma = \frac{N}{A} \leq \bar{\sigma} \rightarrow \frac{A}{N} \geq \frac{1}{\bar{\sigma}} \rightarrow A \geq \frac{N}{\bar{\sigma}} \rightarrow \frac{\pi \cdot d^2}{4} \geq \frac{N}{\bar{\sigma}}$$

$$d \geq \sqrt{\frac{4 \cdot N}{\pi \cdot \bar{\sigma}}}$$

$$\rightarrow d \geq \sqrt{\frac{4 \cdot 5000}{\pi \cdot 25}} = 15.96 \text{ mm}$$

$$d = 16 \text{ mm}$$

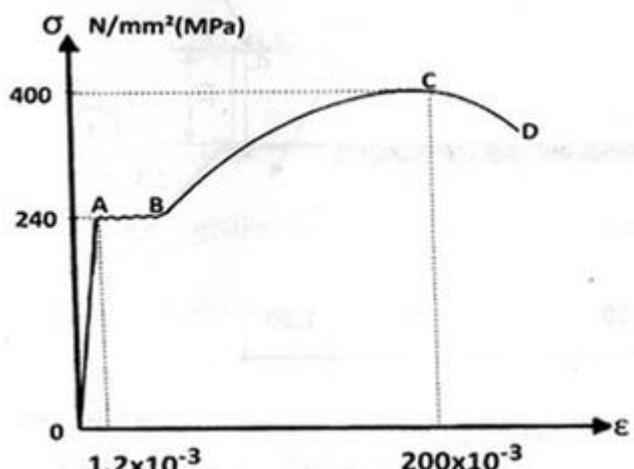
نأخذ:

- استطالة الحبل :

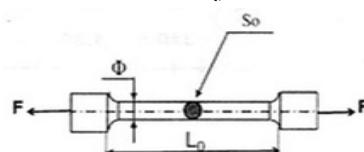
$$\Delta l = \frac{N \cdot L}{E \cdot A} = \frac{5000 \times 2000}{2 \times 10^5 \times 200.96} \approx 025 \text{ mm}$$

$$\text{حيث: } A = \frac{\pi \cdot d^2}{4} = 200.96 \text{ mm}^2$$

#### التمرين الرابع:



أجريت تجربة على نموذج فولاذى، طوله الابتدائى  $L_0$ ؛ ومساحة مقطعه  $S_0 = 150 \text{ mm}^2$ ، فأعطت المنحنى البيانى المقابل :



#### المطلوب:

- ما اسم هذه التجربة ؟
- استخرج من المنحنى : إجهاد حد المرونة  $\sigma_e$  والاستطالة النسبية المرافقة  $\epsilon_e$
- احسب معامل المرونة الطولي  $E$  :
- استخرج من المنحنى إجهاد الانكسار  $\sigma_r$  والاستطالة النسبية المرافقة  $\epsilon_r$
- استنتج القوة القصوى المطبقة في هذه التجربة  $F_{max}$ .

#### الحل:

- اسم التجربة : تجربة الشد البسيط

- إجهاد حد المرونة والتتشوه الموافق:

$\sigma_e = 240 MPa$  من المنحنى نقرأ:

$$\varepsilon_e = 1.2 \times 10^{-3}$$

- معامل المرونة الطولي: بتطبيق قانون "هوك" نجد :

$$\sigma_e = E \cdot \varepsilon_e \rightarrow E = \frac{\sigma_e}{\varepsilon_e} = 2.10^5 MPa$$

- إجهاد الانكسار والتتشوه الموافق:

$\sigma_r = 400 MPa$  من المنحنى نقرأ:

$$\varepsilon_r = 200 \times 10^{-3}$$

- القوة القصوى: القوة القصوى هي الموافقة لإجهاد الانهيار، ومنه:

$$\sigma_r = \frac{F_{max}}{S_0} \rightarrow F_{max} = \sigma_r \cdot S_0 = 400 \times 150 = 60000 N \\ = 60 KN$$

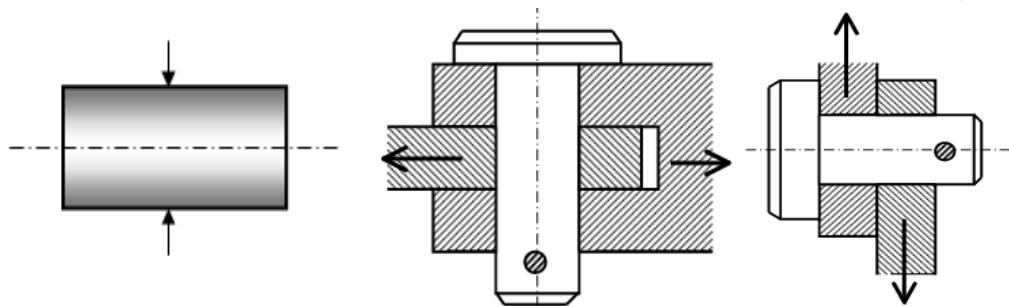

---

## القص البسيط

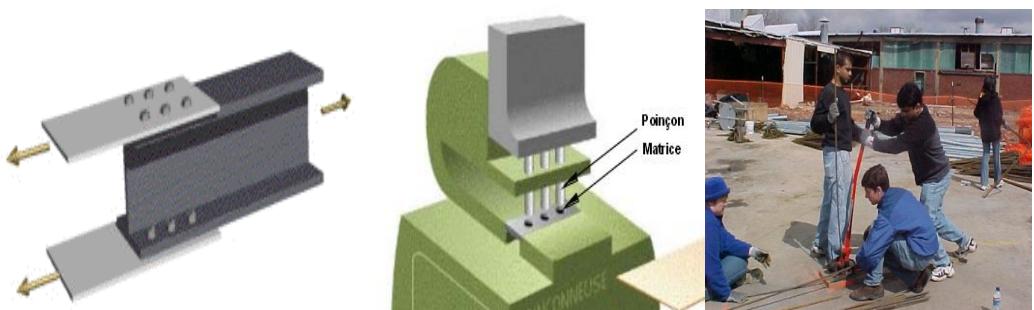
### 1 ) تعریف القص :

رأينا في الدرس السابق (الشد والضغط) أن الجهود المحورية تكون عمودية على مستوى السطح.

أما إذا أثرت على امتداد هذا المستوى قوة خارجية بحيث تكون منزقة ومماسية للسطح فإن الجسم يخضع لقوة قص.



تمثل عمليات قص قضبان التسلیح وعمليات الثقب والوصلات الملحومة أمثلة عملية لأنظمة تخضع لقوى القص.



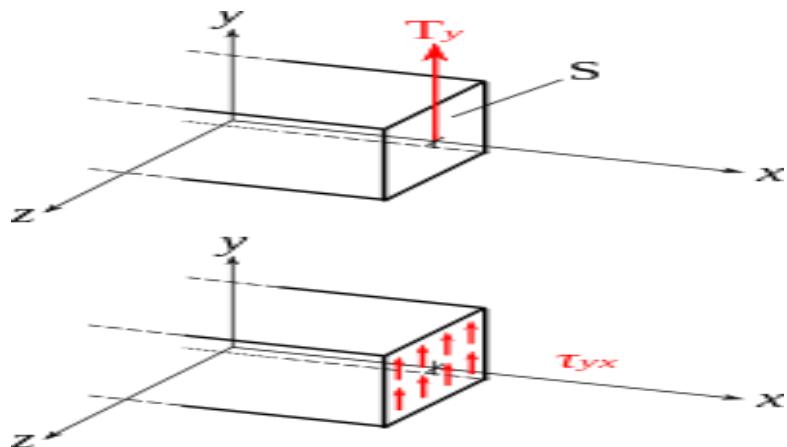
### 2) الإجهاد المماسي :

نرمز لجهد القص - ويسمى أيضاً بالجهد القاطع - بالحرف (T) يطلق على جهد القص مقسوماً على المساحة المؤثر عليها تسمية: الإجهاد المماسي .

يرمز للإجهاد المماسي بالحرف  $\tau$  ويحسب بالعلاقة :

$$\tau = \frac{T}{S}$$

وحدة الإجهاد المماسي هي :  $N/cm^2$



#### (4) شرط المقاومة :

للتأكد من مقاومة جسم معين لقوة القص نقوم بـ :

- حساب الإجهادات المماسية المؤثرة على الجسم.
- مقارنة الإجهاد المماسي الأعظمي بالإجهاد المسموح به.
- يتحقق شرط المقارنة إذا تحقق الشرط التالي :

$$\tau_{max} = \bar{\tau}$$

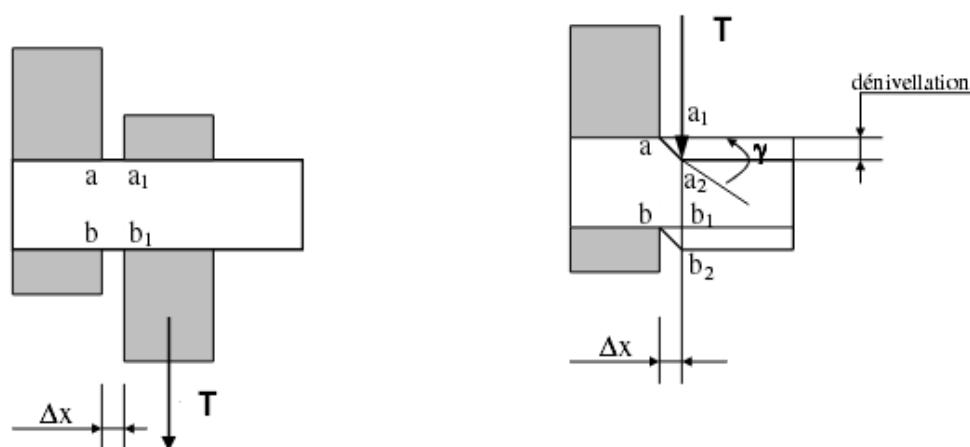
حيث :

$\tau_{max}$  : الإجهاد المماسي الأعظمي.

$\bar{\tau}$  : الإجهاد المماسي المسموح به.

#### (5) قانون هوك :

نفرض أنه لدينا رافدة مدمجة، تخضع لجهد قص (T) يبعد عن المسند بمسافة ( $\Delta x$ ) .  
تحت تأثير الجهد (T) تزاح النقطتان: "a" و "b" إلى النقطتين: "a<sub>1</sub>" و "b<sub>1</sub>" على التوالي :



نسمى : (  $\gamma$  ) : زاوية القص أو زاوية الانزلاق، وتعطى بالراديان.  
وقد أظهرت التجارب - إلى حدود معينة - وجود علاقة خطية بين قوة القص و تشوهات القص، و بعبارة أخرى بين إجهادات القص و زاوية القص.

هذه العلاقة تسمى قانون هوك لحالة القص وهي :

$$\tau = G \cdot \gamma$$

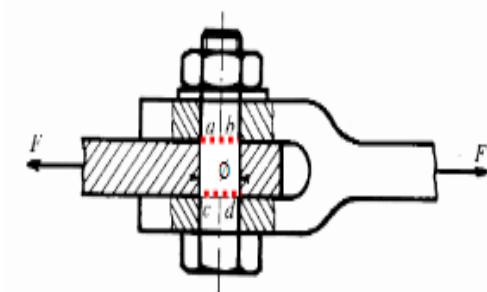
حيث :

$G$  : معامل المرونة العرضي ، وهو يتعلق بنوع المادة :

العامل ( $G$ )	المادة
$10^4 \times 8$	الفولاذ
$10^4 . 4,8$ إلى $10^4 . 4,5$	النحاس
$10^4 . 3,2$ إلى $10^4 . 2,7$	الألمانيوم

## تمارين وتطبيقات :

### التمرين الأول:



نعتبر الوصلة المربوطة ببرغي كما هو موضح في الشكل .  $F = 30 \text{ KN}$

- إذا علمت أن الإجهاد المماسى المسموح به يساوى  $100 \text{ MPa}$  أحسب قطر البرغي المناسب حتى يعمل العنصر بأمان ؟

### الحل :

- قطر البرغي المناسب:

إن القوة ( $F$ ) تؤثر عبر كل من مستوىي المقطعين: ( $a-b$ ) و ( $c-d$ ) ، أي أن المساحة في هذا التطبيق تساوي  $S = 2A$  ولتحقيق شرط المقاومة يجب التأكد من :

$$\tau = \frac{T}{2A} \leq \bar{\tau}$$

بحل هذه المترابطة نجد :

$$A \geq \frac{T}{2\bar{\tau}}$$

$$A \geq \frac{30 \cdot 10^3}{2 \cdot 100}$$

$$A \geq 150 \text{ mm}^2$$

وحيث:

$$A = \pi R^2 = \pi \cdot \frac{D^2}{4} \rightarrow D^2 = \frac{4A}{\pi}$$

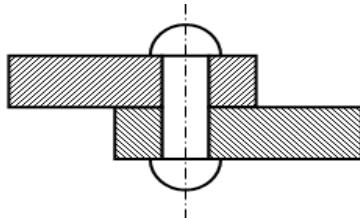
$$D = \sqrt{\frac{4A}{\pi}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 150}{3.14}} = 13.80 \text{ mm}$$

$D = 14 \text{ mm}$

نأخذ :

**التمرين الثاني:**

- لوصل صفيحتين من الألمنيوم نستعمل مسمار برشام قطره  $D = 20\text{mm}$ .



- إذا علمت أن  $F = 50 \text{ KN}$  ، أحسب الإجهاد المماسى الناشئ في المسمار ؟
- إذا كان معامل المرونة العرضي  $G = 3.10^4 \text{ N/mm}^2$  أحسب زاوية القص  $\gamma$ ؟

الحل:

- الإجهاد المماسى : نعلم :

$$\tau = \frac{T}{S} = \frac{F}{S}$$

$$F = 50 \text{ kN} = 50 \cdot 10^3 \text{ N}$$

$$s = \pi \cdot r^2 = \pi \cdot 10^2 = 314 \text{ mm}^2$$

ومنه :

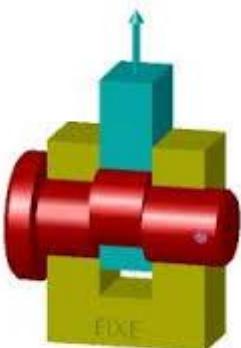
$$\tau = \frac{50000}{314} = 159.24 \text{ N/mm}^2$$

$$\tau = G \cdot \gamma \rightarrow \gamma = \frac{\tau}{G} \quad \text{زاوية القص: نعلم}$$

$$\gamma = \frac{159.24}{3.10^4} = 0.0053 \text{ Rad}$$

**التمرين الثالث:**

- ما هي قيمة القوة ( $F$ ) الواجب تطبيقها لكسر قضيب دائري من الفولاذ ؟



نعطي :

- قطر القضيب:  $(\phi) = 25 \text{ mm}$

- إجهاد القص المسموح به :

$$\bar{\tau} = 800 \text{ MPa}$$

الحل :

- يتم كسر هذا القضيب بقص مساحتي (مقطعي) القضيب الدائري  $2A$

وبناء على ذلك تكتب علاقة شرط المقاومة كما يلي :

$$\tau = \frac{T}{S} = \frac{F}{2A} < \bar{\tau}$$

بحل هذه المتراجحة نجد القوة التي تحقق شرط المقاومة :

$$F < 2A\bar{\tau}$$

$$= 3,14 \cdot 12,5^2 = 491 \text{ mm}^2 A = \pi \cdot r^2 \quad \text{حيث :}$$

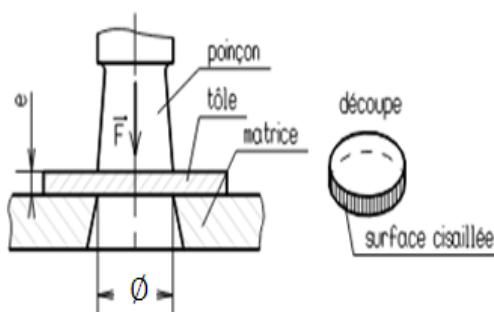
$$491 \cdot 800 = 785600 \text{ N} = 785.6 \text{ KN} \quad 2A\bar{\tau} = 2.$$

وعليه فإن تحقيق شرط المقاومة يكون بقيم :

$F < 785.6 \text{ kN}$  . ويتم الكسر بتجاوز هذه القيمة .

#### التمرين الرابع :

استعملت مقرضة ذات قطر  $\emptyset = 20 \text{ mm}$  لثقب صفيحة معدنية ذات سماكة



$$e = 6 \text{ mm}$$

$$F = 5 \cdot 10^3 \text{ DaN}$$

المطلوب :

- أحسب إجهاد الانضغاط على المقرضة ؟
- أحسب الإجهاد المماسي على الصفيحة ؟

الحل :

- حساب إجهاد الانضغاط :

$$\sigma = \frac{N}{S} = \frac{F}{A} \quad \text{نعلم :}$$

$$S = \pi \cdot r^2 = 3,14 \cdot 10^2 = 314 \text{ mm}^2$$

$$F = 5 \cdot 10^3 DaN = 5 \cdot 10^4 N$$

$$\sigma = \frac{5 \cdot 10^4}{314} = 159.24 N/mm^2 = 159.24 Mpa$$

ومنه :

• حساب إجهاد القص :

في هذه الحالة نلاحظ أن مساحة القص :

$$A = 2\pi r \cdot e = 2\pi \cdot 6 \cdot 10 = 376.8 mm^2$$

وعليه فإن إجهاد القص :

$$\tau = \frac{T}{A} = \frac{F}{A} = \frac{5 \cdot 10^4}{376.8} = 132.70 N/mm^2 = 132.70 Mpa$$

.....

## الأنظمة المثلثية

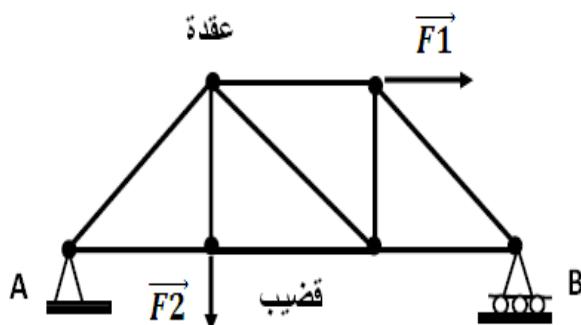
### 1)تعريف النظام المثلثي :

النظام على شكل مثلثات هو عبارة عن مجموعة من القضبان المستقيمة المتصلة ببعضها البعض عند نقاط تسمى بالعقد بحيث تكون في المجموعة جسما متلاحمـا .  
مجموعة القضبان تشكل - عادة - فيما بينها مثلثات وهي قد تكون فولاذية (حديدية ) أو خشبية، و تستعمل غالبا لحمل غماء البناءـات الصناعية أو كعناصر حاملة في إنشاءـات الجسور.



### 2 ) الخواص التقنية لأنظمة المثلثية :

- القضبان قطع مستقيمة نفرض أنها ذات كتلة مهملة.
- نقطة التقاء هذه القضبان عبارة عن وصلات تسمى الوحدة منها عقدة.
- هذه العقد لا تمنع الحركات الزاوية للقضبان فيما بينها و بالتالي فإن كل قضيب يستطيع الدوران بحرية عند مستوى العقدة.
- نفرض أن الجهد الخارجية التي تؤثر على النظام الثلاثي مطبقة على العقد.
- حتى يكون النظام مستقرا يجب أن تتأكد من أنه " أحادي السكون " ، وذلك بالتحقق من صحة الشرط التالي :



$$b + 3 = 2n$$

حيث : -  $b$ : عدد القضبان .

-  $n$ : عدد العقد .

وكمثال على ذلك فإنه بالنسبة للشكل المقابل

$$b=9, n=6$$

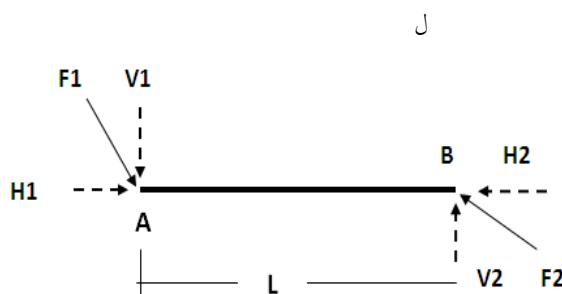
$$b+3 = 9+3=12$$

$$2n=2 \cdot 6=12$$

نلاحظ أن :  $b+3 = 2n = 12$  ، ومنه فإن هذا النظام المثلثي أحادي السكون .

### (3) توازن القضيب :

إن الهدف من دراسة النظام المثلثي هو معرفة توازن النظام ومقدار صلابته، وهذه المعرفة لا تتم إلا بعد تحديد الجهود الداخلية للقضيب والناتجة عن الأحمال الخارجية. من أجل تبسيط هذه المعرفة نأخذ قضيباً منزلاً محدد عند حافتيه بعقدتين A و B، وتحت تأثير قوتين كيفيتين F1 و F2 تحلان إلى مركبتين إحداهما شاقولية والأخرى أفقية.



- إن كتابة معادلات التوازن لهذا القضيب تسمح بكتابته :

$$\begin{aligned}\sum \vec{F_X} &= \vec{0} \rightarrow +H_1 - H_2 = 0 \rightarrow H_1 = H_2 \\ \sum \vec{F_Y} &= \vec{0} \rightarrow -V_1 + V_2 = 0 \rightarrow V_1 = V_2 \\ \sum \vec{M/A} &= \vec{0} \rightarrow -V_2 \cdot L = 0 \rightarrow V_2 = 0\end{aligned}$$

الخلاصة :

$$V_1 = V_2 = 0$$

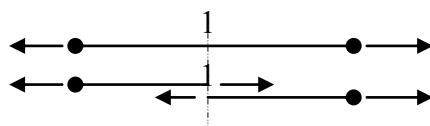
$$H_1 = H_2$$

- النتيجة : إن الجهود المؤثرة على قضيب هي جهود حسب المحور الطولي الذي يقع على نفس استقامة القضيب، وهذه الجهود تكون على نوعين :-
- جهود شد.
  - جهود ضغط.

- نصلح على اتجاه هذه الجهود داخل قضيب ما حسب حالة الشد أو الضغط كما

يلـى:

نأخذ حالة قضيب تحت تأثير جهد خارجي للشد:



نقوم بإنجاز مقطع 1-1 داخل هذا القضيب :

حتى يبقى كل جزء في حالة توازن نقبل بوجود جهد داخلي محوري مساوٍ في المقدار ومعاكسٍ في الاتجاه للفورة الخارجية المطبقة على القضيب.

- ملاحظة : باستعمال نفس الطريقة السابقة نمثل الجهود الداخلية المحورية في حالة الضغط.

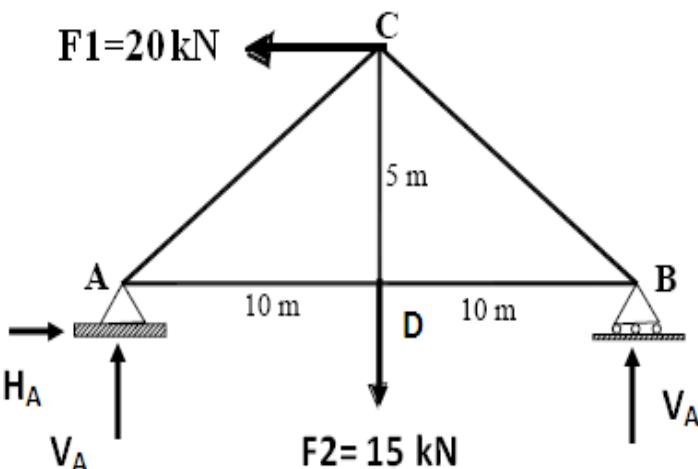
#### (4) حساب الجهود الداخلية :

- يتم حساب الجهود الداخلية بيانياً أو تحليلياً ، وبالنسبة للطريقة التحليلية فإنها تسمى أيضاً بطريقة العقد ؛ وهي صالحة للاستعمال بعد حساب قوى رد الفعل عند مستوى المساند.
  - نفرض نظاماً مثلياً تحت تأثير قوى خارجية مطبقة عند العقد.
  - نأخذ كل عقدة بشكل مستقل مع تمثيل كل القوى الخارجية الموضعية.
  - نقوم بإبراز الجهود المحورية داخل القضبان، ثم نقوم بكتابه معادلات التوازن التي تسمح لنا بحساب هذه الجهود.
  - نلاحظ أنه ينبغي إجراء الحسابات بحيطة بالغة وهذا من أجل اجتناب الخطأ لأن الخطأ في العقد الأول يؤثر على باقي النتائج.

• مثال :

لحساب الجهود الداخلية بالنسبة للنظام المثلثي المقابل نقوم بالخطوات التالية :

- التأكد من أحادية السكون



$$b=5, n=4$$

$$b+3 = 2n$$

$$5+3 = 2.4$$

مُحَقَّةٌ 8 = 8

• حساب ردود الفعل :

$$\sum \overrightarrow{FX} = \vec{0} \rightarrow +HA - F1 = 0 \rightarrow HA = +F1 = 20 \text{ KN}$$

$$\sum \overrightarrow{M/A} = \vec{0} \rightarrow -VB \cdot 20 + F2 \cdot 10 - F1 \cdot 5 = 0$$

$$VB = \frac{10 \cdot F2 - 5 \cdot F1}{20} = +2.5 \text{ KN}$$

$$\sum \overrightarrow{M/B} = \vec{0} \rightarrow +VA \cdot 20 - F2 \cdot 10 - F1 \cdot 5 = 0$$

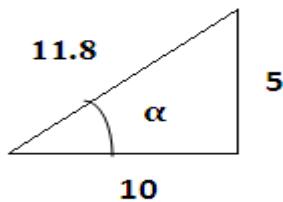
$$VA = \frac{10 \cdot F2 + 5 \cdot F1}{20} = +12.5 \text{ KN}$$

نُتَأْكِدُ بِالعَلَاقَةِ :

$$\sum \overrightarrow{FY} = \vec{0} \rightarrow VA + VB - F2 = 0 \rightarrow 2.5 + 12.5 - 15 = 0$$

. مُحَقَّةٌ .

• حساب الجهد الداخلي :



$$L = \sqrt{10^2 + 5^2} = 11.18$$

$$\sin \alpha = \frac{5}{11.18} = 0.447$$

$$\cos \alpha = \frac{10}{11.18} = 0.894$$

: العقدة A

$$\sum \overrightarrow{FY} = \vec{0} \rightarrow +VA + N_{AC}Y = 0$$

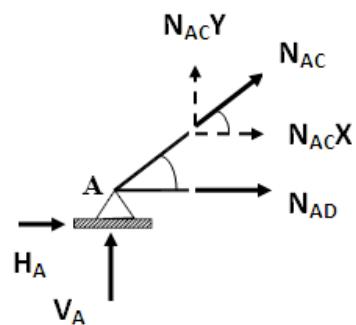
$$VA + N_{AC} \cdot \sin\alpha = 0$$

$$N_{AC} = \frac{-VA}{\sin\alpha} = -27.96 \text{ (ضغط)}$$

$$\sum \overrightarrow{FX} = \vec{0} \rightarrow +HA + N_{AD} + N_{AC}X = 0$$

$$N_{AD} = -HA - N_{AC}X$$

$$N_{AD} = -HA - N_{AC} \cdot \cos\alpha = -20 + 25 = +5 \text{ (شد)}$$



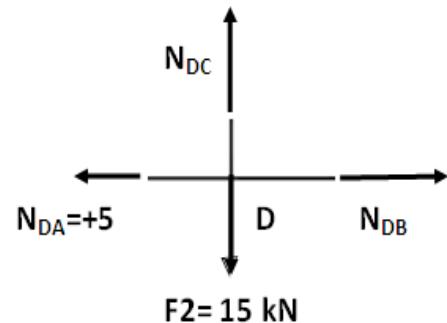
: D العقدة

$$\sum \overrightarrow{FY} = \vec{0} \rightarrow +N_{DC} - F2 = 0$$

$$N_{DC} = F2 = +15 \text{ (شد)}$$

$$\sum \overrightarrow{FX} = \vec{0} \rightarrow +N_{DB} - N_{DA} = 0$$

$$N_{DB} = N_{DA} = +5 \text{ (شد)}$$



: B العقدة

$$\sum \overrightarrow{FY} = \vec{0} \rightarrow VB + N_{BC}Y = 0$$

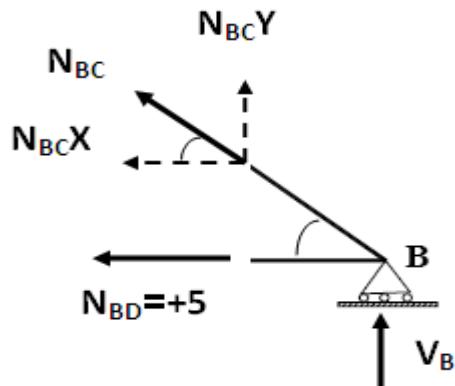
$$VB + N_{BC} \cdot \sin\alpha = 0$$

$$N_{BC} = \frac{-VB}{\sin\alpha} = -5.6 \text{ (ضغط)}$$

يمكن حساب هذه القيمة الأخيرة (التأكد) بكتابة:

$$\sum \overrightarrow{FX} = \vec{0} \rightarrow -N_{BD} - N_{BC}X = 0$$

$$N_{BC} = \frac{-N_{BD}}{\cos\alpha} = -5.6 \text{ (ضغط)}$$



5) الإجهادات الداخلية :

بما أن الجهود الداخلية للأنظمة المثلثية هي جهود محورية ناظمية (الشد أو الضغط)  
فإن الإجهادات بدورها هي إجهادات محورية ناظمية وتعطى بالعلاقة :

$$\sigma = \frac{N}{A}$$

حيث :

$N$ : الجهد الناظمي

$A$ : مساحة مقطع القضيب .

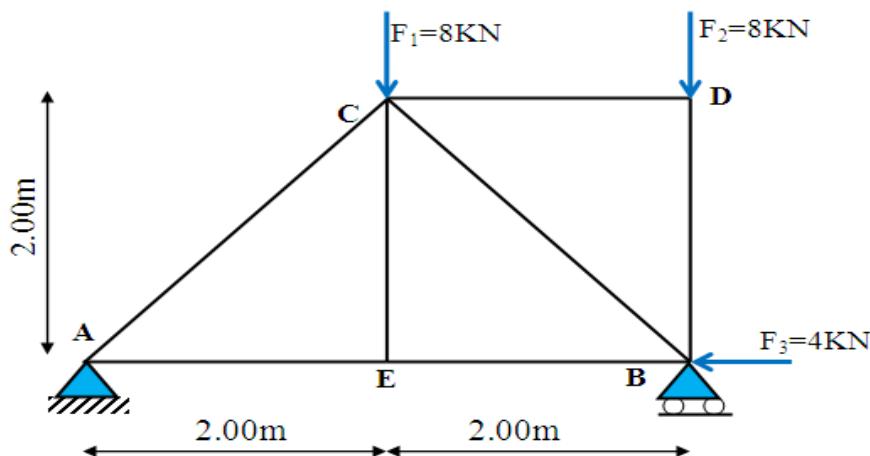
$\sigma$ : الإجهاد الناظمي .

ولتحقيق شرط المقاومة بالنسبة للنظام المثلثي ، نعتبر القضيب الأكثر تحميلا ، ونتحقق من أن إجهاده (الأعظمي) يبقى دائما أقل أو يساوي الإجهاد المسموح به :

$$\sigma_{max} \leq \bar{\sigma}$$

تمارين وتطبيقات

**التمرين الأول:** ليكن لدينا النظام المثلثي المبين .



## العمل المطلوب:

- (1) تأكّد من أحاديّة سكون النّظام.
  - (2) أحسب ردود الأفعال في المسندين A و B .
  - (3) عيّن الجهود الداخليّة في القضبان: DB, CD, AE, AC باستعمال طريقة عزل العقد.
  - (4) دون النّتائج المحصل عليها في جدول، مبيّنا شدة وطبيعة الجهود الداخليّة.

## الحل :

**b=2n-3**      1-أحادية السكون :

$$b=7, n=5$$

3-2.5=7 محققة

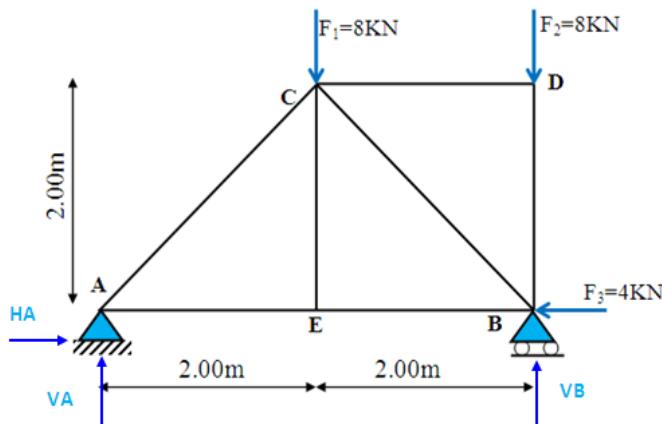
## 2- حساب ردود الفعل:

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow H_A - F_3 = 0$$

$$H_A = +4$$

$$\sum \vec{M/A} = \vec{0} \rightarrow -4.V_B + 2.F_1 + 4.F_2 = 0$$

$$V_B = \frac{2F_1 + 4.F_2}{4} = +12$$



$$\sum \vec{M}/B = \vec{0} \rightarrow$$

$$4 \cdot V_A - 2 \cdot F_1 = 0 \\ V_A = \frac{F_1}{2} = +4$$

نتأكد :

$$\sum \vec{F_Y} = \vec{0}$$

$$\rightarrow V_A + V_B = F_1 + F_2 \\ 4 + 12 = 8 + 8$$

$$16 = 16$$

### 3- حساب الجهود الداخلية:

العقدة A:

$$L = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2.82$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{2.82} = 0.707$$

$$\cos \alpha = \frac{2}{2.82} = 0.707$$

$$\sum \vec{F_Y} = \vec{0} \rightarrow V_A + N_{ACY} = 0$$

$$V_A + N_{AC} \cdot \sin \alpha = 0$$

$$N_{AC} = \frac{-V_A}{\sin \alpha} = -5.66(C)$$

$$N_{AE} + H_A + N_{ACX} = 0 \sum \vec{F_X} = \vec{0} \\ = 0 \rightarrow N_{AE} + H_A + N_{AC} \cdot \cos \alpha$$

$$N_{AE} = -H_A - N_{AC} \cdot \cos \alpha = 0$$

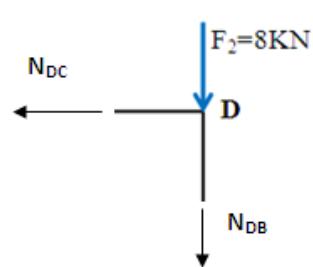
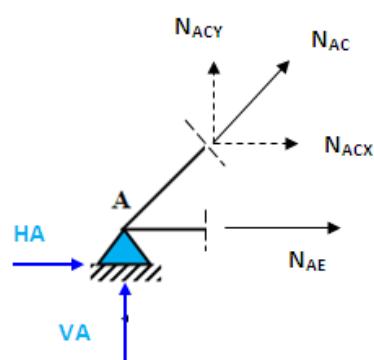
العقدة D:

$$\sum \vec{F_X} = \vec{0} \rightarrow N_{DC} = 0$$

$$\rightarrow -N_{DB} - F_2 = 0 \sum \vec{F_Y} = \vec{0}$$

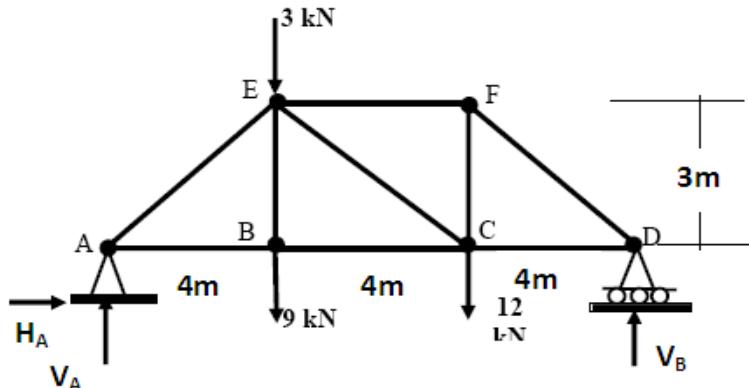
$$= -8(C)N_{DB} = -F_2$$

4- تدوين النتائج:



الطبيعة	الشدة	الجهود الداخلية
C	-5.66	NAC
-	0	NAE
C	-8	NDB
-	0	NDC

## التمرين الثاني:



المطلوب : حساب قيمة  
وطبيعة الجهود الداخلية في  
النظام المثلثي المقابل :  
الحل :

- نتأكد من أحادية سكون النظام المثلثي :

$$\text{عدد القضبان} : \text{قض} = 7.$$

$$\text{عدد العقد} : n = 5.$$

$$\text{لدينا} : \text{قض} + n = 3 + 7 = 10. \quad \text{و} : 2n = 10.$$

القيمتان متساويتان، وبالتالي فالنظام أحادي السكون.

- نقوم بحساب ردود الفعل عند المساند :

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow H_A = 0$$

$$\sum \vec{M}_A = \vec{0} \rightarrow -V_B \cdot 12 + 12 \cdot 8 + 3 \cdot 4 + 9 \cdot 4 = 0$$

$$V_B = \frac{144}{12} = 12$$

$$\sum \vec{M}_B = \vec{0} \rightarrow +V_A \cdot 12 - 3 \cdot 8 - 9 \cdot 8 - 12 \cdot 4 = 0$$

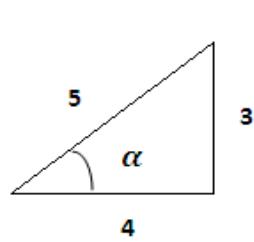
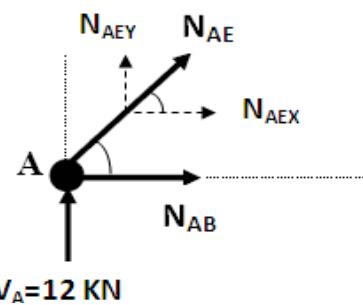
$$V_A = \frac{144}{12} = 12$$

نتأكد بالعلاقة :  $V_A + V_B - 12 - 9 - 3 = 0 \rightarrow 24 - 24 = 0$

- نقوم بترقيم العقد في النظام المثلثي المعطى .

- المرحلة التالية نعزل فيها العقد - عقدة عقدة - ونقوم بحساب الجهود الداخلية

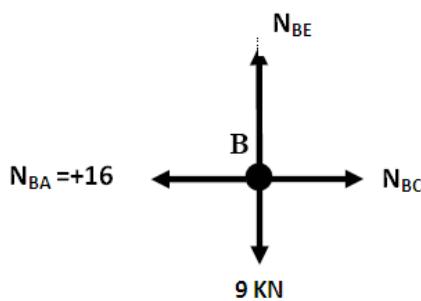
المحورية ( $N$ )، وهذا بكتابة معادلات التوازن في كل عقدة :-



$$L = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

$$6 \sin \alpha = \frac{3}{5} = 0.$$

$$\cos \alpha = \frac{4}{5} = 0.8$$



$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow +VA + N_{AEY} = 0$$

$$\rightarrow VA + N_{AE} \cdot \sin \alpha = 0$$

$$N_{AE} = \frac{-VA}{\sin \alpha} = \frac{-12}{0.6} = -20 \text{ (ضغط)}$$

$$\sum \vec{FX} = \vec{0} \rightarrow +N_{AB} + N_{AEX} = 0$$

$$\rightarrow N_{AB} = -N_{AE} \cdot \cos \alpha = +16 \text{ (شد)}$$

العقدة B

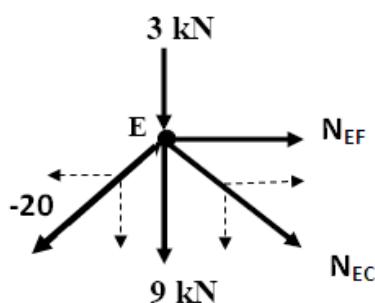
$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow N_{BE} - 9 = 0$$

$$N_{BE} = +9 \text{ (شد)}$$

$$\sum \vec{FX} = \vec{0} \rightarrow -N_{BA} + N_{BC} = 0$$

$$N_{BC} = +N_{BA} = +16 \text{ (شد)}$$

العقدة E



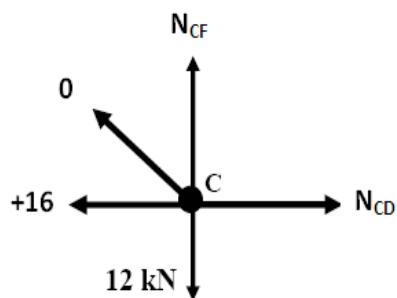
$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow -3 - 9 - (-20) \sin \alpha - N_{EC} \cdot \sin \alpha = 0$$

$$N_{EC} = \frac{-12 + 20 \cdot \sin \alpha}{\sin \alpha} = +0$$

$$\sum \vec{FX} = \vec{0} \rightarrow -(-20) \cos \alpha + N_{EC} \cos \alpha + N_{EF} = 0$$

$$N_{EF} = +(-20) \cos \alpha - N_{EC} \cos \alpha = -16 \text{ (ضغط)}$$

العقدة C



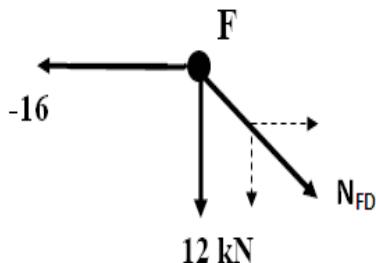
$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow -12 + N_{CF} = 0$$

$$N_{CF} = +12 \text{ (شد)}$$

$$\sum \vec{F_X} = \vec{0} \rightarrow -16 + N_{CD} = 0$$

$N_{CD} = +16$  (شد)

: العقدة F



$$\sum \vec{F_Y} = \vec{0} \rightarrow -12 - N_{FD} \cdot \sin\alpha = 0$$

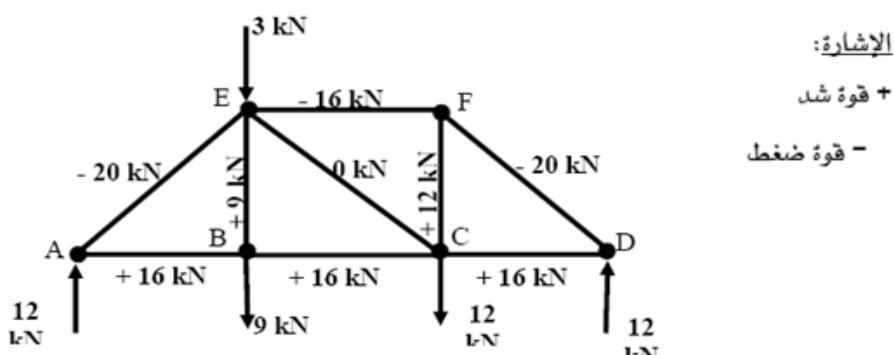
$$N_{FD} = \frac{-12}{\sin\alpha} = -20 \text{ (ضغط)}$$

يمكن حساب هذا الجهد (من باب التأكيد) بكتابة:

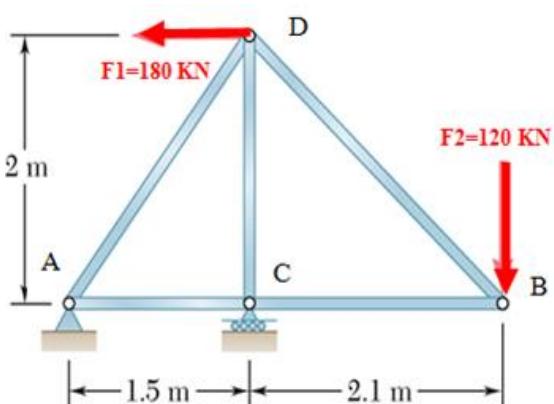
$$\sum \vec{F_X} = \vec{0} \rightarrow -16 + N_{FD} \cdot \cos\alpha = 0$$

$$-(-16) + N_{FD} \cdot \cos\alpha = \frac{-16}{\cos\alpha} = -20 \text{ (ضغط)}$$

- بعد حساب كل الجهود المحورية، نقوم بتمثيل النظام المثلثي مع إبراز الجهود الداخلية.



### التمرين الثالث:



ليكن لديك النظام المثلثي المقابل.

- تأكد من أحادية سكون النظام
- أحسب ردود الفعل عند المساند.
- أحسب الجهود الداخلية  $N$  بالطريقة الحسابية .

- إذا علمت أن المجنب المستعملة من نوع IPN و أن  $\sigma = 1600 \text{ DaN}$  ما هو المجنب المناسب الذي يحقق شرط المقاومة .

الحل :

$$b+3 = 2n$$

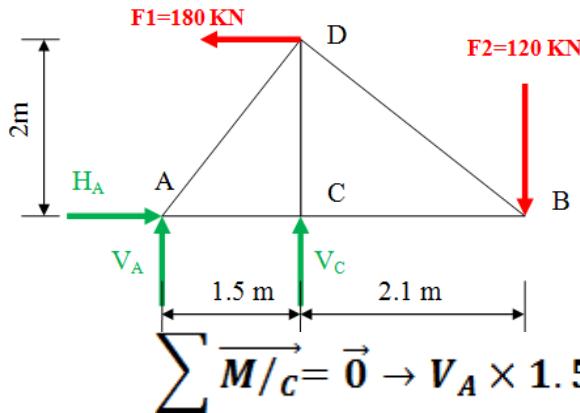
• أحادية السكون :

$$B=5, n=4$$

$$5+3=2 \cdot 4=8$$

محقة

• ردود الفعل :



$$\begin{aligned}\sum \vec{F}_X &= \vec{0} \rightarrow \\ H_A - F_1 &= 0 \\ H_A &= F_1 = +180\end{aligned}$$

$$\sum \vec{M}/c = \vec{0} \rightarrow V_A \times 1.5 + F_2 \times 2.1 - F_1 \times 2 = 0$$

$$V_A = \frac{1}{1.5} (-F_2 \times 2.1 + F_1 \times 2) = 72 \text{ KN}$$

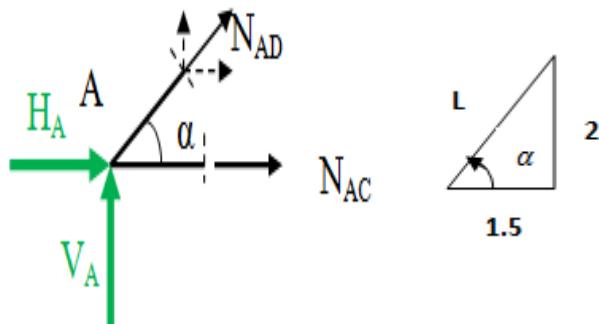
$$\sum \vec{M}/A = \vec{0} \rightarrow -V_C \times 1.5 + F_2 \times 3.6 - F_1 \times 2 = 0$$

$$V_C = \frac{1}{1.5} (+F_2 \times 3.6 - F_1 \times 2) = 48 \text{ KN}$$

نتأكد بـ:

$$\sum \vec{F}_Y = \vec{0} \rightarrow V_A + V_C - F_1 = 0 \rightarrow 72 + 48 - 120 = 0$$

• حساب الجهد الداخلي N :



$$L = \sqrt{1.5^2 + 2^2} = 2.5$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{2.5} = 0.8$$

$$\cos \alpha = \frac{1.5}{2.5} = 0.6$$

: A العقدة

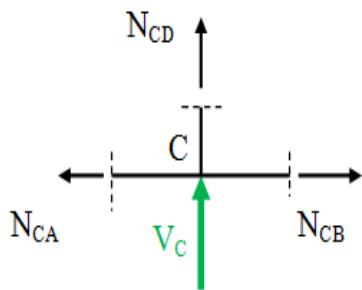
$$\sum \vec{F}_Y = \vec{0} \rightarrow V_A + N_{ADY} = 0 \rightarrow V_A + N_{AD} \cdot \sin \alpha = 0$$

$$N_{AD} = \frac{-V_A}{\sin \alpha} = -90$$

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow H_A + N_{ADX} + N_{AC} = 0 \rightarrow H_A + N_{AD} \cdot \cos \alpha + N_{AC} = 0$$

$$N_{AC} = -H_A - N_{AD} \cdot \cos \alpha = -126$$

: العقدة C



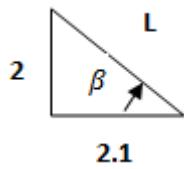
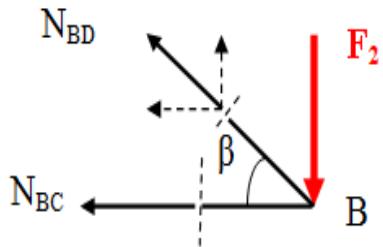
$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow N_{CB} - N_{CA} = 0 \rightarrow$$

$$N_{CB} = N_{CA} = -126$$

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow N_{CD} + V_C = 0 \rightarrow$$

$$N_{CD} = -V_C = -48$$

: العقدة B



$$L = \sqrt{2.1^2 + 2^2} = 2.9$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{2.9} = 0.690$$

$$\cos \alpha = \frac{2.1}{2.9} = 0.724$$

$$\sum \vec{F}_Y = \vec{0} \rightarrow -F_2 + N_{BDY} = 0 \rightarrow -F_2 + N_{BD} \cdot \sin \beta = 0$$

$$N_{BD} = \frac{+F_2}{\sin \beta} = 173.91 \approx 174$$

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow -N_{BDX} - N_{BC} = 0 \rightarrow -N_{BD} \cdot \cos \beta - N_{BC} = 0$$

$$N_{BC} = -N_{BD} \cdot \cos \beta = -125.98 \approx -126$$

في النهاية نلخص النتائج في جدول كما يلي :

الطبيعة	( KN ) الشدة	القضيب	العقدة
انضغاط	90	AD	A
انضغاط	126	AC	
انضغاط	126	CB	
انضغاط	48	CD	C
شد	174	BD	B

• المجنب المناسب :

$$\sigma_{max} = \frac{N_{max}}{A} \leq \bar{\sigma} \quad \text{ينص شرط المقاومة على:}$$

$$A \geq \frac{N_{max}}{\bar{\sigma}} \rightarrow A \geq \frac{174.10^2}{1600} = 10.88 \text{ cm}^2$$

من جدول المجنب أدناه نأخذ المجنب IPN120

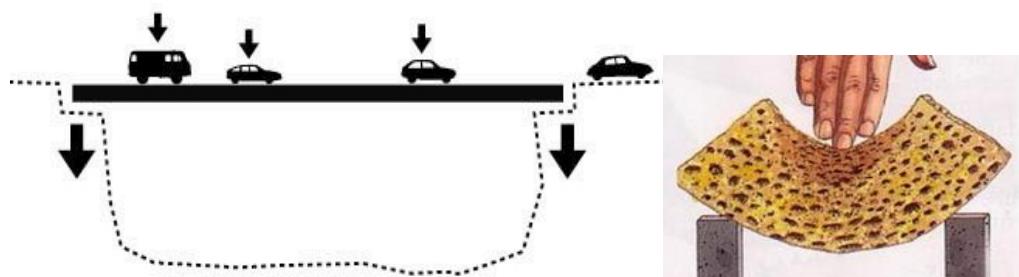
S (cm <sup>2</sup> )	$W_{xx} = \frac{I_{xx}}{V}$	I <sub>xx</sub> (cm <sup>2</sup> )	e (mm)	b (mm)	h (mm)	IPN
7.58	19.5	77.8	3.9	42	80	80
10.6	34.2	171	4.5	50	100	100
14.2	54.7	328	5.1	58	120	120
18.3	81.9	573	5.7	66	140	140
22.8	117	935	6.3	74	160	160

.....

## الانحناء البسيط

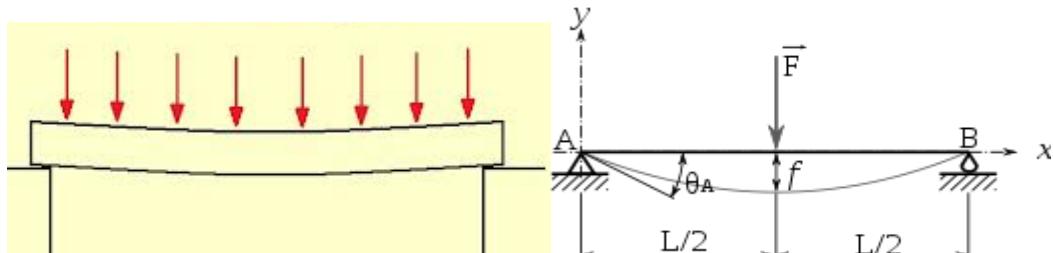
### (1) تعريف الانحناء البسيط :

نلاحظ في الحياة العملية أنه غالباً ما تخضع القضبان والرافد لتأثير الأحمال العرضية التي يقطع مستوى تأثيرها محور القضيب الطولي، وعند تأثير هذه الأحمال ينحني محور القضيب أو الرافدة.



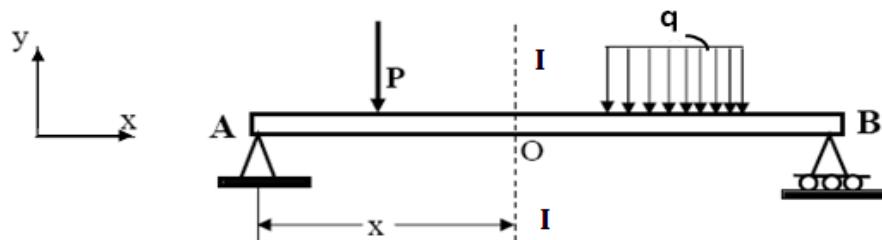
نقصد بالانحناء البسيط الإزاحة الناتجة عن :

- تأثير القوة أو القوى العمودية على المحور الطولي لعارضة أو رافدة أو قضيب .
- تأثير العزم المطبق على مستوى المحور الطولي لعارضه أو رافده أو قضيب .



### (2) تحديد القوى الداخلية عند الانحناء :

نفرض أنه لدينا رافدة ترتكز على مسندين : (A) و (B)، وتخضع لجملة من القوى الخارجية :



عند تحمل الرافدة يظهر في المقطع العرضي للرافدة قوتان داخليتان هما : عزم الإنحناء، والجهد القاطع (أو قوة القص).

لتحديد قيمة هذه القوى الداخلية عند أي مقطع، فإنه من الضروري معرفة القوى المحصلة والغزم المحصل عند هذا المقطع، بكتابة معادلات التوازن статики.

لنعد إلى الشكل ، ولنفرض أنه طلب منا تحديد القوى الداخلية عند المقطع (I) - (I) ، الذي يبعد عن الحافة اليسرى للرافدة بمسافة  $x$  .

من أجل هذا نقوم بما يلي :

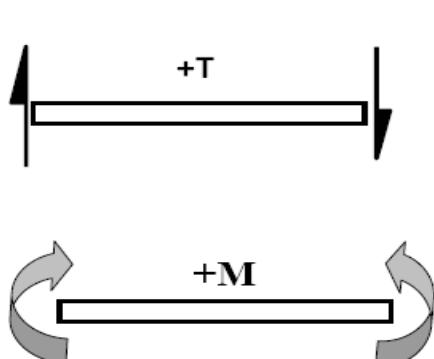
- حساب ردود الفعل عند المسندين : (A) و (B).
- قطع الرافدة - ذهنيا - عند(I) - (I) ونحتفظ بالجزء الأيسر، فيما نزيل الجزء الواقع على يمين المقطع.



• استبدال الجزء الأيمن المنزوع بتأثيره على الجزء الأيسر وهذا التأثير يتكون من:

- ✓ قوة قص عمودية، وتسمى بالجهد القاطع، ويرمز لها بالحرف :  $T(x)$
- ✓ عزم انحناء ويرمز له بالحرف :  $M(x)$

القوة  $T$  والغزم  $M$  يبقيان الجزء الأيسر في حالة توازن، تحت تأثير القوى الخارجية.



- نقبل فيما يخص الإشارات الموجبة لكل من الجهد القاطع وعزم الانحناء الإشارات التالية :
- ✓ الجهد القاطع الموجب : يدير في اتجاه عقارب الساعة .

#### وكخلاصة :

- نعرف عزم الانحناء بالمجموع الجبri لعزم القوى الخارجية على جانب واحد من المقطع : (I) - (I) ، ونرمز له بالحرف :  $(M(x))$
- نعرف الجهد القاطع بالمجموع الجبri لجميع القوى العمودية على جانب واحد من المقطع (I) - (I) ، ونرمز له بالحرف :  $(T(x))$

### **(3) حساب عزم الانحناء والجهد القاطع :**

حتى يتسع تحديد الجهد الداخلية بصفة شاملة في حالة الروافد الخاضعة للانحناء البسيط، يجب - بالدرجة الأولى - حساب وتحديد المعادلات المتعلقة بتغيرات الجهد الداخلية التي تمكن من إنشاء منحنيات عزوم الانحناء، وجهد القطع.

- في البداية يجب تحديد ردود الفعل عند المساند طبقاً للقوانين الستاتيكية.
- في المرحلة الثانية نقطع فرضاً - الرافدة إلى جزأين ونحتفظ بالجزء الأيسر.
- ينبغي التذكير بأن الجزء الأيمن يؤثر على الجزء الأيسر بحيث تكون الحركة الأفقية والحركة العمودية والحركة الدورانية للجزء الأيسر بالنسبة إلى الجزء الأيمن منعدمة، وبمعنى آخر كل جزء يجب أن يكون في حالة توازن.
- كما تتبع الإشارة إلى ضرورة إنجاز مقطع كلما تغيرت القوى الخارجية المؤثرة على الرافدة.

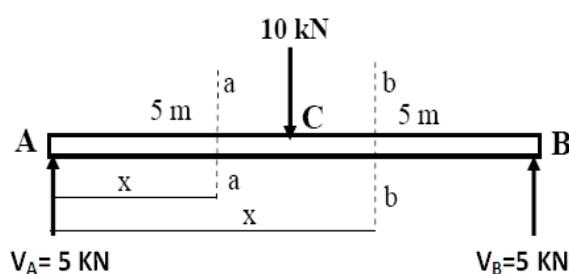
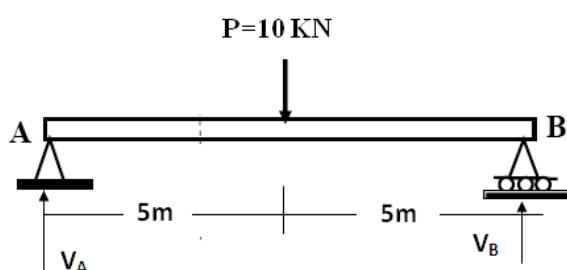
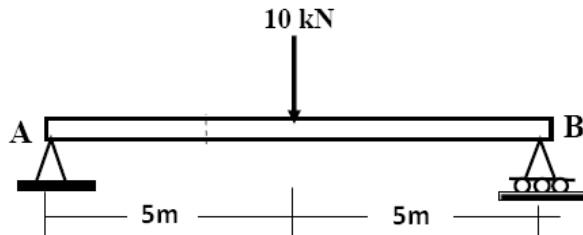
### **(4) الرسوم البيانية لعزوم الانحناء وجهد القطع :**

- لأجل الإيضاح البصري لطبيعة تغير عزم الانحناء والجهد القاطع على طول الرافدة، ولأجل تعين المقاطع الخطرة، تخطط الرسوم البيانية .
  - إن إنشاء منحنيات عزم الانحناء والجهد القاطع يعتمد على الترجمة البيانية لمعادلات تغيراتها بدالة الفاصلة (X)، انطلاقاً من اليسار إلى اليمين (أو العكس)
  - تتم عملية إنشاء مخططات عزم الانحناء والجهد القاطع بحساب قيم هذين الجهدين عند فواصل النقاط المحددة لبداية كل جزء ونهايته وتمثيلها بيانياً؛ ومجموع هذه الأجزاء يمثل المنحنى المراد إنشاؤه.
  - تجدر الإشارة إلى أنه في حالة وجود قوة خطية موزعة - في جزء من الرافدة - لا نكتفي بقيمتي الجهد الحديتين، بل يجب - في كثير من الأحيان - حساب قيمة العزم في نقطة ثالثة " بينماية " تختلف عن فاصلتي حافتي الجزء.
- مثال (1) : حالة قوة نقطية:** من أجل الرافدة الممثلة بشكل الستاتيكي التالي والخاضعة لقوة النقطية F تقوم بـ :

• كتابة معادلات عزم الانحناء

و الجهد القاطع.

• رسم منحنيهما البيانيين.



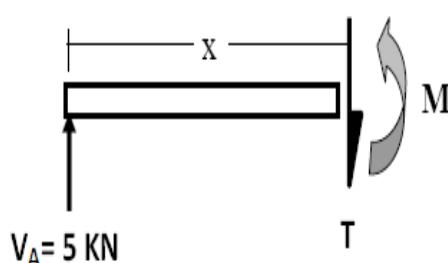
• نقوم - أولاً - بحساب ردود الفعل :

بما أن القوة  $P$  مطبقة في منتصف

الرافدة فإن :

$$VA = VB = \frac{P}{2} = 5 \text{ KN}$$

• نقوم بإنجاز المقاطع وكتابة معادلات الجهد القاطع وعزم الانحناء، وفي هذا المثال لدينا مقطعين



المقطع a-a

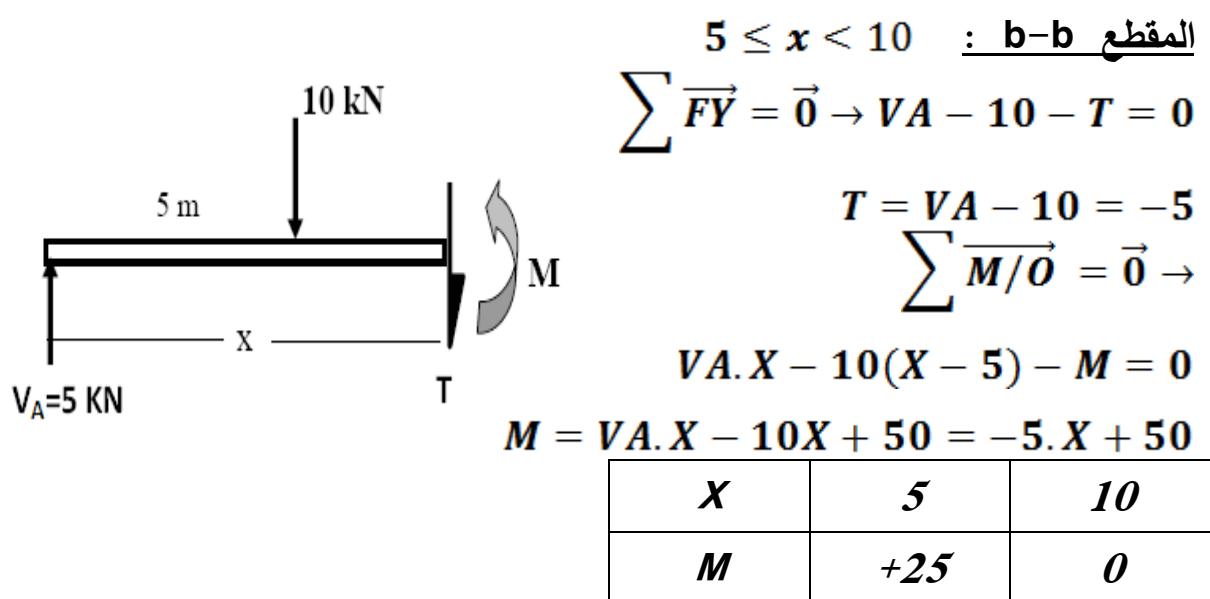
$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow VA - T = 0$$

$$T = VA = 5$$

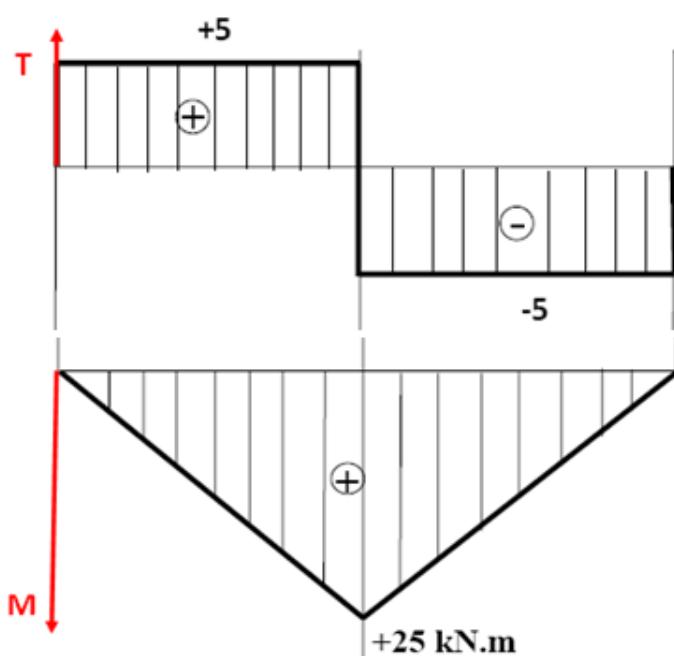
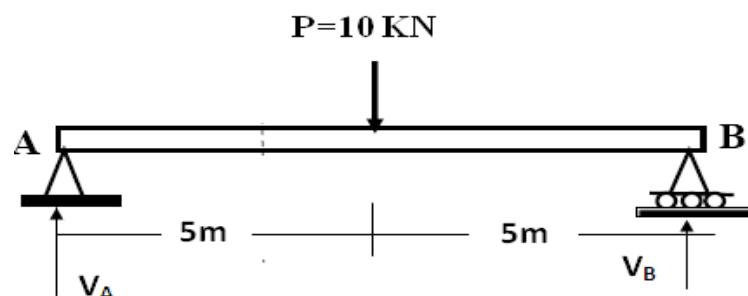
$$\sum \vec{M}/0 = \vec{0} \rightarrow VA \cdot X - M = 0$$

$$M = VA \cdot X = 5 \cdot X$$

$X$	$0$	$5$
$M$	$0$	$+25$



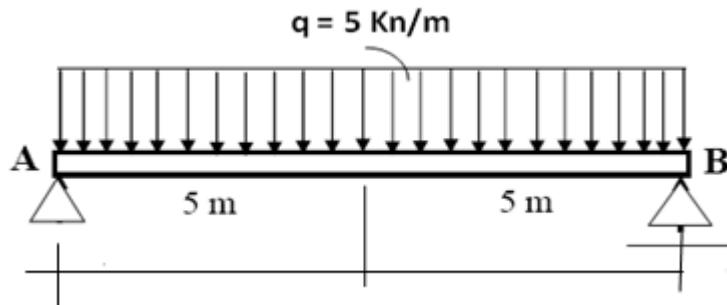
• رسم منحنيي ( $T$ ) و ( $M$ ) : بالاعتماد على معادلات وقيم ( $T$ ) و ( $M$ ) في الجزء الساقى، نرسم منحنى الحد القاطع عن الانحناء كما يلى :



ملاحظة هامة : إن اختيار اتجاه عزم الانحناء الموجب إلى الأسفل أملأه الرغبة في الحصول على شكل بياني للمنحنى يشبه سلوك الرافدة تحت تأثير الأحمال المطبقة عليها

### مثال (2) : حالة قوة خطية :

- المطلوب كتابة معادلات تغيرات ورسم منحنيات عزم الانحناء والجهد القاطع بالنسبة لرافدة على مسندين (A) و(B)، تخضع لتأثير حمل منتظم التوزيع.

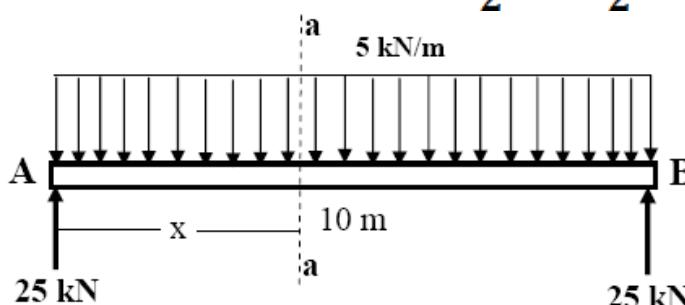


: الحل :

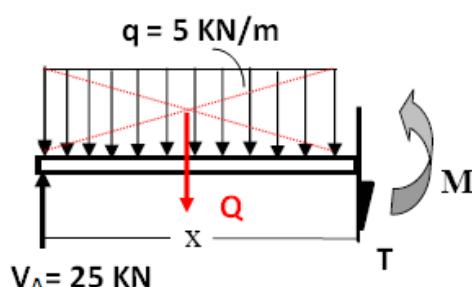
- حساب ردود الفعل :

القوة الخطية موزعة بانتظام على طول الرافدة ، بحيث يمكن القول أن:

$$VA = VB = \frac{q \cdot l}{2} = \frac{5 \cdot 10}{2} = 25 \text{ KN}$$



- إنجاز المقاطع وكتابة معادلات  $T$  و  $M$  :
- يوجد مقطع وحيد (a-a) على طول الرافدة كما هو مبين على الشكل :



$$Q = q \cdot x = 5 \cdot x$$

$$\sum \vec{F_Y} = \vec{0} \rightarrow VA - Q - T = 0$$

$$T = VA - Q = -5 \cdot X + 25$$

$$\sum \vec{M/O} = \vec{0} \rightarrow$$

$$VA \cdot X - Q \cdot \frac{X}{2} - M = 0$$

$$M = -\frac{5}{2}X^2 + 25 \cdot X$$

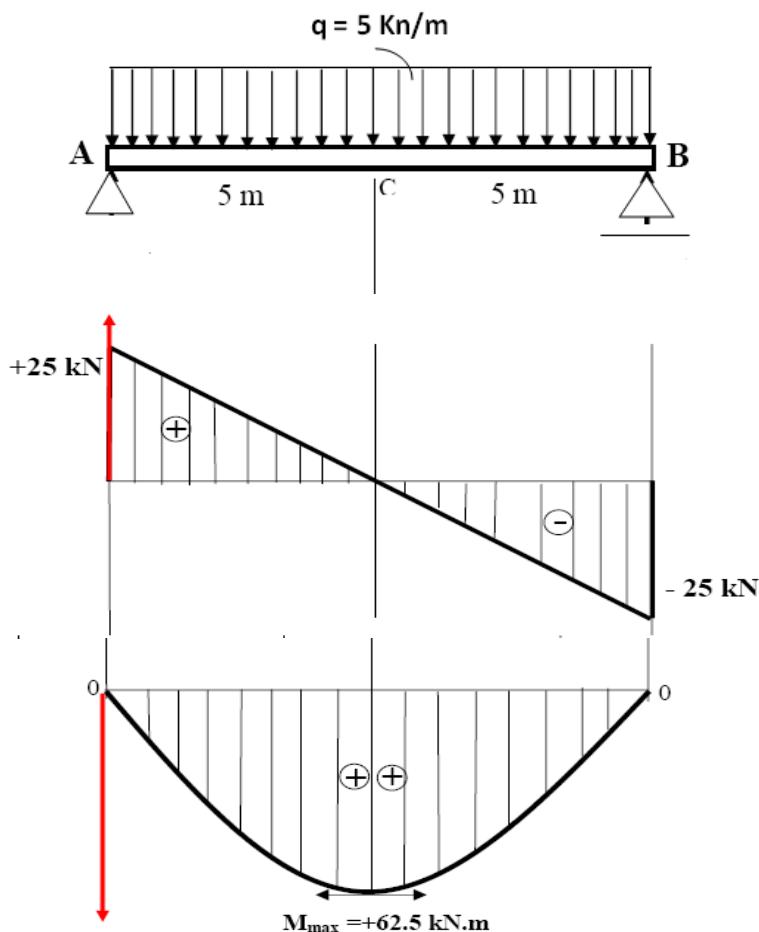
X	0	10
T	+25	-25
M	0	0

ملاحظة هامة: في حالة القوى الخطية وفي حال انتقال الجهد القاطع من قيمة موجبة إلى قيمة سالبة (أو العكس) يتم حساب الذروة بالنسبة لعزم الانحناء والتي نرمز لها بالرمز  $M_{MAX}$  عند الفاصلة التي ينعدم عندها الجهد القاطع.

بما أن هذه الملاحظة متوفرة في هذا المثال فإن حساب  $M_{MAX}$  يتم كما يلي :

$$T = 0 \rightarrow -5 \cdot X + 25 = 0 \rightarrow X = \frac{25}{5} = 5m \\ = +62.5 \text{ KN.m} \\ M_{max} = M(5) = -\frac{5}{2} \cdot 5^2 + 25 \cdot 5$$

- رسم المنحنيات البيانية : بالاعتماد على النتائج السابقة نرسم منحنيي  $T$  و  $M$  :



#### 4) العلاقة بين عزم الانحناء والجهد القاطع :

- بينت الدراسات لمختلف أنواع الأحمال وأنواع الروافد أنه توجد علاقة رياضية بسيطة تربط الجهد القاطع بعزم الانحناء.

- إذ تمثل قوة الجهد القاطع معدل تغير عزم الانحناء بالنسبة إلى المسافة ( $X$ ), أي أن الجهد القاطع يمثل مشتق عزم الانحناء بالنسبة للمتغير ( $X$ ), أي :

$$T = \frac{\Delta M}{\Delta X}$$

- وتعتبر هذه النتيجة بالغة الأهمية، لكونها تسمح بالتأكد من صحة المعادلات المحصل عليها.

#### **(5) قواعد مراقبة المنحنيات :**

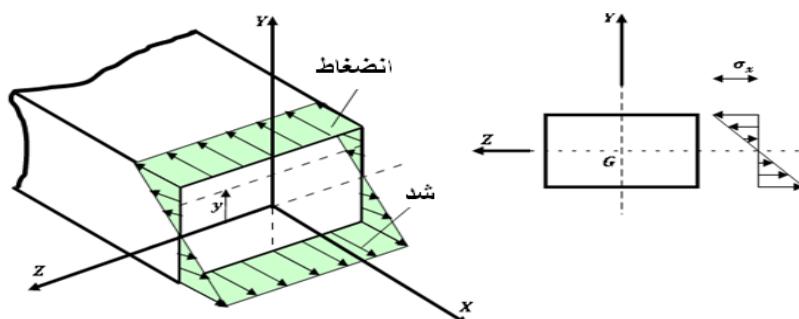
فيما يلي نقترح عليك عدداً من القواعد الهامة التي تسمح بمراقبة المنحنيات المرسومة، وبالتالي التأكد من صحة النتائج المحصل عليها :

- في حالة عدم وجود قوة خطية في جزء من الرافدة، فإن الجهد القاطع يكون ثابتاً، وعزم الانحناء يكون على شكل معادلة مستقيم.
- في حالة وجود قوة خطية منتظمة، فإن الجهد القاطع يكون على شكل معادلة مستقيم، وعزم الانحناء يكون على شكل معادلة من الدرجة الثانية (قطع ناقص).
- في نقاط تطبيق القوى النقطية يظهر منحنى الجهد القاطع انكسارات بمقادير قيم هذه القوى، ويظهر منحنى عزم الانحناء نقطة زاوية (عدم استمرارية المشتق).
- في نقطة تطبيق عزم متتركز يغير عزم الانحناء قيمته بشكل فجائي.
- إذا كان عزم الانحناء ثابتاً فإن الجهد القاطع يكون معديراً.
- عند حافة حرة في رافدة، وفي حالة عدم وجود عزم متتركز فإن عزم الانحناء يكون معديراً.
- عند حافة حرة في رافدة، وفي حالة عدم وجود قوة مرکزة، فإن الجهد القاطع يكون معديراً.
- عند المسند الثابت يكون الجهد القاطع مساوياً لرد الفعل العمودي، وعزم الانحناء مساوياً لعزم التثبيت.

#### **(6) الإجهاد الناظمي :**

- نعتبر رافدة تخضع لانحناء بسيط حيث يظهر في مقاطعها نوعان من الجهود الداخلية :-

- عزم الانحناء ( $M$ ) : يحدث إجهادات ناظميه ( $\sigma$ ).
- الجهد القاطع ( $T$ ) : يحدث إجهادات مماسية ( $\tau$ ).
- لنم في البداية بدراسة الاجهادات الناظمية ولنعتبر جزءا من رافدة يخضع لعزم . ( $M$ )



- العزم ( $M$ ) يشد الجزء من المقطع المتواجد أسفل المحور الحيادي ويضغط على الجزء المتواجد أعلى المحور الحيادي.
- ينشأ - تبعا لذلك - إجهاد ناظمي :

  - شد : أسفل المحور الحيادي.
  - ضاغط : أعلى المحور الحيادي.

- يعطى الإجهاد الناظمي بالعلاقة :

$$\sigma = \frac{M}{\frac{I_{XX}}{Y}}$$

ولتبسيط هذه العلاقة نسمي النسبة:  $\frac{I_{XX}}{Y}$  عزم المقاومة أو طولية الانحناء، وهي عبارة عن خاصية هندسية تتعلق بنوع وطبيعة المقطع ونكتب:

$$W_{XX} = \frac{I_{XX}}{Y}$$

الأمر الذي يسمح بكتابة الإجهاد الناظمي بصيغة أخرى هي :

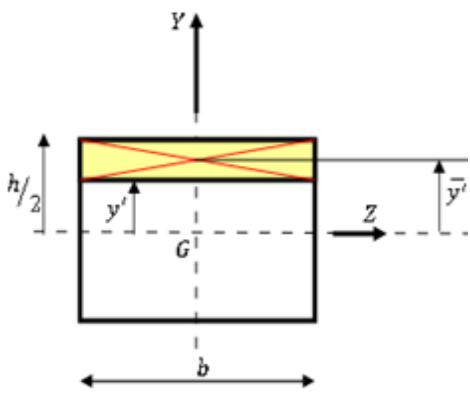
$$\sigma = \frac{M}{W_{XX}}$$

- ملحوظة هامة: إن الحصول على طولية الانحناء أو عزم المقاومة يتم من جداول خاصة بالمجنحات، غير أنه يمكن حسابه بالنسبة لبعض المقاطع البسيطة مثل:

المستطيل :  $W_{xx} = \frac{b \cdot h^3}{12} \div \frac{h}{2} = \frac{b \cdot h^2}{6}$

$$W_{xx} = \frac{\pi d^4}{64} \div \frac{d}{2} = \frac{\pi d^3}{32}$$

### (7) الإجهاد المماسى :



- لتأخذ مقطعا من رافدة يخضع لجهد قاطع (T).
- يعطى الإجهاد المماسى للمقاطع البسيطة بالعلاقة :

$$\tau = \frac{T \cdot S/x}{I_{xx} \cdot b}$$

حيث : . . (b)

: الجهد القاطع عند المقطع. T.

: عزم السكون للسطح المتواجد (S/x).

فوق مستوى "Y".

. (I xx) : عزم العطالة الذاتي للمقطع.

من المفيد بالنسبة للمقاطع ذات المساحات البسيطة، التعامل مع علاقه الإجهاد المماسى المختصرة التالية :

$$\tau_{max} = k \cdot \frac{T}{S}$$

حيث : (S) : سطح المقطع.

: معامل يتعلق بشكل المساحة ؛ وقيمه بالنسبة : (K)

k = 3/2 . . لمساحة مستطيلة .

k = 4/3 . . لمساحة دائيرية .

k = 3/2 . . لمساحة مثلثية .

### (8) شرط المقاومة :

إن تحقيق المقاومة لانحناء يتم بتحديد المقطع الخطر الذي يخضع للإجهاد الأعظمى، ثم التأكد بأن هذا الإجهاد يبقى دائما أقل أو يساوى الإجهاد المسموح به أي :

$$\sigma_{max} \leq \bar{\sigma}$$

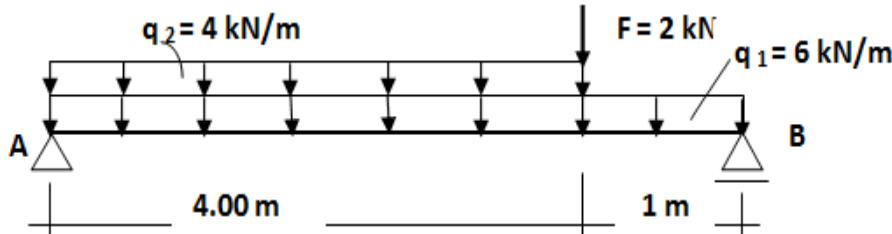
وبالنسبة لتحقيق المقاومة للجهد القاطع نتأكد أن الإجهاد المماسى الأعظمى يبقى أقل أو يساوى الإجهاد المماسى المسموح به أي :

$$\tau_{max} \leq \bar{\tau}$$

## تمارين وتطبيقات

### التمرين الأول:

لتكن الرافلة AB المحمولة بجملة القوى المبينة والمرتكزة على مسندين: أحدهما بسيط والآخر مضاعف A كما هو مبين في الشكل .



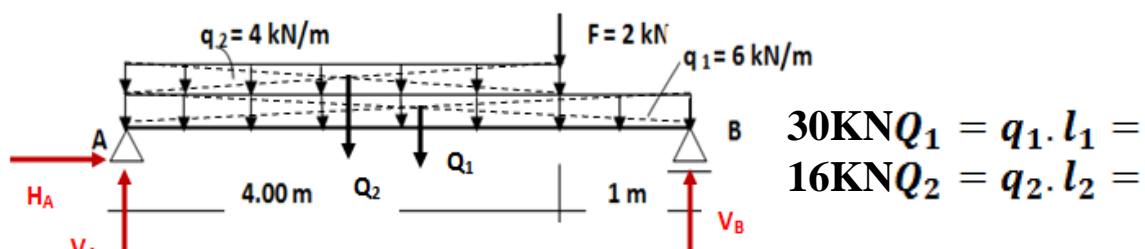
المطلوب :

- (1) أحسب ردود الفعل في المساند ؟
- (2) أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء M\_f ؟
- (3) أحسب عزم الانحناء الأعظمي في حال وجوده -؟
- (4) أرسم منحنيات T و M ؟
- (5) عين من الجدول المرفق أسفله نوعية المجنب المعدني الذي يحقق المقاومة علما أن:  $\bar{\sigma} = 1000 \text{ DaN/cm}^2$

$\text{cm}^3$ ( W <sub>XX</sub> )	$\text{cm}^2$ ( S )	IPN
214	33.5	200
278	39.6	220
354	46.1	240
442	53.4	260

الحل :

ردود الفعل 1



$$30\text{KN}Q_1 = q_1 \cdot l_1 = 16\text{KN}Q_2 = q_2 \cdot l_2 =$$

$$\sum \vec{F}_X = \vec{0} \rightarrow +H_A = 0$$

$$\sum \vec{M}/A = \vec{0} \rightarrow -V_B \times 5 + F \times 4 + Q_1 \times 2.5 + Q_2 \times 2 = 0$$

$$V_B = \frac{1}{5} (+F \times 4 + Q_1 \times 2.5 + Q_2 \times 2) = 23 \text{ KN}$$

$$\sum \overrightarrow{M/B} = \vec{0} \rightarrow +V_A \times 5 - F \times 1 - Q_1 \times 2.5 - Q_2 \times 3 = 0$$

$$V_A = \frac{1}{5} (+F \times 1 + Q_1 \times 2.5 + Q_2 \times 3) = 25 \text{ KN}$$

نتأكد بـ:

$$\sum \overrightarrow{F_Y} = \vec{0} \rightarrow V_A + V_B + Q_1 - Q_2 - F = 0$$

$$25 + 23 - 30 - 16 - 2 = 0 \rightarrow 48 - 48 = 0$$

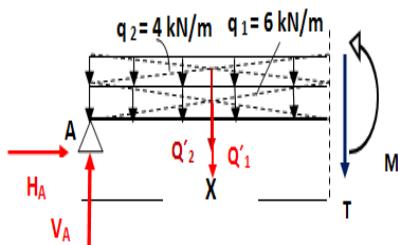
(2) كتابة معادلات الجهد القاطع وعزم الانحناء :

المقطع الأول :  $0 \leq x < 4$

$$, Q'_2 = q_2 \cdot x = 4 \cdot x, Q'_1 = q_1 \cdot x = 6 \cdot x$$

$$\sum \overrightarrow{F_Y} = \vec{0} \rightarrow V_A - Q'_1 - Q'_2 - T = 0 \rightarrow T = -10 \cdot x + 25$$

$$\sum \overrightarrow{M/0} = \vec{0} \rightarrow V_A \cdot x - Q'_1 \cdot \frac{x}{2} - Q'_2 \cdot \frac{x}{2} - M = 0 \rightarrow M = -5 \cdot x^2 + 25 \cdot x$$



X	0	4
T	25	-15
M	0	+20

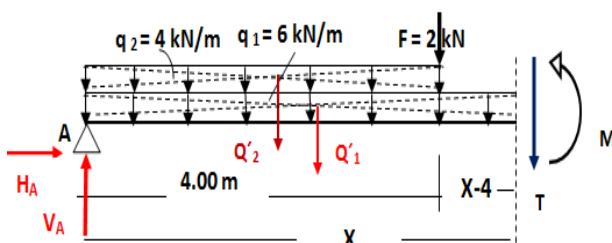
المقطع الثاني :  $4 \leq x < 5$

$$, Q'_2 = q_2 \cdot 4 = 16 \text{ KN} = (Q_2), Q'_1 = q_1 \cdot x = 6 \cdot x$$

$$\sum \overrightarrow{F_Y} = \vec{0} \rightarrow V_A - Q'_1 - Q'_2 - F - T = 0 \rightarrow T = -6 \cdot x + 7$$

$$\sum \overrightarrow{M/0} = \vec{0} \rightarrow V_A \cdot x - Q'_1 \cdot \frac{x}{2} - Q'_2 \cdot (x - 2) - F(x - 4) - M = 0$$

$$\rightarrow M = -3 \cdot x^2 + 7 \cdot x + 40$$



X	4	5
T	-17	-23
M	20	0

(3) حساب عزم الانحناء الأعظمي:

نلاحظ أن معادلة عزم الانحناء في المقطع الأول ، وفيه يمر الجهد القاطع من قيمة موجبة إلى قيمة سالبة ، الأمر الذي يستدعي حساب :

$$T = 0 \rightarrow T = -10x + 25 = 0 \rightarrow x = 2.5m$$

$$M_{max} = M(2.5) = -5 \times 2.5^2 + 25 \times 2.5 = +31.25 KN.m$$

: 5) تعيين المجنب المناسب :

ينص شرط المقاومة على :

$$\sigma_{max} = \frac{M_{max}}{W_{xx}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\rightarrow \frac{W_{xx}}{M_{max}} \geq \frac{1}{\bar{\sigma}}$$

$$W_{xx} \geq \frac{M_{max}}{\bar{\sigma}}$$

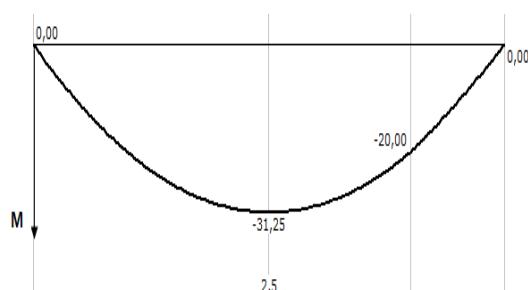
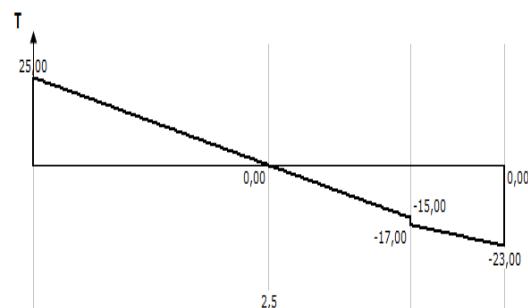
$$W_{xx} \geq \frac{31.25 \times 10^2 \times 10^2}{1000}$$

$$W_{xx} \geq 312.5 \text{ cm}^3$$

من الجدول :

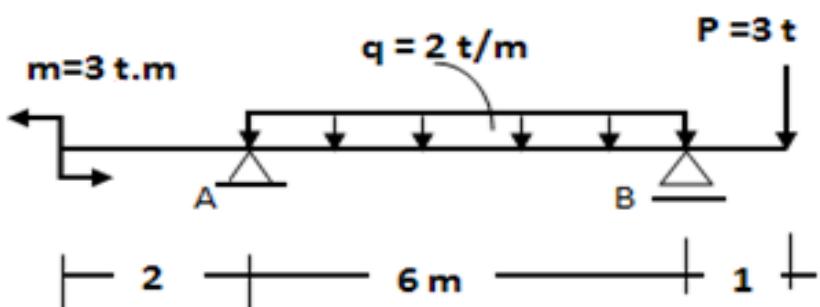
نأخذ المجنب IPN240

4) رسم المنحنيات البيانية :



### التمرين الثاني:

رافدة تحمل القوى المبينة على الشكل:



المطلوب :

• أحسب ردود الفعل

عند المساند ؟

• أكتب معادلات الجهد القاطع ( $T(x)$ ) وعزم الانحناء ( $M(x)$ ) ؟

• أحسب قيمة عزم الانحناء الأعظمي(الذروة) ؟  $M_{MAX}$

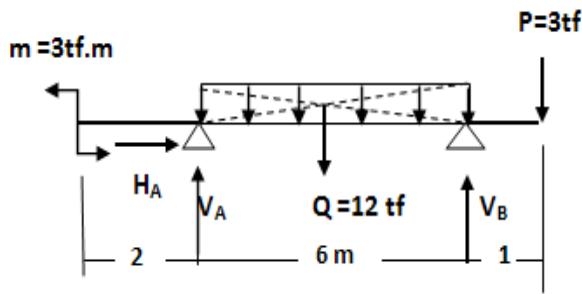
• ارسم على ورقة ميليمترية منحني  $T$  و  $M$  باستعمال السلم التالي:

الفواصل : 1cm → 1m

- الجهد القاطع : 1 cm → 3tf

- عزم الانحناء : 1cm → 3 tf.m

الحل :



• حساب ردود الفعل:

$$Q = q \cdot l = 2 \cdot 6 = 12 \text{ tf}$$

$$\sum \vec{F_x} = \vec{0} \rightarrow H_A = 0$$

$$\sum \vec{M/A} = \vec{0}$$

$$\rightarrow +p \cdot 7 - V_B \cdot 6 + Q \cdot 3 - m = 0$$

$$V_B = \frac{1}{6}(7P + 3Q - m) = 9 \text{ tf}$$

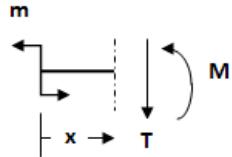
$$\sum \vec{M/B} = \vec{0} \rightarrow -m + V_A \cdot 6 - Q \cdot 3 + P \cdot 1 = 0$$

$$V_A = \frac{1}{6}(3q - 1 \cdot p + m) = 6 \text{ tf}$$

نتأكد بـ:

$$\sum \vec{F_Y} = \vec{0} \rightarrow V_A + V_B = Q + P \rightarrow 6 + 9 = 12 + 3 \rightarrow 15 = 15$$

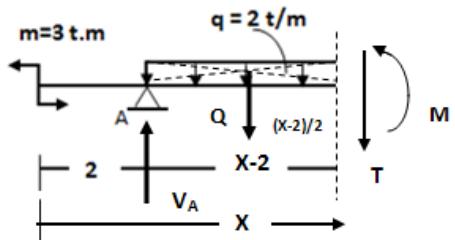
• انجاز المقادع وكتابة معادلات  $T$  و  $M$  :



✓ المقطع الأول :  $0 < X \leq 2$

$$\sum \vec{F_Y} = \vec{0} \rightarrow T = 0$$

$$\sum \overrightarrow{M/O} = \vec{0} \rightarrow -m - M = 0 \rightarrow M = -3$$



المقطع الثاني:  $2 < X \leq 8$

$$Q' = 2(x-2)$$

$$\sum \overrightarrow{F_Y} = \vec{0} \rightarrow V_A - Q' - T = 0$$

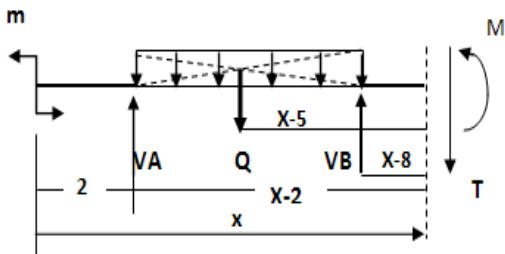
$$T = -2X + 10$$

$$\sum \overrightarrow{M/O} = \vec{0} \rightarrow -m + V_A(X-2) - Q' \cdot \left(\frac{X-2}{2}\right) - M = 0$$

X	2	8
T	6	-6
M	-3	-3

$$M = -X^2 + 10X - 19$$

المقطع الثالث:  $8 < X \leq 9$



$$Q = 2.6 = 12 \text{ tf}$$

$$\sum \overrightarrow{F_Y} = \vec{0} \rightarrow$$

$$V_A + V_B - Q - T = 0$$

$$T = +3$$

$$\sum \overrightarrow{M/A} = \vec{0} \rightarrow$$

$$-m + V_A \cdot (X-2) - Q \cdot (X-5) + V_B \cdot (X-8) - M = 0$$

X	8	9
M	-3	0

$$M = 3X - 27$$

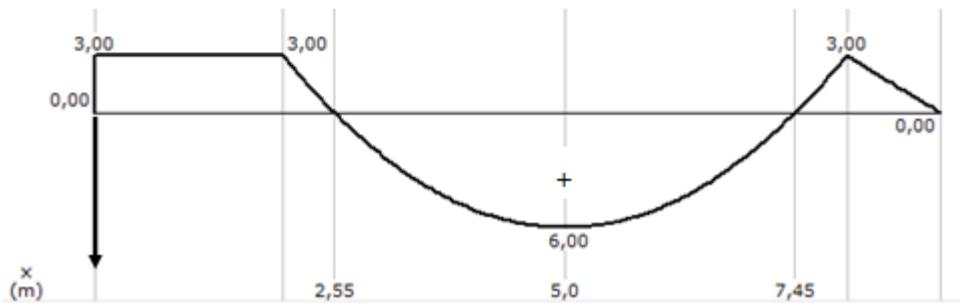
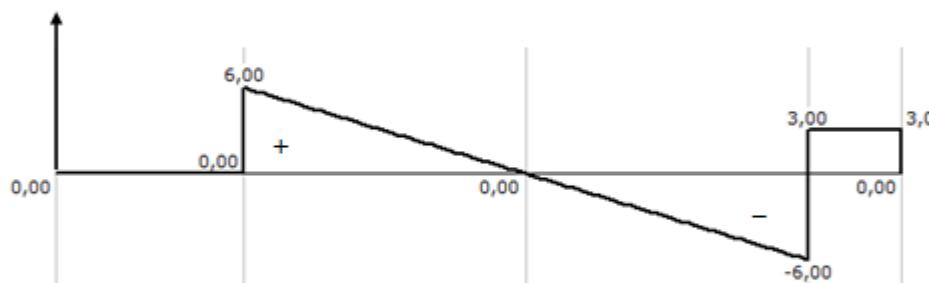
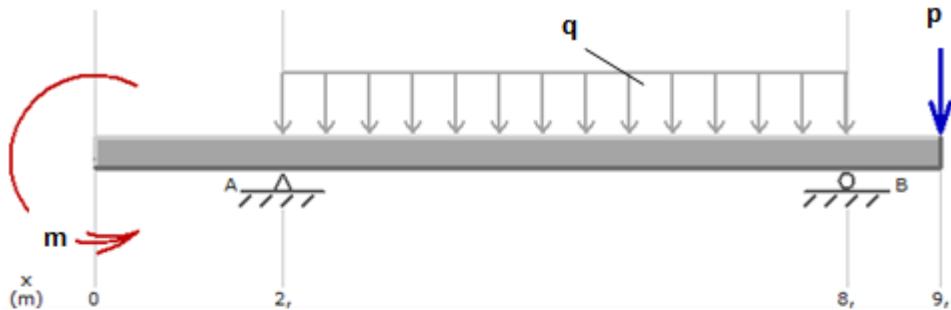
حساب  $M_{MAX}$

نلاحظ أن معادلة عزم الانحناء من الدرجة الثانية، و الجهد القاطع ينتقل من قيمة موجبة إلى قيمة سالبة في المقطع الثاني، وعليه فحساب عزم الانحناء يكون كما يلي:

$$T = 0 \rightarrow -2X + 10 = 0 \rightarrow X = \frac{10}{2} = 5m$$

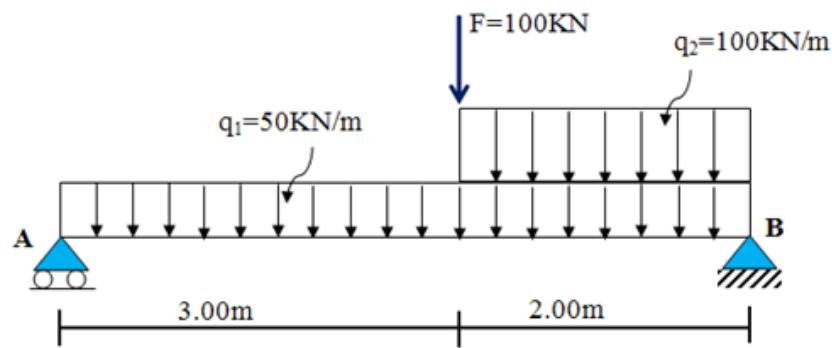
$$M_{max} = M(5) = -5^2 + 10.5 - 19 = +6tf.m$$

• رسم المنحنيات:

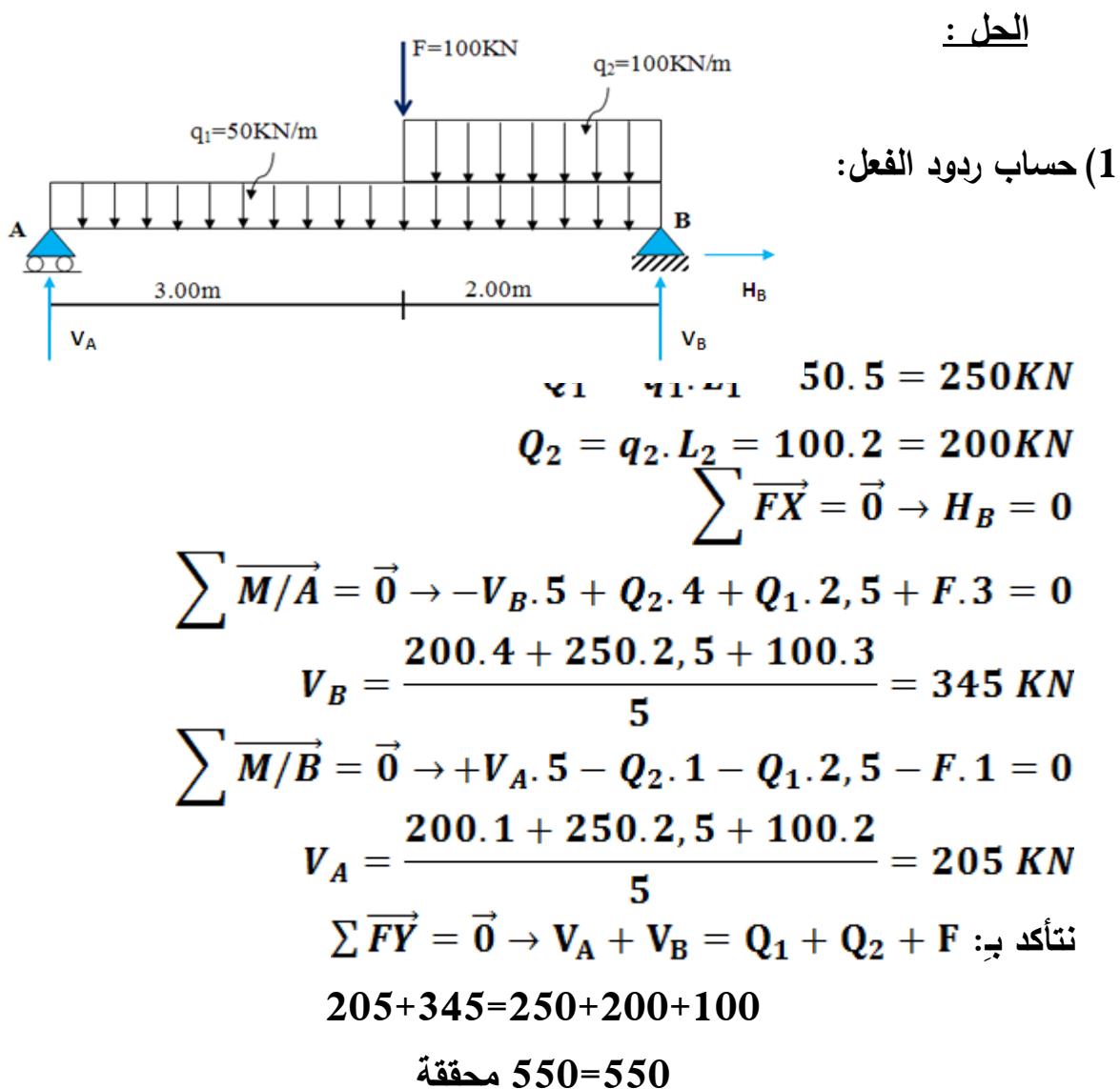


### التمرين الثالث :

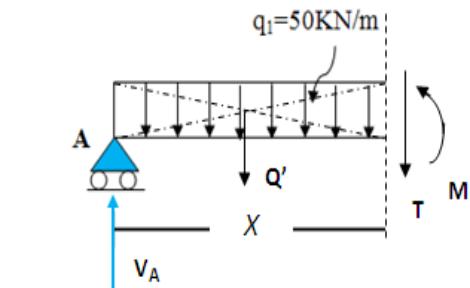
نعتبر رافرة مقطوعها العرضي  $(35 \times 50) \text{ cm}^2$ ، محمولة على مسندين A بسيط و مضاعف، تخضع للحمولات المبينة في الشكل .



- 1) أحسب قوى ردود الفعل عند مستوى المساندين A و B
- 2) أكتب معادلات الجهد القاطع  $T$  و عزم الانحناء  $M_f$
- 3) أرسم منحنيات  $T$  و  $M_f$
- 4) استنتج  $M_{f\max}$  و  $T_{\max}$
- 5) إذا افترضنا أن  $M_{f\max} = 400 \text{ KN.m}$ ، فتحقق من شرط مقاومة المقطع العرضي للجهاد الناظمي، علماً أن  $\sigma = 320 \text{ daN/cm}^2$
- 6) إذا افترضنا أن  $T_{\max} = 350 \text{ KN}$ ، فتحقق من شرط مقاومة المقطع العرضي للجهاد المماسي، علماً أن  $\tau = 32 \text{ daN/cm}^2$



(2) كتابة معادلات  $T$  و  $M$ :



$$\text{المقطع الأول: } 0 \leq x < 3 \quad Q'_1 = 50x$$

$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow V_A - Q'_1 - T = 0$$

$$T = -50x + 205$$

$$\sum \vec{M/O} = \vec{0} \rightarrow V_A \cdot X - Q'_1 \cdot \frac{X}{2} - M = 0$$

المقطع الثاني:  $3 \leq X < 5$

$$Q'_1 = 50x$$

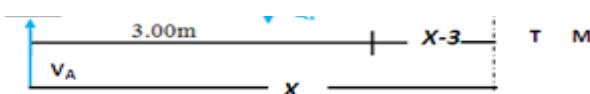
$$Q'_2 = 100(x - 3)$$

$$\sum \vec{FY} = \vec{0} \rightarrow V_A - Q'_1 - Q'_2 - F - T = 0$$

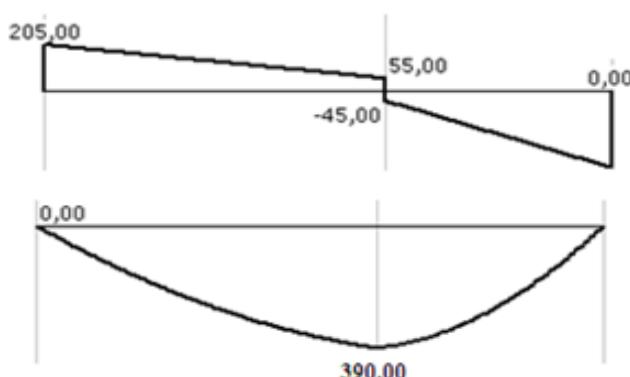
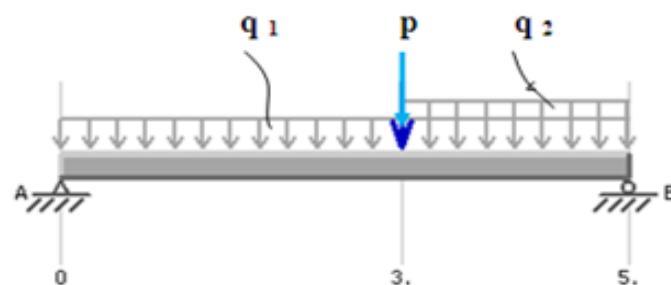
$$T = -150x + 405$$

$$\sum \vec{M/O} = \vec{0} \rightarrow V_A \cdot X - Q'_1 \cdot \frac{X}{2} - Q'_2 \cdot \left( \frac{x-3}{2} \right) - F \cdot (X-3) - M = 0$$

$M$	$X$	3	5	- 150
T	-45	-345		
M	390	0		



(3) رسم المنحنيات:



(4) استنتاج  $M_{MAX}$  و  $T_{MAX}$

من المنحنى نستنتج :  $T_{MAX} = 345 \text{ KN}$  ،  $M_{MAX} = 390 \text{ KN.m}$

(5) شرط المقاومة للإجهاد الناظمي :

$$\sigma_{max} = \frac{M_{max}}{W_{xx}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\sigma_{max} = \frac{400 \cdot 10^4}{14583.33} = 274.29 \leq \bar{\sigma} = 320$$

شرط المقاومة محقق

حيث المقطع مستطيل :  $W_{xx} = \frac{bh^2}{6} = \frac{35.50^2}{6} = 14583.33 \text{ cm}^3$

(6) شرط المقاومة للإجهاد المماسي :

$$\tau_{max} = k \cdot \frac{T_{max}}{A} = \frac{3}{2} \cdot \frac{350.100}{1750} = 30 \leq \bar{\tau} = 32$$

شرط المقاومة متحقق

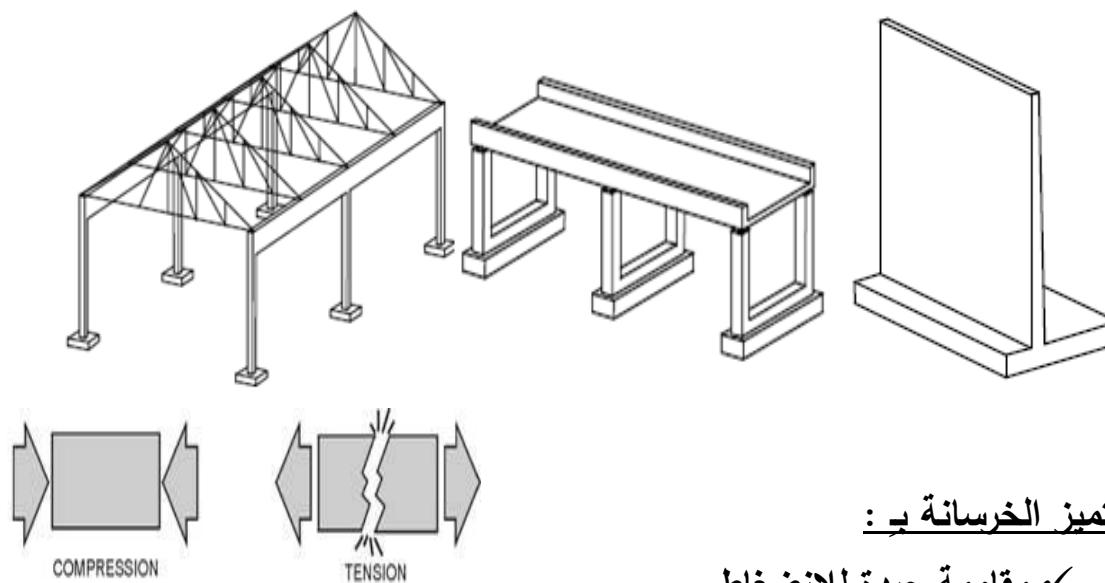
حيث المقطع مستطيل :  $A = 35.50 = 1750 \text{ cm}^2$  ،  $K = \frac{3}{2}$

**الباب الثاني  
الخزانة المسلحة**

## الخرسانة المسلحة

### ١) تعريف :

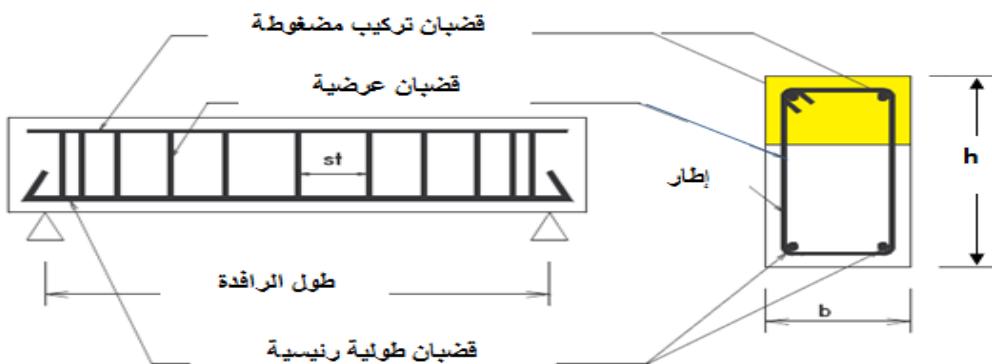
- الخرسانة : مادة بناء حديثة نحصل عليها بعد تصلب خليط من :  
**مواد حصوية (حصى ورمل) + رابط (جير أو اسمنت) + ماء.**  
حيث يشكل مزيج الماء والرابط عجيناً لاصقاً يحقق التماسك بين المواد الحصوية .  
والأهم في مادة الخرسانة هو قابليتها للتشكيل، وهذا بتصلبيها داخل قوالب تم تحضيرها مسبقاً بأشكال وقياسات العناصر المراد تصنيعها .



### • تتميز الخرسانة بـ :

- ✓ مقاومة جيدة للانضغاط .
- ✓ مقاومة ضعيفة للشدّ .
- ✓ ظهور تشققات معتبرة في المنطقة المشدودة (السفلى)  
في حالة التحميل العرضي .

لذلك فإننا نقوم بوضع قضبان تسليح طولية رئيسية في المناطق المشدودة .  
عملياً نضيف إلى القضبان الطولية قضبان تركيب في المناطق المضغوطة ، ونربط بينهما بياطارات عرضية ، ومن هنا كانت الخرسانة المسلحة .



## 2) الخرسانة المسلحة في الحالات النهائية:

مرت نظريات حساب الخرسانة بعدة مراحل آخرها نظرية الحساب في الحالات النهائية. فكما هو معلوم فإن المشاريع يجب أن تكون مصممة ومحسوبة بحيث تضمن المقاومة ضد كل التحريضات (الجهود الداخلية) بحيث تعمل العناصر الحاملة بكل أمان.

ونقصد بمفهوم الأمان الذي يأخذ بعين الاعتبار:

- ✓ المقاومة الذاتية للمواد (الوزن الذاتي).
- ✓ قيمة التأثيرات المتغيرة المطبقة.
- ✓ النقائص الهندسية لمختلف أبعاد المبني.
- ✓ التشققات الضارة.

وتعتمد هذه النظرية على استغلال طاقة أو قدرة العناصر الخرسانية المسلحة إلى حالاتها النهائية، ونقصد بالحالات أو الحدود النهائية الوضعيات التي يصير عندها العنصر لا يستوفي وظائفه أو الشروط التي أنجز من أجلها، كأنْ يحدث :

- انهيار المبني و العناصر المكونة له.
- عدم الاستغلال أو الخدمة الجيدة للمبني .

تنقسم الحالات النهائية إلى حالتين :

- ✓ الحد النهائي الأخير L.E. : المتمثل في فقدان التوازن والاستقرار والمقاومة التي تؤدي إلى الانهيار.
- ✓ الحد النهائي للتشغيل S.E. : المتمثل في عدم الخدمة الجيدة والديمومة المرجوة بفعل التشققات والتشوهات الضارة .

## 3) حساب التحريضات :

نرمز بـ:  $G$  : إلى الحمولات الدائمة .  
 .  $Q$  : إلى الحمولات المتغيرة .

ونحسب التحريضات في حالة :

$$1.35G + 1.50Q$$

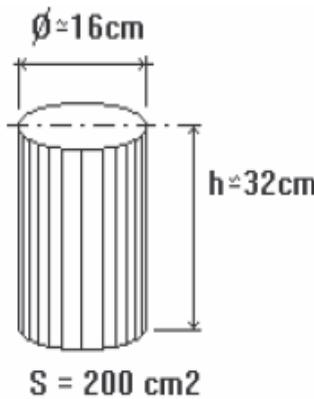
$$G+Q$$

• الحد النهائي الأخير :

• الحد النهائي للتشغيل :

(المواد :

 الخرسانة :



• المقاومة المرجعية تحت الانضغاط :

نأخذ كمقاومة مرجعية للخرسانة  $f_{c28}$  أي بعد 28 يوما، و نحصل عليها بإجراء تجربة تحطيمية على مخبرة أسطوانية نظامية من الخرسانة .  
 من المفيد أن نعلم بأن مقاومة الخرسانة تزداد بتصلبيها مع مرور الأيام ، ويرمز لها بالرمز  $f_{cj}$ ، وتحسب كما يلي:

\*لما يكون عمر الخرسانة  $j < 28$  :

$$\begin{cases} f_{cj} = \frac{j}{4,76 + 0,83j} \cdot f_{c28} \text{ pour } f_{c28} \leq 40 \text{ MPa} \\ f_{cj} = \frac{j}{1,40 + 0,95j} \cdot f_{c28} \text{ pour } f_{c28} > 40 \text{ MPa} \end{cases}$$

\*أما في حالة  $j > 28$  :

$$f_{cj} = f_{c28}$$

• المقاومة المرجعية تحت الشد: تتميز بضعفها، بالنظر إلى ضعف مقاومة الخرسانة للشد، وتعطى بدالة المقاومة المرجعية للانضغاط :

$$f_{tj} = 0.6 + 0.06 \times f_{cj}$$

من باب المقارنة نعطي بعض القيم للمقاومتين المرجعيتين للضغط والشد :

$f_{c28}(\text{MPa})$	16	20	25	30	40	60
$f_{j28}(\text{MPa})$	1.56	1.80	2.10	2.40	3.00	4.20

## الفولاذ :

نقصد به القضبان المستعملة في تسليح الخرسانة، ولعلّ ألم خصائصه الميكانيكية هي ما في الجدول التالي :

القضبان ذات التماسك العالي		القضبان الملساء		الخصائص
FeE500	FeE400	FeE235	FeE215	التسمية
500	400	235	215	إجهاد المرونة $\sigma_e$ (MPa)
$550\sigma_r \geq$	$\sigma_r \geq 480$	$\sigma_r \geq 410$	$330\sigma_r \geq$	إجهاد الانهيار $\sigma_r$ (MPa)
$6,8,10,12,14,16,20,$ $25,32,40$		$5,6,8,10,12$		قطر القضبان $\emptyset$ (mm)

## (4) فرضيات الخرسانة المسلحة :

\*فرضية نافيه: نقبل بأن المقاطع المستوية قبل التحميل تبقى مستوية بعد التحميل .

\*فرضية عدم الانزلاق بين الفولاذ والخرسانة : نقبل بأنه لا يوجد انزلاق بين الفولاذ والخرسانة بسبب إجهادات الإنذماج والتماسك بينهما.

\*لا نأخذ بعين الاعتبار مقاطع الخرسانة المشدودة ونعتبر أنها مهملة  $B=0$

\*معامل التكافؤ: فولاذ - خرسانة نأخذ مساوياً له  $n=15$

$$=\frac{E_s}{E_b}n$$

حيث :  $- E_s$  : معامل المرونة الطولي للفولاذ.

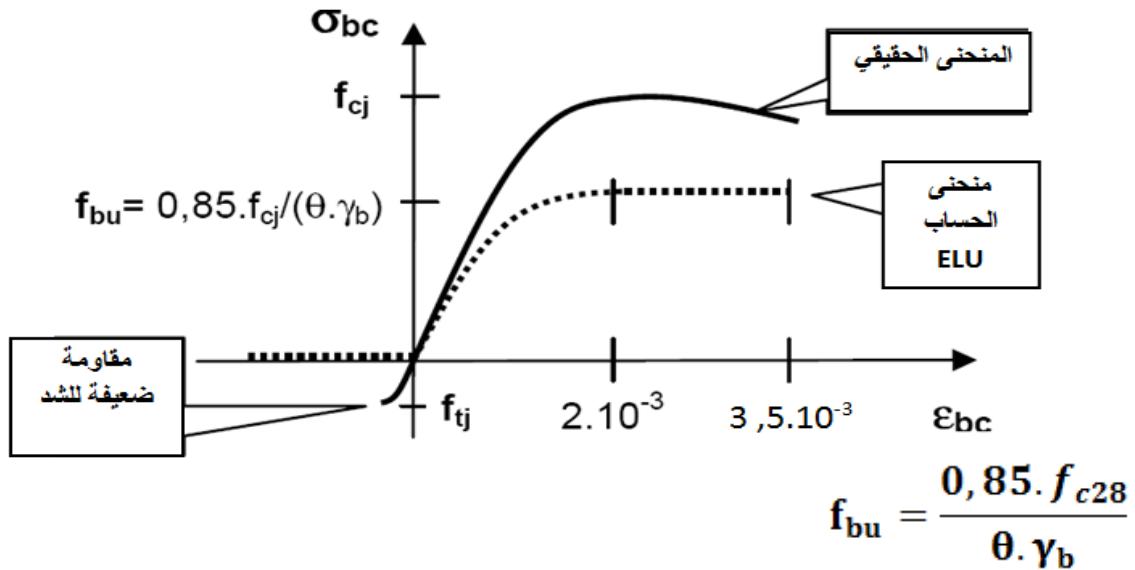
$- E_b$  : معامل المرونة الطولي للخرسانة.

\*نعتبر الفولاذ والخرسانة مواد مرنة.

## (5) المنحنيات البيانية (إجهاد - تشوه):

**الخرسانة:** بينت التجارب المخبرية على الخرسانة أن المنحنى البياني

$\sigma = f(\epsilon)$  هو كالآتي:



مع :  $\gamma_b$ : معامل الأمان للخرسانة ، ويؤخذ عموما مساويا لـ : 1.5

: معامل مدة التحميل ، ويؤخذ مساويا لـ :  $\theta$

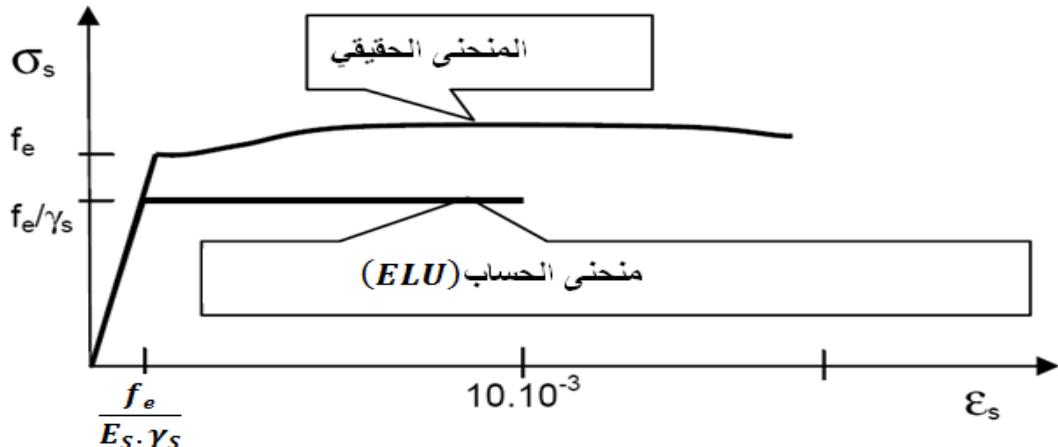
$d > 24 h = \theta = 1$ -

$1h < d < 24 h = \theta = 0.90$ -

$d < 1 h = \theta = 0.85$ -

**الفولاذ:** سبقت دراسة تجربة الشد على قطعة من الفولاذ ، ومن باب التذكير

فإن المنحنى  $\sigma = f(\epsilon)$  هو كالتالي :



✓: إجهاد حد المرونة للفولاذ .  $f_e$

✓: معامل المرونة الطولي .  $E_s$

✓: معامل الأمان للفولاذ ، ويؤخذ عموما مساويا لـ : 1.15

### ćمارين وتطبيقات :

#### التمرين الأول :

إذا علمت أن مقاومة الخرسانة المرجعية للانضغاط  $f_{c28} = 35 \text{ MPa}$

• أحسب مقاومتها للانضغاط في  $j = 14$

• أحسب مقاومتها للشد في  $j = 14$

الحل :

• مقاومة الانضغاط : نعلم :

$$f_{cj} = \frac{j}{4,76 + 0,83j} \cdot f_{c28} \quad \text{pour } f_{c28} \leq 40 \text{ MPa}$$

$$f_{c14} = \left( \frac{14}{4,76 + 0,83 \cdot 14} \right) \cdot 35 = 29.91 \text{ MPa}$$

• مقاومة الشد : نعلم :

$$f_{tj} = 0.6 + 0.06 \times f_{cj}$$

$$f_{t14} = 0.6 + 0.06 \times f_{c14} = 0.6 + 0.06 \times 29.91 = 2.39 \text{ MPa}$$

#### التمرين الثاني :

• إذا علمت أن المقاومة المرجعية للانضغاط بالنسبة للخرسانة المسلحة

$$f_{bu}, f_{c28} = 50 \text{ MPa}$$

• كم تكون مقاومة الخرسانة للضغط وللشد في 21 يوما  $f_{c21}; f_{t21}$

الحل :

• نعلم أن :

$$f_{bu} = \frac{0,85 \cdot f_{c28}}{\theta \cdot \gamma_b}$$

$$f_{bu} = \frac{0,85 \times 50}{1 \times 1.5} = 28.33 \text{ MPa}$$

• نعلم :

$$f_{cj} = \frac{j}{1,40 + 0,95j} \cdot f_{c28} \quad \text{pour } f_{c28} > 40 \text{ MPa}$$

$$f_{c21} = \frac{21}{1,40 + 0,95 \times 21} \cdot 50 = 49.18 \text{ MPa}$$

$$f_{t21} = 0.6 + 0.06 \times f_{c21} = 3.55 \text{ MPa}$$

التمرين الثالث :

- أحسب الاستطالة النسبية  $\varepsilon$  لقضيب فولادي من النوع FeE400 ، خضع لجهاد مقداره  $\sigma_s = 348 \text{ MPa}$ ، إذا علمت أن معامل المرونة

$$E_s = 2 \cdot 10^5 \text{ MPa}$$

الحل :

- بالعودة إلى منحنى (الإجهاد - التشوه) للفولاذ نلاحظ أن :

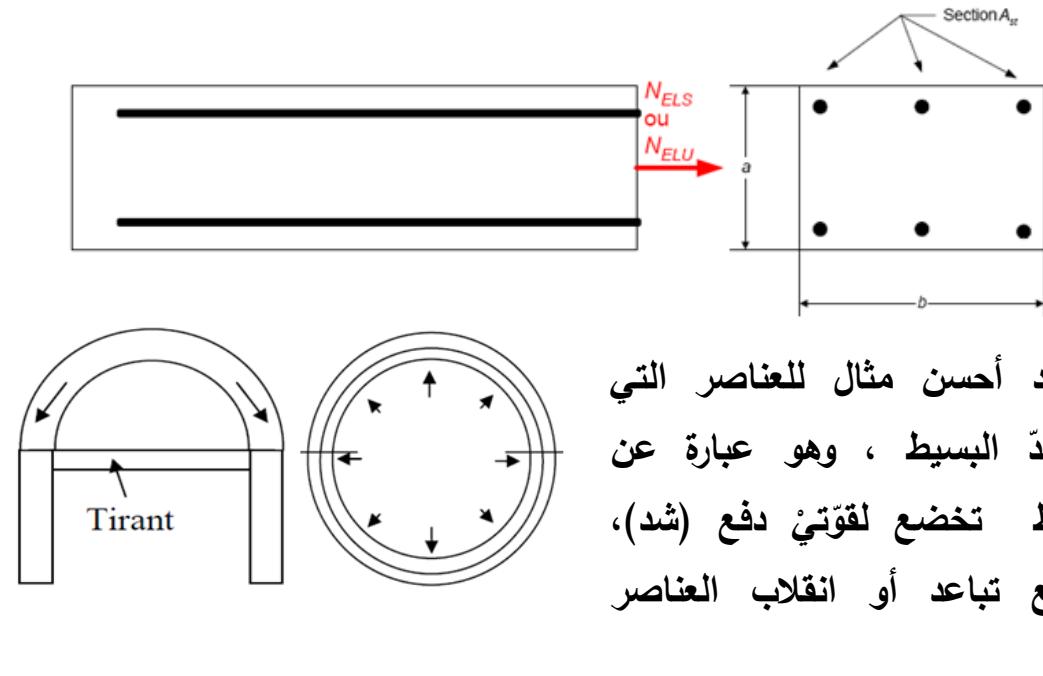
$$\sigma_s = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} \approx 348 \text{ MPa}$$

ولحساب الاستطالة النسبية نستعمل العلاقة :

$$\sigma_s = E_s \cdot \varepsilon_s \rightarrow \varepsilon_s = \frac{\sigma_s}{E_s} = \frac{348}{2 \cdot 10^5} = 1.74 \cdot 10^{-3} = 1.74\%$$

## الشد البسيط

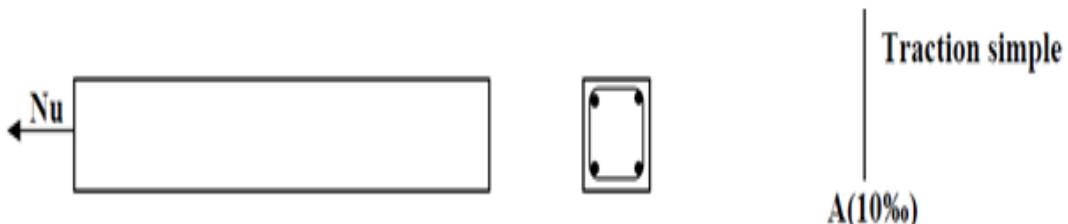
**1) تعريف الشد البسيط :** نقول عن عنصر من الخرسانة المسلحة ( رافدة أو عمود ) بأنه يخضع لشد بسيط إذا كان مجموع القوى الخارجية المؤثرة عليه يتلخص في قوة ناظمية وحيدة (N) مطبقة في مركز ثقله ومتوجهة نحو الخارج .



## 2) حساب مقطع التسلیح :

بما أن الخرسانة ضعيفة المقاومة في حالة الشد ، فإن قضبان التسلیح هي من تتحمل جهود الشد ، وتنتمي عملية الحساب كما يلي:

- الحساب في حالة الحد النهائي الأخير ELU:



$$A_{SU} = \frac{N_U}{\sigma_{st}(10\%)} \quad \text{حيث :}$$

$$\sigma_{st}(10\%) = \frac{f_e}{\gamma_s}$$

• الحساب في حالة حد النهائي للتشغيل ELS:

يكون الحساب حسب "الشققات" ، وفي حالة :

✓ شقق غير ضارة : نكتفي بحساب التسلیح في حالة الحد النهائي الأخير.

$$\overline{\sigma_s} = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right\} \quad \text{✓ شقق ضارة:}$$

$$\overline{\sigma_s} = \min \left\{ \frac{1}{2} f_e ; 90 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right\} \quad \text{✓ شقق ضارة جدا:}$$

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\overline{\sigma_s}}$$

• اختيار مقطع الحساب :  $A_{scal} = \max\{A_{SU}; A_{ser}\}$

ونأخذ مقطع التسلیح من الجدول القصبان التالي :

القطر $\Phi$	وزن المتر	المقطع بوحدة ( $\text{cm}^2$ ) لعدد من القصبان يقدر بـ :									
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
5	0.154	0.19	0.39	0.59	0.78	0.98	1.17	1.37	1.57	1.76	1.96
6	0.222	0.28	0.56	0.85	1.13	1.41	1.70	1.98	2.26	2.54	2.82
8	0.395	0.50	1.00	1.50	2.01	2.51	3.01	3.51	4.01	4.52	5.02
10	0.617	0.78	1.57	2.35	3.14	3.92	4.71	5.49	6.28	7.06	7.85
12	0.888	1.13	2.26	3.39	4.52	5.65	6.78	7.92	9.05	10.18	11.31
14	1.208	1.54	3.08	4.62	6.15	7.69	9.23	10.77	12.31	13.85	15.39
16	1.578	2.01	4.02	6.03	8.04	10.05	12.06	14.07	16.08	18.09	20.10
20	2.466	3.14	6.28	9.42	12.56	15.70	18.84	21.99	25.13	28.27	31.41
25	3.853	4.91	9.82	14.73	19.63	24.54	29.45	34.36	39.27	44.18	49.09
32	6.313	8.04	16.08	24.12	32.17	40.21	48.25	56.26	64.34	72.38	80.42
40	9.865	12.56	25.13	37.70	50.26	62.83	75.39	87.96	100.53	119.09	125.65

(3) شرط عدم الهشاشة :

رغم أن الخرسانة ليس لها أي دور في المقاومة إلا أن مقطعها يجب أن:

• يلبي شرط عدم الهشاشة : بمعنى :

$$A \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

حيث:

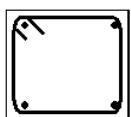
✓ A: مقطع التسلیح الأخير (المختار من الجدول).

✓ B: مقطع الخرسانة.

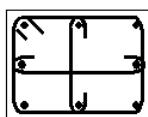
✓  $f_e$ : حد مرنة الفولاذ

✓ مقاومة الخرسانة للشد .

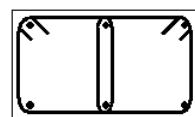
- يضمن التغطية لقضبان التسلیح .



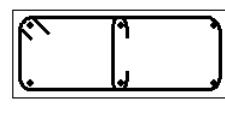
Cadre simple



Cadre + épingle



Double cadre



Cadre + épingle

- يسمح بعملية الربط بين القضبان .

**(4) مخطط الحساب الهيكلی :** يمكن تلخيص مراحل حساب التسلیح السالفة الذکر في المخطط الهيکلي التالي :

## مخطط حساب التسلیح في حالة الشد البسيط

**المعطيات:**

الحمولات الدائمة والمتغيرة ( $G ; Q$ )

قطع الخرسانة ( $B$ )

( $f_e, f_{c28}, \gamma_s, \eta$ ): المواد

$$N_{ser} = G + Q$$

$$N_u = 1.35G + 1.50Q$$

الاجهادات في الفولاذ:

تشققات ضارة:

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right\}$$

تشققات ضارة جداً:

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{1}{2} f_e ; 90 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right\}$$

الاجهادات في الفولاذ:

المدار:

$$\varepsilon_s = 10\%$$

$$\sigma_{st}(10\%) = \frac{f_e}{\gamma_s}$$

مقطع التسلیح النظري:

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s}$$

مقطع التسلیح النظري:

$$A_{su} = \frac{N_u}{\sigma_{st}(10\%)}$$

مقطع التسلیح الحسابي المختار:

$$A_{scal} = \max\{A_{su}; A_{ser}\}$$

مراقبة شرط عدم الهشاشة:

$$A \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

## تمارين وتطبيقات

+ **التمرين الأول:** نعتبر شدّاداً ذا مقطع  $25cm \times 25$  يُخضع لِإجهاد شدّ ،

$$N_U = 0.45 MN : ELU$$

$$N_{ser} = 0.34 MN : ELS$$

المواد المستعملة هي عبارة عن فولاذ من نوع **400FeE**، وخرسانة ذات مقاومة

$$f_{c28} = 20 MPa$$

التشققات ضارة .

المطلوب :

- أحسب التسلیح الطولي للشدّاد .
- قدم رسماً للتسلیح المحصل عليه.
- تحقق من شرط عدم الهشاشة .

الحل :

• حساب التسلیح في حالة **ELU** :

$$A_{SU} = \frac{N_U}{\sigma_{st}(10\%)} = \frac{0.45}{347.83} = 12.94 \times 10^{-4} m^2 \\ = 12.94 cm^2$$

$$\sigma_{st} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 347.83 MPa \quad \text{حيث :}$$

• حساب التسلیح في حالة **ELS** :

$$A_{sser} = \frac{N_{ser}}{\sigma_{ser}}$$

بما أن التشققات ضارة فإن :

$$\sigma_{ser} = \min \left\{ \frac{2}{3} \cdot f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{t28}} \right\}$$

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06 f_{c28} = 0.6 + 0.06 \times 20 = 1.80 MPa$$

$$\sigma_{ser} = \min \left\{ \frac{2}{3} \cdot 400 ; 110 \sqrt{1.6 \times 1.80} \right\}$$

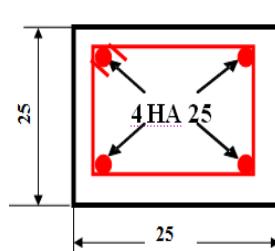
$$= \min \{266.67; 186.67\} = 186.67 MPa$$

نوعٌ في :

$$A_{sser} = \frac{0.34}{186.67} = 18.21 \times 10^{-4} m^2 = 18.21 cm^2$$

• نأخذ :  $A_{scal} = MAX\{A_{SU}; A_{sser}\} = 18.21 m^2$

من جدول التسلیح نأخذ :  $4HA25(19.63 cm^2)$



• نتأكد من شرط عدم الهشاشة :

$$A \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

$$19.63 \times 400 \geq 900 \times 1.80$$

$$7852 \geq 1620$$

متحقق.

### التمرين الثاني:

شدّاد من الخرسانة مستطيل الشكل  $25 \times 30 cm^2$ ; يخضع لنوعين من الحمولات:

الحمولات الدائمة :  $G = 270 KN$

الحمولات المتغيرة :  $Q = 110 KN$

إذا علمت أن الفولاذ المستعمل من نوع FeE400.

وأن مقاومة الخرسانة  $f_{c28} = 30 MPa$

وباعتبار التشققات ضارة جداً.

المطلوب :

• حساب التسلیح الطولي للشداد.

• مراقبة شرط عدم الهشاشة .

الحل :

• حساب التسلیح الطولي :

: ELS  $\checkmark$

$$G+Q = 270 + 110 = 380 KN = 0.380 MN N_{ser} =$$

$$A_{sser} = \frac{N_{ser}}{\sigma_{ser}}$$

بما أن التشققات ضارة جداً فإن :

$$\sigma_{ser} = \min \left\{ \frac{1}{2} \cdot f_e ; 90\sqrt{\eta \cdot f_{t28}} \right\}$$

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06 f_{c28} = 0.6 + 0.06 \times 30 = 2.40 MPa$$

$$\begin{aligned}\sigma_{ser} &= \min \left\{ \frac{1}{2} \cdot 400 ; 90\sqrt{1.6 \times 2.40} \right\} = \min\{200; 176.36\} \\ &= 176.36 MPa\end{aligned}$$

نوع في :

$$A_{sser} = \frac{0.380}{176.36} = 21.55 \times 10^{-4} m^2 = 21.55 cm^2$$

: ELU حالة ✓

$$N_U =$$

$$1.35G + 1.50Q = 1.35 \times 270 + 1.50 \times 110 = 529.5 KN \approx 0.530 MN$$

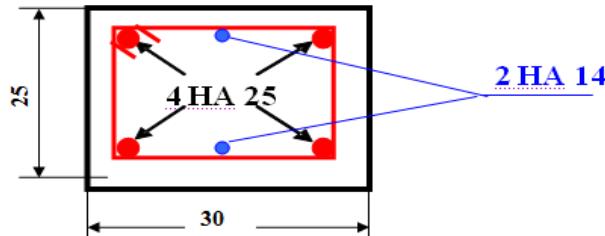
$$A_{SU} = \frac{N_U}{\sigma_{st}(10\%)} = \frac{0.53}{347.83} = 15.24 \times 10^{-4} m^2 = 15.24 cm^2$$

$$\sigma_{st} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 347.83 MPa \quad : \text{حيث}$$

$$A_{scal} = MAX\{A_{SU}; A_{sser}\} = 21.55 m^2 \quad : \bullet \quad \text{أخيرا نأخذ :}$$

من جدول التسلیح نأخذ :

$$4HA25 + 2HA14 (19.63 + 3.08 = 22.71 cm^2)$$



• شرط عدم الهشاشة : نتأكد من أن :

$$A \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

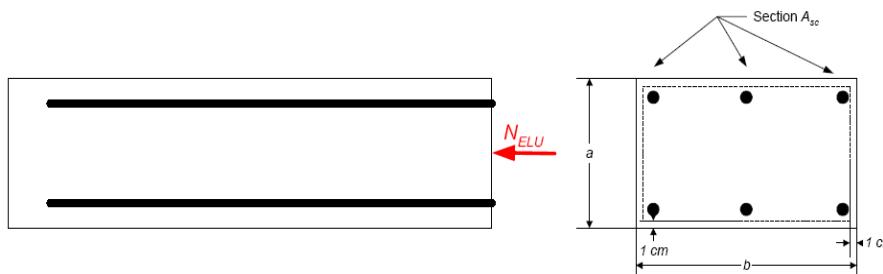
$$22.71 \times 400 \geq 750 \times 2.40$$

$$9084 \geq 1800$$

متحقق.

## الانضغاط البسيط

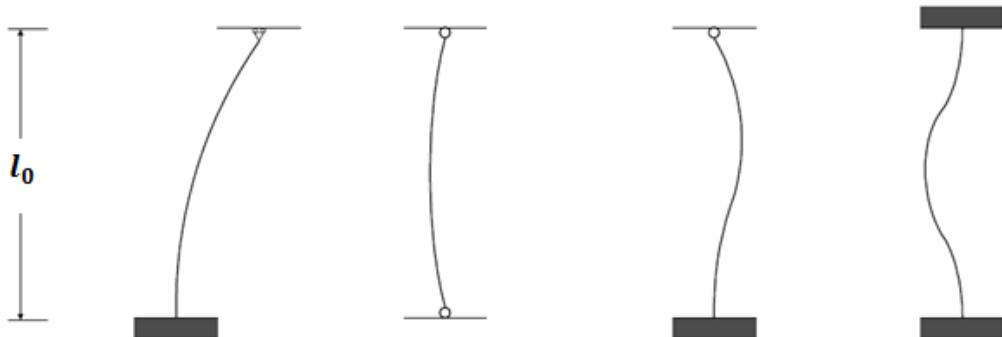
**1) تعريف الانضغاط البسيط :** نقول عن عنصر من الخرسانة المسلحة(عمود أو رافدة) بأنه يخضع لأنضغاط بسيط إذا كان مجموع القوى الخارجية المؤثرة عليه يتلخص في قوة نظامية وحيدة( $N$ ) مطبقة في مركز ثقله ومتوجهة نحو الداخل .



## 2) الطول الحر وطول التحدب:

إن الانضغاط يؤدي إلى تحدب العمود(العنصر الأكثر تعرضاً للضغط)، ويحسب طول التحدب  $l_f$  بدلالة الطول الحر  $l_0$  وطبيعة مسنه ، كما هو موضح في الحالات التالية:

$$l_f = 2l_0 \quad l_f = l_0 \quad l_f = 0.707l_0 \quad l_f = 0.5l_0$$



ملاحظة هامة : نأخذ طول التحدب لعمود داخل بناء :  $l_f = 0.7l_0$

**3) حساب النحافة :** للوصول إلى تحديد نحافة العمود نقوم بالعمليات التالية :

✓ حساب طول التحدب (الانبعاج)  $l_f$  :

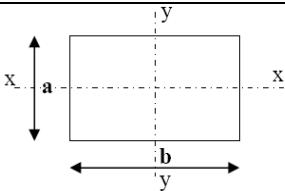
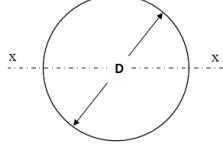
✓ حساب المساحة :  $B$

✓ حساب عزم العطالة الذاتي الأدنى :  $I_{min}$

✓ حساب نصف قطر الدوران :  $i = \sqrt{\frac{I_{min}}{B}}$

$$\lambda = \frac{l_f}{i}$$

✓ حساب النحافة: تحسب هذه القيم للمقاطع الأكثر تداولاً ( المستطيل والدائرة ) كما يلي :

المقاطع	$B$	$I_{min}$	$i = \sqrt{\frac{I_{min}}{B}}$	$\lambda = \frac{l_f}{i}$
	$b \cdot a$	$\frac{b \cdot a^3}{12}$	$\frac{a}{2\sqrt{3}}$	$\frac{2\sqrt{3}}{a} \cdot l_f$
	$\frac{\pi D^2}{4}$	$\frac{\pi D^4}{64}$	$\frac{D}{4}$	$\frac{4}{D} \cdot l_f$

٤) حساب التسلیح الطولی: إن حساب التسلیح الطولی يحسب في حالة الحد النهائي الأخير ELU فقط ، ويمر بالمراحل التالية :

- حساب معامل النحافة  $\alpha$ :

كما هو واضح في تسمیته فإنه يتعلق بقيمة النحافة، ويحسب حسب الحالتين:

$$\begin{cases} \lambda \leq 50 \rightarrow \alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2} \\ \lambda > 50 \rightarrow \alpha = 0.6 \left( \frac{50}{\lambda} \right)^2 \end{cases}$$

من المفيد أن ننبه إلى أنه في حالة  $\lambda > 70$  ، فإننا نستعمل طريقة جزافية للحساب، ليست في المقرر.

كما أنه من المفيد أن ننبه إلى أنه في حال :

- كانت نصف الحمولات مطبقة قبل 90 يوما فإن قيم  $\alpha$  تقسم على 1.1

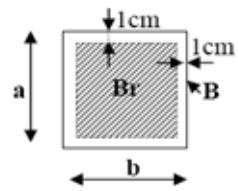
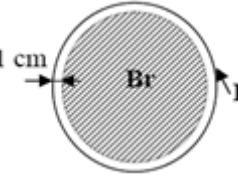
- كانت معظم الحمولات مطبقة قبل 28 يوماً فإننا نأخذ  $f_{cj}$  عوض  $f_{c28}$  ، و قيم  $\alpha$  تقسم على 1.2 .

- حساب التسلیح الطولی النظیر في حالة الحد النهائی الأخير بالعلاقة :

$$A_{th} = \left[ \frac{N_U}{\alpha} - \frac{B_r \cdot f_{c28}}{0.9 \cdot \gamma_b} \right] \cdot \frac{\gamma_s}{f_e}$$

حيث :  $B_r$ : المقطع المختصر ، ويؤخذ بحذف 1 cm من كل حافة:

وعليه فإن قيمته في حالة :

$B_r = (b - 2)(a - 2)$		مستطيل
$B_r = \frac{\pi \cdot (D - 2)^2}{4}$		دائرة

- حساب التسلیح الطولی الأدنی : إن التسلیح لا يجب أن يقل - بحال من الأحوال - عن التسلیح الأدنی الذي يحسب كما يلي :

$$A_{min} = \max \left\{ 4u(cm^2); \frac{0.2}{100} \cdot B(cm^2) \right\}$$

حيث :  $u$ : المحيط ويحسب بالمتر

$B$ : مساحة العمود و تحسب بالـ ( $cm^2$ )

- في النهاية نأخذ التسلیح الطولی للحساب :

$$A_{Scalcul} = \text{MAX}\{A_{th}; A_{min}\}$$

### 5) حساب التسلیح العرضی :

- نأخذ قطر القضبان العرضیة ( الإطارات ) :

$$\emptyset_t \geq \frac{\emptyset_1}{3}$$

حيث :  $\emptyset_t$  : قطر القضبان العرضیة (mm)

$\varnothing_l$ : قطر القضبان الطولية (mm)

- نأخذ التباعد بين القضبان العرضية :

$$S_t \leq \min\{a + 10; 15\varnothing_l; 40\text{cm}\}$$

حيث : a: البعد الأصغر (cm).

**6) مخطط الحساب الهيكلی :** كما في الشد ، نقوم بتلخيص مراحل حساب التسلیح

السالفة الذکر في المخطط الهيكلی التالي :

## مخطط حساب التسليح في حالة الانضغاط البسيط

المعطيات :

الحمولات الدائمة والمتغيرة ( $G ; Q$ ) أو  $N_u$

طول التحدب  $l_f$

أبعاد مقطع الخرسانة ( $b, a$ ) أو ( $D$ )

المواد:  $(f_e, f_{c28}, \gamma_s, \gamma_b)$

$$i = \sqrt{\frac{I_{min}}{B}}$$

$$\lambda = \frac{l_f}{i}$$

$$\lambda \leq 50 \rightarrow \alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2}$$

$$\lambda > 50 \rightarrow \alpha = 0.6 \left( \frac{50}{\lambda} \right)^2$$

$$A_{th} = \left[ \frac{N_u}{\alpha} - \frac{B_r \cdot f_{c28}}{0.9 \cdot \gamma_b} \right] \cdot \frac{\gamma_s}{f_e}$$

$$A_{min} = \max \left\{ 4u(cm^2); \frac{0.2}{100} \cdot B(cm^2) \right\}$$

$$A_{Scalcul} = \max \{ A_{th}; A_{min} \}$$

## تمارين وتطبيقات :

### التمرين الأول:

عمود بنية داخلي من الخرسانة المسلحة في حالة انضغاط بسيط طوله  $l_0 = 3.20m$  ; مقطعه مستطيل  $40 \times 30\text{cm}^2$ ؛ يخضع لحمولة محورية مقدارها  $Q = 580\text{KN}$  و  $G = 790\text{KN}$  :

الفولاذ المستعمل من نوع FeE 500؛ ومقاومة الخرسانة  $f_{c28} = 35 \text{ MPa}$ ؛ معظم الحمولات مطبقة في 21 يوما .

المطلوب :

- احسب تسلیح العمود واقتصر رسميا له.

### الحل:

- طول التحدب : بالنظر إلى أننا بقصد دراسة عمود بنية داخلي فإن :

$$l_f = 0.7.l_0 = 2.24\text{m}$$

- النحافة : بما أن المقطع مستطيل الشكل فإن :

$$\lambda = \frac{2\sqrt{3}}{a} \cdot l_f = \frac{2\sqrt{3}}{30} \cdot 224 = 25.87 (< 50)$$

- معامل النحافة :

$$\alpha = \frac{0.85}{1+0.2\left(\frac{\lambda}{35}\right)^2} = 0.766$$

بما أن معظم الحمولات مطبقة في 21 يوما فإننا نأخذ :

$$\alpha' = \frac{\alpha}{1.2} = 0.638 \checkmark$$

$$f_{cj} = \frac{j}{4.76 + 0.83j} \cdot f_{c28} \quad \text{pour } f_{c28} \leq 40\text{MPa} \checkmark$$

$$f_{c21} = \frac{21}{4.76 + 0.83 \times 21} \cdot 35 = 33.12 \text{ MPa}$$

- المقطع المختصر (المصغر) :

$$B_r = (b - 2)(a - 2) = 38.28 = 1064\text{cm}^2 = 1064 \times 10^{-4}\text{m}^2$$

- حساب التسلیح الطولي النظري في حالة الحد النهائي الأخير :

$$N_U = 1.35G + 1.50Q = 1.35 \times 0.790 + 1.50 \times 0.580 = 1.94\text{MN}$$

$$A_{\text{thu}} = \left[ \frac{N_U}{\alpha'} - \frac{B_r \cdot f_{c21}}{0.9 \cdot \gamma_b} \right] \cdot \frac{\gamma_s}{f_e}$$

$$= \left[ \frac{1.94}{0.638} - \frac{1064 \times 10^{-4} \times 33.12}{0.9 \times 1.50} \right] \frac{1.15}{500}$$

$$A_{\text{thu}} = [3.04 - 2.61] \cdot \frac{1.15}{500} = 9.89 \times 10^{-4} \text{m}^2 = 9.89 \text{cm}^2$$

• حساب التسلیح الطولی الأدنی :

$$A_{\min} = \max \left\{ 4u(\text{cm}^2); \frac{0.2}{100} \cdot B(\text{cm}^2) \right\}$$

$$A(4u) = 4[2(0.30 + 0.40)] = 5.60 \text{cm}^2$$

$$A \left( \frac{0.2}{100} \cdot B \right) = \frac{0.2}{100} (30.40) = 2.40 \text{cm}^2$$

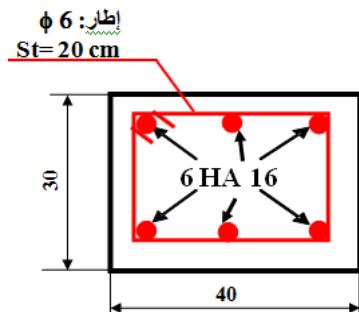
ومنه :

$$A_{\min} = \max \left\{ 4u(\text{cm}^2); \frac{0.2}{100} \cdot B(\text{cm}^2) \right\} = 5.60 \text{cm}^2$$

• أخيرا نحسب التسلیح الطولی :

$$A_{\text{Scal}} = \max\{A_{\text{th}}; A_{\min}\} = \max\{9.89; 5.60\} = 9.89 \text{cm}^2$$

وبالعوده إلى جدول التسلیح نختار (6HA16 = 12.06cm<sup>2</sup>)



• التسلیح العرضی :

▪ نأخذ قطر القضبان العرضية ( الإطارات ) :

$$\emptyset_t \geq \frac{\emptyset_1}{3} \rightarrow \emptyset_t \geq \frac{16}{3} \rightarrow \emptyset_t \geq 5.33$$

$$\emptyset_t = 6 \text{ mm}$$

▪ نأخذ التباعد بين القضبان العرضية :

$$S_t \leq \min\{a + 10; 15\emptyset_l; 40 \text{cm}\}$$

$$S_t \leq \min\{30 + 10; 15 \times 1.6; 40 \text{cm}\}$$

$$S_t \leq 24 \text{ cm}$$

$$S_t = 20 \text{ cm}$$

### التمرين الثاني:

عمود بنایة صناعیه موثوق فی قاعدته وفی أعلىه مربوط إلی عقدة ، طوله الحر مقطعه دائري  $D = 35 \text{cm}$ , يخضع لجهد ناظمی ضاغط مقداره :  $l_0 = 4.50 \text{m}$

الحديد المستعمل من نوع  $FeE400$ ,  $G = 740 \text{ KN}$ ;  $Q = 533 \text{ KN}$ ، ومقاومة

الخرسانة لانضغاط  $f_{c28} = 30 \text{ MPa}$

المطلوب :

- أحسب التسلیح الطولی للعمود .
- احسب التسلیح العرضی للعمود.
- قدم رسمًا للنتائج المحصل عليها.

الحل:

- طول التحدب : بالنظر إلى مسندی العمود فإن :

$$l_f = 0.707l_0$$



$$l_f = 0.707.l_0 = 3.18\text{m}$$

- النهاية: بما أن المقطع دائري فإن :

$$\lambda = \frac{l_f}{i} = \frac{4}{D} \cdot l_f = 31.80 (< 50)$$

- معامل النهاية :

$$\alpha = \frac{0.85}{1+0.2\left(\frac{\lambda}{35}\right)^2} = 0.73$$

-

- المقطع المختصر (المصغر) :

$$B_r = \frac{\pi.(D-2)^2}{4} = \frac{\pi.(35-2)^2}{4} = 854.87 \text{ cm}^2 = 854.87 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

- حساب التسلیح الطولی النظري في حالة الحد النهائي الأخير:

$$N_U = 1.35G + 1.50Q = 1.35 \times 0.740 + 1.50 \times 0.533 = 1.80 \text{ MN}$$

$$A_{\text{thu}} = \left[ \frac{N_U}{\alpha} - \frac{B_r f_{c28}}{0.9 \cdot \gamma_b} \right] \cdot \frac{\gamma_s}{f_e} = \left[ \frac{1.80}{0.73} - \frac{854.87 \times 10^{-4} \times 30}{0.9 \times 1.50} \right] \frac{1.15}{400}$$

$$A_{\text{thu}} = [2.466 - 1.900] \cdot \frac{1.15}{400} = 16.27 \times 10^{-4} \text{ m}^2 = 16.27 \text{ cm}^2$$

- حساب التسلیح الطولی الأدنى:

$$A_{\min} = \max \left\{ 4u(\text{cm}^2); \frac{0.2}{100} \cdot B(\text{cm}^2) \right\}$$

$$A(4u) = 4(2\pi r) = 4(2\pi \times 0.35) = 8.79 \text{ cm}^2$$

-

$$A \left( \frac{0.2}{100} \cdot B \right) = \frac{0.2}{100} (35)^2 = 2.45 \text{ cm}^2$$

-

ومنه :

$$A_{min} = \max \left\{ 4u(cm^2); \frac{0.2}{100} \cdot B(cm^2) \right\} = 8.79 cm^2$$

- أخيرا نحسب التسلیح الطولی :

$$A_{Scal} = \max\{A_{th}; A_{min}\} = \max\{16.27; 8.79\} = 16.27 cm^2$$

وبالعودة إلى جدول التسلیح نختار (9HA16 = 18.09 cm<sup>2</sup>)

- التسلیح العرضی :

- نأخذ قطر القصبان العرضیة (الإطارات) :

$$\emptyset_t \geq \frac{\emptyset_l}{3} \rightarrow \emptyset_t \geq \frac{16}{3} \rightarrow \emptyset_t \geq 5.33$$

$$\emptyset_t = 6 \text{ mm}$$

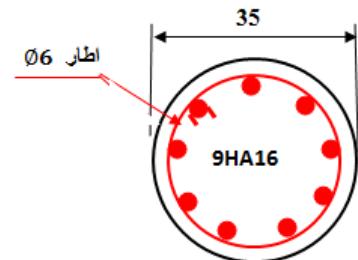
- نأخذ التباعد بين القصبان العرضیة :

$$S_t \leq \min\{D + 10; 15\emptyset_l; 40cm\}$$

$$S_t \leq \min\{35 + 10; 15 \times 1.6; \dots\}$$

$$S_t \leq 24 \text{ cm}$$

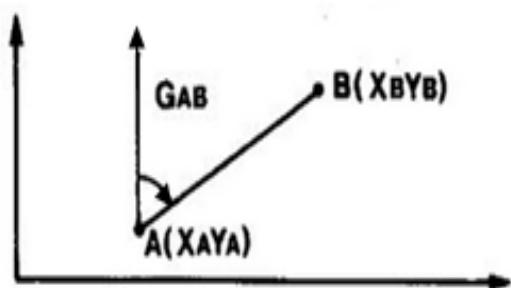
$$S_t = 20 \text{ cm}$$



**الباب الثالث**  
**الطبوغرافيا والمساحة**

## السمت الاحادي

### 1) تعريف السمت الاحادي :



- نعتبر النقطتين A و B المعرفتين بإحداثياتهما القائمة في معلم متعامد .

- نعرف السمت الاحادي للاتجاه  $\overrightarrow{AB}$  : بالزاوية الأفقية المحصورة بين محور التراتيب الموجبة (شمال لامبير) واتجاه الرصد  $\overrightarrow{AB}$  في اتجاه دوران عقارب الساعة.

### 2) حساب السمت الاحادي :

يتم حساب السمت الاحادي للاتجاه  $\overrightarrow{AB}$  حسب المراحل الثلاثة التالية :

- حساب فروق الفوائل وفروق التراتيب:

$$\Delta X = X_B - X_A$$

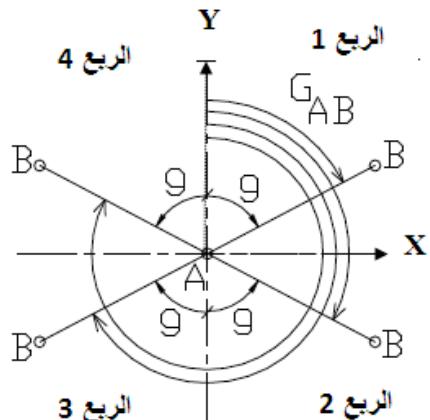
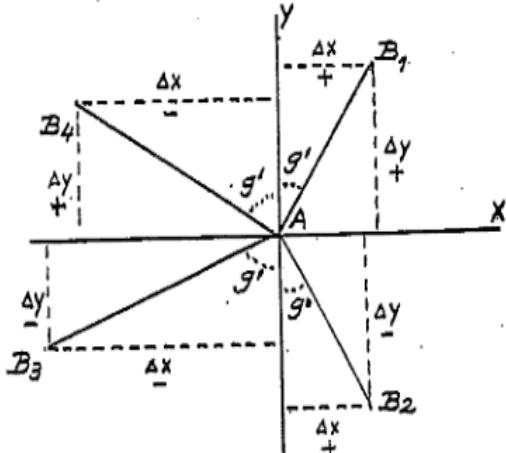
$$\Delta Y = Y_B - Y_A$$

- حساب السمت المختصر  $g$  :

- نعرف السمت المختصر بالزاوية(الحادية) المحصورة بين اتجاه الرصد  $\overrightarrow{AB}$  وأقرب محور للتراتيب.

- نحسب السمت المختصر بكتابة :

$$\tan g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| \rightarrow g$$



• استنتاج السمت الاحادي  $G$  :

- ✓ يحسب السمت الاحادي بالاعتماد على قيمة السمت المختصر والربع الذي يتواجد فيه الاتجاه  $\overline{AB}$  كما هو مدون في الجدول التالي :

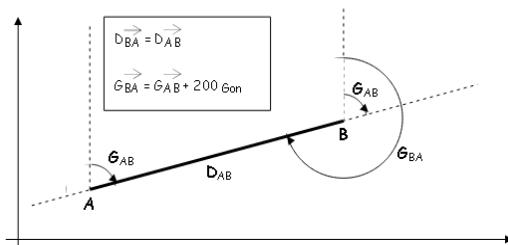
الرابع	الثالث	الثاني	الأول	حالة الربع
$400-g$	$200+g$	$200-g$	$G$	السمت الاحادي $G$

ملاحظتان هامتان :

- ✓ على هامش حساب فروق الفوائل والترتيب نلاحظ أنه يمكن حساب المسافة الأفقية بين النقطتين  $A$  و  $B$  بالعلاقة :

$$L = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2}$$

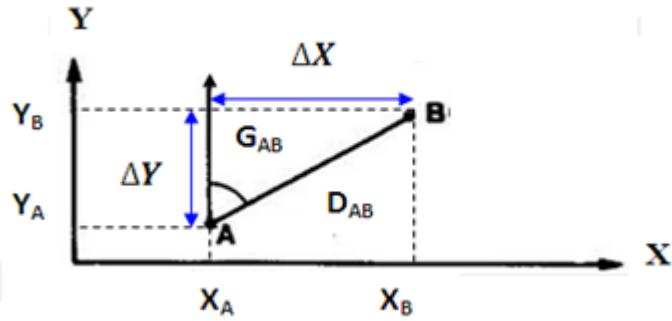
- ✓ على هامش حساب السمت الاحادي نلاحظ العلاقة التي تربط بين  $G_{AB}$  و  $G_{BA}$  وهي :



$$G_{BA} = G_{AB} + 200 \text{ gr}$$

(3) حساب الإحداثيات القائمة:

- 4) من المفيد أن نعلم أنه يمكن حساب إحداثيات النقاط المتتالية في مسار طبوغرافي إذا علمنا سمت الانطلاق وإحداثيات نقطة البداية  $A$



وكمثال على ذلك فإن إحداثيات النقطة B في الشكل المقابل :

$$X_B = X_A + \Delta X_{AB} = X_A + D_{AB} \cdot \sin G_{AB}$$

$$Y_B = Y_A + \Delta Y_{AB} + D_{AB} \cdot \cos G_{AB}$$

## تمارين وتطبيقات :

### التمرين الأول :

نسبة إلى معلم متعامد النقطتين A و B المعرفتين بإحداثياتها القائمة التالية :

$$B \left( \begin{array}{l} XB=270.00m \\ YB=272.00m \end{array} \right) ; \quad A \left( \begin{array}{l} XA=344.00m \\ YA=322.00m \end{array} \right)$$

(1) أحسب المسافة الأفقية ؟  $L_{AB}$

(2) أحسب السمت الإحداثي للاتجاه  $\overline{AB}$  ؟  $G_{AB}$

: الحل

(1) حساب المسافة الأفقية :

$$L = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2} \quad : \text{نعم}$$

$$= 270.00 - 344.00 \Delta X = XB - XA$$

$$\Delta X = -74.00m$$

$$= 272.00 - 322.00 \Delta Y = YB - YA$$

$$\Delta Y = -50.00m$$

$$L = \sqrt{(-74)^2 + (-50)^2}$$

$$L = 89.31m$$

(2) حساب السمت  $G_{AB}$  :

$$= \left| \frac{-74.00}{-50.00} \right| \tan g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right|$$

$$\tan g = 1.480$$

$$g = 55.95 \text{ grad}$$

إذن نحن في حالة الربع الثالث ومنه :

$$G_{AB} = 200 + g$$

$$= 200 + 55.95$$

$$G_{AB} = 255.95 \text{ grad}$$

### التمرين الثاني :

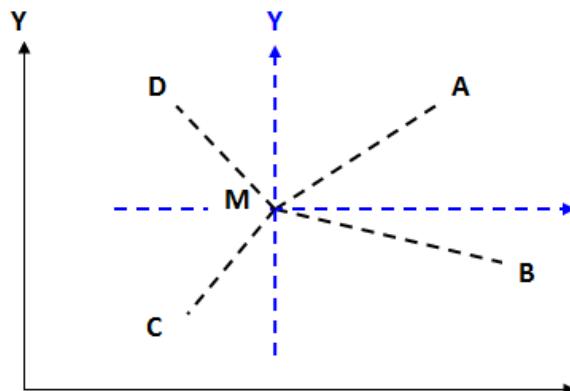
نعطي في الجدول أسفله النقاط المعرفة بإحداثياتها القائمة :

D	C	B	A	O	النقاط
71.65	51.47	563.65	527.83	115.35	X-m-
263.65	37.68	63.65	317.92	95.37	Y-m-

- (1) قم برسم تقريري لمختلف النقاط في معلم متعامد .
- (2) أحسب الأسمت الإحداثية:  $G_{OA}$  ،  $G_{OB}$  ،  $G_{OC}$  ،  $G_{OD}$

الحل:

- نرسم بشكل تقريري احداثيات مختلف النقاط:



- حساب السمت الاحداثي  $G_{MA}$ :

$$\Delta X = X_A - X_M = 527.83 - 115.35 = +412.48$$

$$\Delta Y = Y_A - Y_M = 317.92 - 95.37 = +222.55$$

$$\tan g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \frac{412.48}{222.55} = 1.853 \rightarrow g = 68.50 \text{ gr}$$

بما أن  $\Delta X, \Delta Y$  موجبان فإننا في وضعية الربع الأول ، وبالتالي :

$$G_{MA} = g = 68.50 \text{ gr}$$

- نقوم بنفس العمليات لحساب باقي الأسمت، مع مراعاة حالة الربع الذي يتواجد

فيه السمت الاحداثي نجد النتائج التالية الملخصة في الجدول أسفله :

$G-gr-$	الربع	$g$	$\tan g$	$-m-\Delta Y$	$-m-\Delta X$	النقط	المحطة
68.50	الأول	68.50	1.853	+222.55	+412.48	A	$M$
104.50	الثاني	95.50	14.133	31.72-	448.30+	B	
253.24	الثالث	53.24	1.107	57.69-	63.88-	C	
383.83	الرابع	16.17	0.260	168.28+	43.70-	D	

### التمرين الثالث :

لتكن C ثلاثة نقاط كما هو موضح في الشكل.

إذا علمت أن :  $\alpha = 120\text{gr}$  و  $Y_A = 70,00\text{m}$ ,  $X_A = 150,00\text{m}$

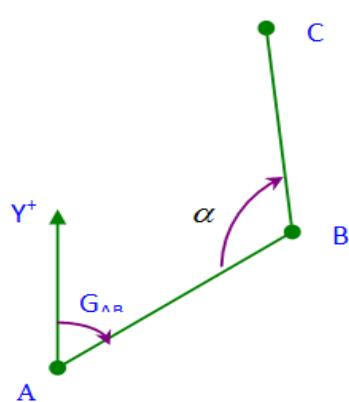
$$Y_B = 120,00\text{m}, \quad X_B = 180,00\text{m}$$

- أحسب المسافة AB .

- أحسب السمت الإحداثي  $G_{AB}$  .

- استنتاج قيمة السمت الإحداثي  $G_{BC}$  .

الحل :



- حساب المسافة AB :

$$L = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2} \quad : \text{نعلم}$$

$$= 180 - 150 \Delta X = XB - XA$$

$$\Delta X = +30.00$$

$$= 120 - 70 \Delta Y = YB - YA$$

$$\Delta Y = +50.00$$

$$L = \sqrt{(30)^2 + (50)^2}$$

$$L = 58.31\text{m}$$

- حساب السمت الإحداثي  $G_{AB}$  :

$$\tan g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \frac{+30}{+50} = 0.600 \rightarrow g = 34.40 \text{ gr}$$

بما أن  $\Delta X, \Delta Y$  موجبان فإننا في وضعية الربع الأول ، وبالتالي :

$$G_{AB} = g = 34.40 \text{ gr}$$

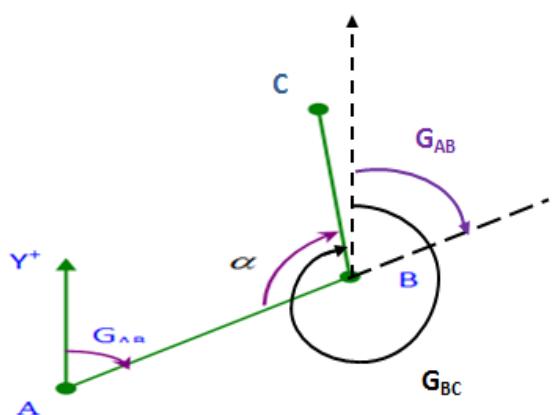
- استنتاج السمت الإحداثي  $G_{BC}$  :

نلاحظ من الرسم أن :

$$G_{BC} = G_{AB} + 200 + \alpha$$

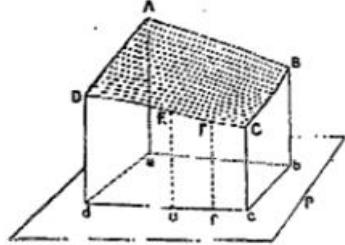
$$G_{BC} = 34.40 + 200 + 120$$

$$G_{BC} = 354.40 \text{ gr}$$



## حساب المساحات

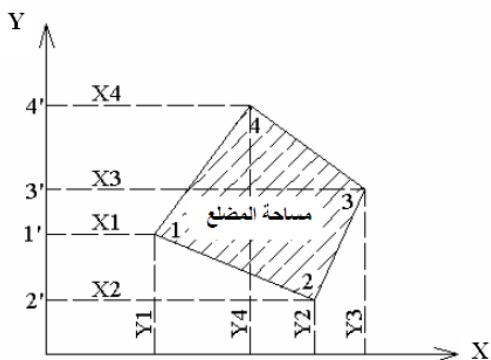
### **(1) عموميات :**



يعتبر حساب المساحات من الأعمال الطبوغرافية الهامة ، حيث نحتاج إليها في جميع المشاريع الهندسية تقريباً، وإيجاد المساحات يتم من الخرائط أو من القياسات الميدانية.

للإشارة فإن المساحة المحسوبة هي المساحة على المستوى الأفقي (الإسقاط) للحيز المعتبر.

### **(2) حساب المساحات بطريقة الإحداثيات القائمة :**

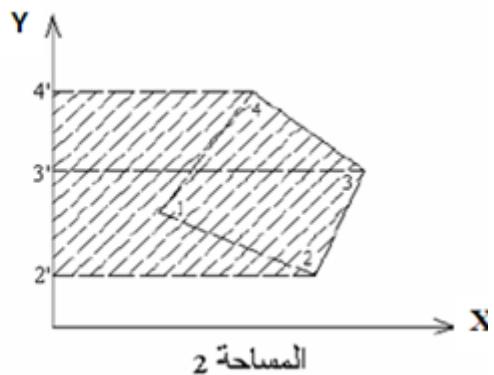
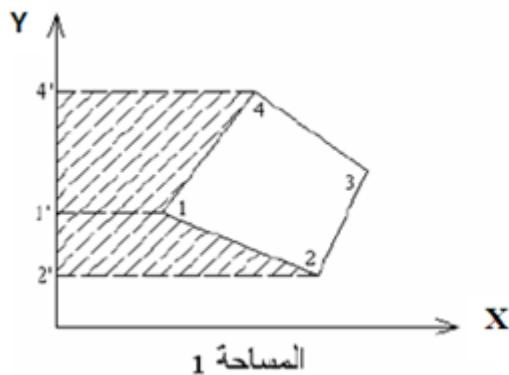


- ليكن لدينا المضلع المقابل المعرف بالإحداثيات القائمة لرؤوسه .

لحساب مساحة هذا المضلع نقوم بتقسيمه إلى مجموعة مساحات أشباء منحرف.

إن مساحة المضلع الرباعي تحسب بالطريقة التالية:

$$S(1234) = S(4'433') + S(3'322') - S(4'411') - S(1'122')$$



- إن الكتابة التفصيلية لمساحة أشباء المنحرف المبينة أعلاه ؛ وبعد عملية نشر الجداءات تسمح لنا بالوصول إلى :

$$S = \frac{1}{2} [X_1(Y_4 - Y_2) + X_2(Y_1 - Y_3) + X_3(Y_2 - Y_4) \\ + X_4(Y_3 - Y_1)]$$

وبعبارة أخرى عامة :  $S = \frac{1}{2} \sum X_n(Y_{n-1} - Y_{n+1})$

### (3) حساب المساحات بطريقة الإحداثيات القطبية:

- تتميز هذه الطريقة بكونها عملية أكثر من الطريقة الأولى ، لأنها تعتمد على القياسات الميدانية للمسافات والزوايا .

- باعتماد إحدى طرق حساب المثلثات المتممة في :

$$S = \frac{1}{2} L_1 \cdot L_2 \cdot \sin \alpha$$

حيث :  $\alpha$  : الزاوية المحصورة بين الضلعين  $L_1$  و  $L_2$  .

نلاحظ أن مساحة المضلع المرسوم ليست إلا مجموع مساحة المثلثات الأربع المبينة ، وبناء على ذلك يمكن الكتابة :

$$S = \frac{1}{2} L_1 \cdot L_2 \cdot \sin \alpha_1 + \frac{1}{2} L_2 \cdot L_3 \cdot \sin \alpha_2 + \frac{1}{2} L_3 \cdot L_4 \cdot \sin \alpha_3 + \frac{1}{2} L_4 \cdot L_1 \cdot \sin \alpha_4$$

وبعبارة أخرى عامة :

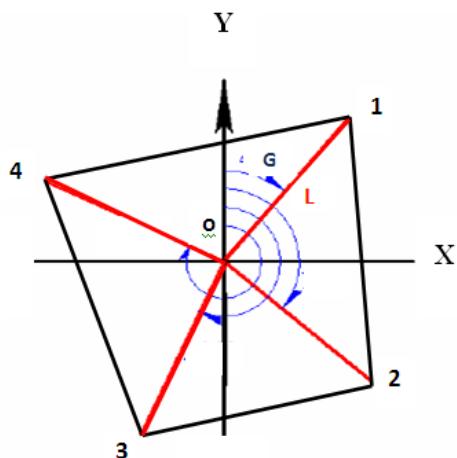
$$S = \frac{1}{2} \sum [l_n \cdot l_{n+1} \cdot \sin \alpha_n]$$

أو :

$$S = \frac{1}{2} \sum [l_n \cdot l_{n+1} \cdot \sin(G_{n+1} - G_n)]$$

باعتبار :

$$\alpha_n = G_{n+1} - G_n$$



- ملاحظة هامة : إن تطبيق هذه العلاقة لحساب المساحة في حال كون المحطة داخل المضلع أو على أحد رؤوسه لا يطرح أي إشكال ، أما إذا كانت المحطة خارج المضلع فإنه يجب مراعاة أن تُطرح (من مجموع المساحات) مساحة المثلث المحدد بين أول ضلع وآخر ضلع والزاوية المحصورة بينهما .

## تمارين وتطبيقات :

### التمرين الأول:

- أرض مشروع معرفة بإحداثياتها القائمة التالية :

$$C \begin{cases} X = 20m \\ y = 30m \end{cases} \quad B \begin{cases} X = 50m \\ y = 20 mm \end{cases} \quad A \begin{cases} X = 70 m \\ y = 80m \end{cases}$$

- المطلوب: حساب مساحة قطعة الأرض (ABC) بطريقة الإحداثيات القائمة.

الحل : حساب مساحة قطعة الأرض بطريقة الإحداثيات القائمة :

$$S = \frac{1}{2} [X_n(Y_{n-1} - Y_{n+1})]$$

$$S = \frac{1}{2} [X_A(Y_C - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_A)]$$

$$S = \frac{1}{2} [70(30 - 20) + 50(80 - 30) + 20(20 - 80)]$$

$$S = \frac{1}{2} [700 + 2500 - 1200] = 1000m^2$$

### التمرين الثاني:

لفرض معرفة مساحة وتضاريس قطعة أرض ذات شكل مثلثي، قام طبغرافي انطلاقاً من محطة S وياستعمال جهاز المزولة برصد المعلم A ثم النقاط 1,2,3,4: فكانت النتائج

كما يلي :

الملحوظات	القراءات على القائمة - -m		القراءات الزاوية HZ-gr-	نقاط الرصد	المحطة
	L <sub>inf</sub>	L <sub>sup</sub>			
الزاوية الشاقولية $V=100gr$	---	---	0.00	1	S
	0.982	1.432	80.55	2	
	0.665	1.515	112.15	3	
	1.205	1.775	148.35	4	

المطلوب :

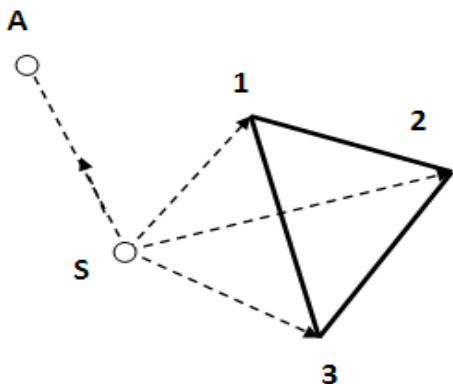
(1) أحسب المسافات الأفقية :  $L_{s1}, L_{s2}, L_{s3}$

(2) أحسب مساحات المثلثات:  $\Delta_{1s2}, \Delta_{2s3}, \Delta_{1s3}$

(3) استنتج مساحة المثلث :  $\Delta_{123}$

الحل:

(1) حساب المسافات :



بما أن التصويبات أفقية ( $V = 100 gr$ ) فإن :

$$L = (L_{\text{sup}} - L_{\text{inf}}) \cdot 100$$

$$= (1.432 - 0.982) \cdot 100 = 45.00 \text{ m} L_1$$

$$= (1.515 - 0.665) \cdot 100 = 85.00 \text{ m} L_2$$

$$= (1.775 - 1.205) \cdot 100 = 57.00 \text{ m} L_3$$

(2) حساب المساحات :

- $a_1 = 112.15 - 80.55 = 31.60 \text{ gr}$

- $S_1 = \frac{1}{2} \cdot L_1 \cdot L_2 \cdot \sin \alpha_1$

- $S_1 = \frac{1}{2} \cdot 45.85 \cdot \sin 31.60 = 910.80 \text{ m}^2$

- $a_2 = 148.35 - 112.15 = 36.20 \text{ gr}$

- $S_2 = \frac{1}{2} \cdot L_2 \cdot L_3 \cdot \sin \alpha_2$

- $S_2 = \frac{1}{2} \cdot 85.57 \cdot \sin 36.20 = 1304.46 \text{ m}^2$

- $a_3 = a_1 + a_2 = 67.8 \text{ gr}$

- $S_3 = \frac{1}{2} \cdot L_1 \cdot L_3 \cdot \sin \alpha_3$

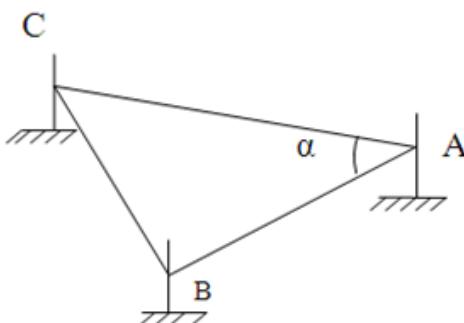
- $S_3 = \frac{1}{2} \cdot 45.57 \cdot \sin 67.8 = 1121.92 \text{ m}^2$

(3) وأخيرا نحسب المساحة ( المحطة خارج المثلث ) :

$$S = s_1 + s_2 - s_3 = 1093.34 \text{ m}^2$$

**التمرين الثالث:** قطعة أرض مثلثية الشكل كما هو موضح .

النقاط: C,B,A معرفة بإحداثياتها القائمة المدونة في الجدول التالي :



النقطة	X (m)	Y(m)
A	275.00	475.00
B	263.35	458.70
C	259.50	484.15

## العمل المطلوب:

1) أحسب المسافات الأفقية:  $D_{AC}$ ,  $D_{AB}$  ؟

2) أحسب الأسمت الإحداثية:  $G_{AC}$ ,  $G_{AB}$  ؟

3) أحسب الزاوية الأفقية  $\alpha$  ؟

4) أحسب مساحة القطعة ABC بطريقة:

- الإحداثيات القائمة ؟

- الإحداثيات القطبية ؟

الحل:

1- حساب المسافات الأفقية:

- المسافة الأفقية  $D_{AB}$  :

نعلم أن:

$$D = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2}$$

$$\Delta X = X_B - X_A = -11.65$$

$$\Delta Y = Y_B - Y_A = -16.30$$

$$D = \sqrt{(-11.65)^2 + (-16.30)^2} = 20.04m \quad \text{ومنه :}$$

- المسافة الأفقية  $D_{AC}$  :

$$\Delta X = X_C - X_A = -15.50$$

$$\Delta Y = Y_C - Y_A = +9.15$$

$$D = \sqrt{(-15.50)^2 + (+9.15)^2} = 18.00m \quad \text{ومنه :}$$

2- حساب الأسمت الإحداثية :

- السمت  $G_{AB}$  :

$$\tan g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{-11.65}{-16.30} \right| = 0.715$$

$$\rightarrow g = 39.504 gr$$

بما أن  $\Delta X < 0$  و  $\Delta Y > 0$  فحن في الربع الثالث ومنه:

$$G_{AB} = 200 + g = 239.504 gr$$

• السمت  $G_{AC}$

$$\tan = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{-15.50}{+9.15} \right| = 1.694$$

$$\rightarrow g = 66.051 gr$$

بما أن  $\Delta X < 0$  و  $\Delta Y > 0$  فنحن في الربع الرابع ومنه:

$$G_{AC} = 400 - g = 333.949 gr$$

3- حساب الزاوية  $\alpha$ :

$$\alpha = G_{AC} - G_{AB} = 94.445 gr \quad \text{من الشكل :}$$

4- حساب المساحة:

• طريقة الإحداثيات القائمة:

$$S = \sum \frac{1}{2} X_n (y_{n-1} - y_{n+1}) \quad \text{نعلم :}$$

$$2S = X_A(Y_C - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_A) = 359.25$$

$$S = 179.62 m^2$$

• طريقة الإحداثيات القطبية:

$$S = \frac{1}{2} D_{AB} \cdot D_{AC} \cdot \sin \alpha = 179.67 m^2$$

 التمرين الرابع :

ليكن المضلع ABCD المعروف بإحداثيات رؤوسه كما هو مدون في الجدول التالي :

D	C	B	A	النقط
40	X <sub>C</sub>	100	40	X-m-
40	Y <sub>C</sub>	140	100	Y-m-

نعرف نقطة O بإحداثياتها القائمة (60, 60)

$$l_{oc} = 100m, G_{oc} = 100gr \quad \text{كما نعطي :}$$

المطلوب :

(1) أوجد إحداثيات النقطة C ؟

(2) أحسب مساحة المضلع بطريقة الإحداثيات القائمة ؟

3) أحسب الأسمت الإحداثية  $G_{OA}, G_{OB}, G_{OD}$  والأطوال

$$L_{OA}, L_{OB}, L_{OD}$$

4) أحسب مساحة المثلث بطريقة الإحداثيات القطبية؟ ماذا تلاحظ؟

الحل :

: إحداثيات C (1)

: نعلم

$$X_C = X_0 + L_{OC} \cdot \sin G_{OC} = 60 + 100 \cdot \sin 100 = 160 \text{ m}$$

$$Y_C = Y_0 + L_{OC} \cdot \cos G_{OC} = 60 + 100 \cdot \cos 100 = 60 \text{ m}$$

يمكن إيجاد هذه الإحداثيات برسم وضعية النقطتين O و C و ملاحظة أن السمت

$$\text{الإحداثي } G_{OC} = 100 \text{ gr}$$

2) حساب المساحة بطريقة الإحداثيات القائمة:

: نعلم أنّ

$$S = \frac{1}{2} \sum X_n (Y_{n-1} - Y_{n+1})$$

$$S = \frac{1}{2} [X_A (Y_D - Y_B) + X_B (Y_A - Y_C) + X_C (Y_B - Y_D) + X_D (Y_C - Y_A)]$$

$$S = \frac{1}{2} [40(40 - 140) + 100(100 - 60) + 160(140 - 40) + 40(60 - 100)] = 7200 \text{ m}^2$$

3) حساب الأسمت الإحداثية والأطوال :

• الاتجاه OA :

$$\Delta X_{OA} = X_A - X_0 = 40 - 60 = -20$$

$$\Delta Y_{OA} = Y_A - Y_0 = 100 - 60 = +40$$

$$500 \rightarrow g = 29.52 \text{ gr} \tan g = \left| \frac{20}{40} \right| = 0.$$

بالنظر إلى إشارتي  $\Delta X, \Delta Y$  فنحو في الربع الرابع :

$$G_{OA} = 400 - g = 370.48 \text{ gr}$$

$$= 44.72 \text{ m} L_{OA} = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2} = \sqrt{20^2 + 40^2}$$

• الاتجاه  $:OB$

$$\Delta X_{OB} = X_B - X_O = 100 - 60 = +40$$

$$\Delta Y_{OB} = Y_B - Y_O = 100 - 60 = +80$$

$$\tan g = \left| \frac{40}{80} \right| = 0.500 \rightarrow g = 29.52 gr$$

بالنظر إلى إشارتي  $\Delta X, \Delta Y$  في الربع الأول: الموجبتان فحن في  $\Delta X, \Delta Y$

$$G_{OB} = g = 29.52 gr$$

$$89.44m L_{OB} = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2} = \sqrt{40^2 + 80^2} =$$

• الاتجاه  $:OD$

$$\Delta X_{OD} = X_D - X_O = 40 - 60 = -20$$

$$\Delta Y_{OD} = Y_D - Y_O = 40 - 60 = -20$$

$$\tan g = \left| \frac{20}{20} \right| = 1 \rightarrow g = 50 gr$$

بالنظر إلى إشارتي  $\Delta X, \Delta Y$  السالبتان فحن في الربع الثالث:

$$G_{OD} = 200 + g = 250 gr$$

$$L_{OD} = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2} = \sqrt{20^2 + 20^2} = 28.28m$$

(4) حساب المساحة بطريقة الإحداثيات القطبية :

نعلم :

$$S = \frac{1}{2} \sum [l_n \cdot l_{n+1} \cdot \sin(G_{n+1} - G_n)]$$

$$S = \frac{1}{2} [l_{OA} \cdot l_{OB} \cdot \sin(G_{OB} - G_{OA}) + l_{OB} \cdot l_{OC} \cdot \sin(G_{OC} - G_{OB}) \\ + l_{OC} \cdot l_{OD} \cdot \sin(G_{OD} - G_{OC}) + l_{OD} \cdot l_{OA} \cdot \sin(G_{OA} - G_{OD})]$$

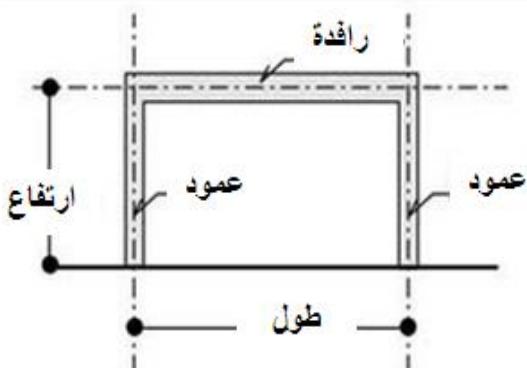
$$S = \frac{1}{2} [44,72 \cdot 89,44 \cdot \sin(29,52 - 370,48) \\ + 89,44 \cdot 100 \cdot \sin(100 - 29,52) \\ + 100 \cdot 28,28 \cdot \sin(250 - 100) \\ + 28,28 \cdot 44,72 \cdot \sin(370,48 - 250)]$$

$$S = 3200.05 + 7999.55 + 1999.70 + 1199.80 \\ = 7199.55 \approx 7200 m^2$$

نلاحظ أن هذه القيمة للمساحة هي نفسها المحصل عليها بطريقة الإحداثيات القائمة.

## مراقبة المنشآت

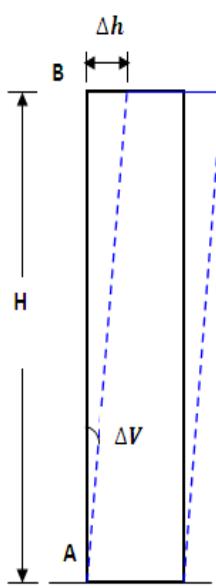
### 1) أهمية المراقبة :



المراقبة هي عملية متواصلة تبدأ من انطلاق الأشغال وتستمر إلى غاية الانتهاء من الأشغال .  
وتكمن أهميتها في التنبؤ إلى الوضعيات الخاطئة لعناصر منشآت البناء، بهدف تصويبها وتصحيحها في الوقت المناسب.

### 2) مراقبة الشاقولية :

تصرف هذه العملية إلى التأكيد من شاقولية الأعمدة أو الجدران .  
تم هذه العملية بجهاز المزولة حسب المراحل العملية التالية :  
▪ وضع الجهاز في محطة S على امتداد الواجهة الشاقولية



- رصد أسفل العنصر عند النقطة A وقراءة الزاوية الأفقية  $\gamma$  عندها .
- رصد أعلى العنصر عند النقطة B وقراءة الزاوية الأفقية  $\gamma$  عندها .
- مقارنة الزاويتين الأفقيتين المحصل عليهما، فإذا كان :  $HZ_A = HZ_B$  ✓  
بصفة جيدة.

▪ نقول أن العنصر شاقولي،  $HZ_A \neq HZ_B$  ✓

ويتم حساب انحرافه بالعلاقة:

$$\tan(\Delta HZ) = \frac{\Delta h}{H_{AB}}$$

$$\Delta h = H_{AB} \cdot \tan(\Delta HZ)$$

حيث :  $\Delta h$  : مقدار انحراف العنصر الشاقولي .

$H_{AB}$  : علو (ارتفاع) العنصر الشاقولي .

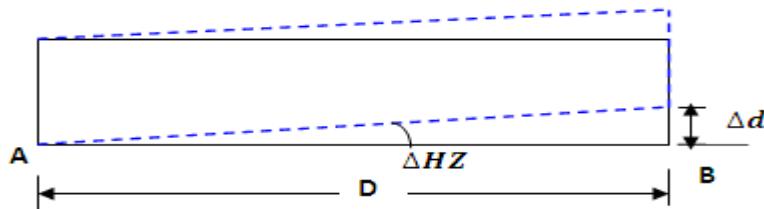
$\Delta HZ$  : الفرق بين قراءتي الزاويتين الأفقيتين .

ملاحظة : من المفيد أن تتم عملية مراقبة الشاقولية من وضعيتين مختلفتين متعامدتين، حتى يمكن القول أن العنصر شاقولي تماما.

### (3) مراقبة الأفقية :

تنصرف هذه العملية إلى التأكيد من أفقية الروافد والأرضيات .

تتم هذه العملية بجهاز المزولة حسب المراحل العملية التالية :



- وضع الجهاز في محطة S بين طرفي العنصر الأفقي .
- رصد حافة العنصر عند النقطة A وقراءة الزاوية الشاقولية عندها .
- رصد حافة العنصر عند النقطة B وقراءة الزاوية الشاقولية عندها .
- مقارنة الزاويتين الشاقوليتين المحصل عليهما، فإذا كان :  $V_A = V_B$  ✓

: نقول أن العنصر أفقي بصفة جيدة .

$$\tan(\Delta V) = \frac{\Delta d}{D_{AB}}$$

$$\Delta d = D_{AB} \cdot \tan(\Delta V)$$

حيث:  $\Delta d$  : مقدار انحراف العنصر الأفقي .

$D_{AB}$  : طول العنصر الأفقي .

$\Delta V$  : الفرق بين قراءتي الزاويتين الشاقوليتين .

### تطبيقات وتمارين:

#### التمرين الأول :

بعد مراقبة شاقولية عمود تبين أنه غير شاقولي بقيمة انحراف  $\Delta h$

- إذا كانت القراءة على الدائرة الأفقية عند النقطة A هي  $H_{ZA}$

المعطيات:

$$H = 3.80m$$

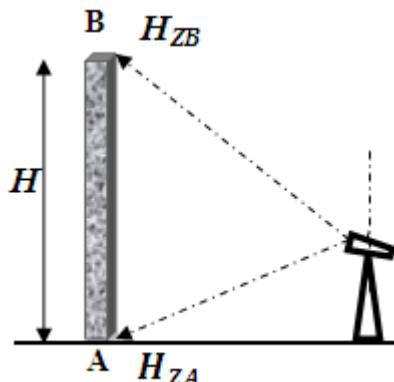
$$= 1,80 \text{ mm} \Delta h$$

$$H_{ZA} = 20 \text{ gr}$$

أوجد قيمة القراءة على الدائرة الأفقية  $H_{ZB}$  عند النقطة B.

الحل :

نعلم أن :



$$\tan(\Delta HZ_{AB}) = \frac{\Delta h}{H}$$

$$\tan(\Delta HZ_{AB}) = \frac{1.80}{3800} = 0.47 \cdot 10^{-4}$$

$$\rightarrow \Delta HZ_{AB} = 0.03$$

$$\Delta HZ_{AB} = HZ_B - HZ_A$$

$$+ \Delta HZ_{AB} = 20.03 \text{ gr} HZ_B = HZ_A$$

#### التمرين الثاني:

لمراقبة أفقية رافدة توقف طبوغرافي بجهاز مزولة عند محطة S متوسطة بين طرفي

الرافدة A و B

- إذا علمت أن :  $D_{AB}=5.00m, V_A=50.10\text{ gr}, V_B=50.16\text{ gr}$

أحكم على وضعية الرافدة ؟ أحسب قيمة الانحراف (الميلان)؟

الحل :

- نلاحظ أن:  $V_A \neq V_B$

إذن الرافدة غير أفقية ، وميلانها يحسب بالعلاقة :

$$\Delta d = D_{AB} \cdot \tan(\Delta V) = 5000 \cdot \tan(50.16 - 50.10) = 4.71 \text{ mm}$$

### التمرين الثالث :

بعد مراقبة أفقية رافدة طولها  $D = 6.00\text{m}$  تبين أنها مائلة وقيمة الانحراف  $d = 5\text{mm}$ .

- كم تكون قراءة الزاوية الشاقولية  $V_2$  عند الحافة الثانية إذا علمت أن القراءة عند

$$V_1 = 50 \text{ gr}$$

الحل:

$$\tan(\Delta V) = \frac{d}{D} \quad • \quad \text{نعلم أنّ:}$$

$$0.83 \cdot 10^{-3} \rightarrow \Delta V = 0.05 \text{ gr} \quad \tan(\Delta V) = \frac{d}{D} = \frac{5}{6000} = \\ \Delta V = V_2 - V_1 \rightarrow V_2 = V_1 + \Delta V = 50.05 \text{ gr}$$

**الباب الرابع  
البناء والأشغال العمومية**

## المنشآت العلوية

**1) مدخل :** تشتهر المنشآت العلوية - رغم تنوعها - في أجزاء متشابهة لها نفس الوظيفة رغم اختلاف أشكالها.

وبشكل عام فإن المنشآت تتتشكل من جزء سفلي باطني يسمى الأساس وجزء علوي منظور يتكون من مجموعة من العناصر يشكل مجموعها المنشأ العلوي .

### **(2) الأعمدة :**

• **التعریف والدور :** هي عناصر مقطعة شاقولية تنتهي إلى هيكل المنشآت، يتمثل دورها الأساسي في تحمل الأثقال العلوية المطبقة عليها وتوصيلها إلى الأساسات .

#### **التصنیف: تصنیف الأعمدة حسب :**

- مادة الصنع : إلى أعمدة خرسانية مسلحة أو فولاذية أو خشبية .
- الشكل : إلى أعمدة مستطيلة أو دائيرية أو على شكل مجنبات .
- الوضعية : إلى أعمدة داخلية أو جانبية أو زاوية .



### **(3) الروافد :**

• **التعریف والدور :** هي عناصر مقطعة أفقية تربط بين مختلف الأعمدة، يتمثل دورها في العمل على استقرار المنشآت وإرسال جميع القوى المطبقة عليها نحو الأعمدة .

#### **التصنیف: تصنیف الروافد حسب :**

- مادة الصنع : إلى خرسانية مسلحة أو فولاذية أو خشبية .

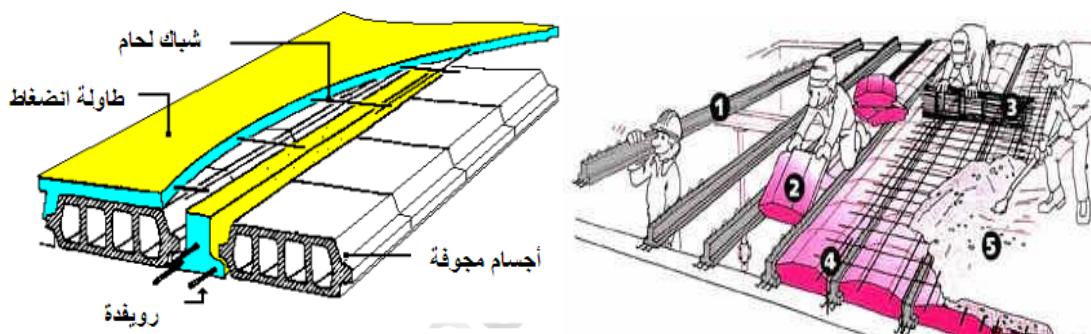
- الشكل : إلى روافد مستطيلة أو على شكل حرفي T أو I أو على شكل مجنبات.
- الوضعية: رئيسية (استقبال القوي) وثانوية (للربط).

#### 4) الأرضيات :

**التعریف والدور :** هي عناصر مساحية أفقية تفصل بين مختلف طوابق البناء، يتمثل دورها في تحديد الطوابق و استقبال الحمولات لتوصيلها إلى الروافد .

**التصنيف :** تصنف الأرضيات إلى صنفين رئيسيين هما :

- **الأرضيات المصبوبة :** نميز ضمنها نوعين:
  - ✓ **أرضيات ذات أجسام مجوفة :** هي أرضيات شائعة الاستعمال تتكون من رويفات وأجسام مجوفة وطاولة انضغاط خرسانية مسلحة بشبكات ملحمة.



✓ **أرضيات ذات بلاطة مملوئة :** هي أرضيات تكون على شكل عنصر واحد يتمثل في بلاطة خرسانية مسلحة ذات سمك يتعلق بأهمية المنشأ وعدد المساند التي ترتكز عليها الأرضية .

- **الأرضيات الجاهزة :** هي عبارة عن بلاطات مسبقة الصنع ، توضع في أماكنها المخصصة لها في عملية واحدة بواسطة الرافعة .

#### 5) الجدران :

**التعریف والدور :** هي عناصر مساحية شاقولية ، يتمثل دورها في غلق وعزل الفضاءات .

**التصنيف :** تصنف الجدران حسب:

- **مادة الصنع :** إلى جدران من الطوب أو الحجارة أو الخشب أو الأجر أو الخرسانة المسلحة أو الحديد .

- الدور : ويندرج ضمن هذا التصنيف نوعان :
  - ✓ جدران حاملة : تنجز بالخرسانة المسلحة وتتحمل الأرضيات وما فوقها .
  - ✓ جدران غير حاملة : غالباً ما تكون داخلية قليلة السمك، تقوم بالفصل بين مختلف الفضاءات الداخلية .

## **(6) السطوح :**

- التعریف والدور :** هي عبارة عن الأرضيات الأفقية أو القليلة الميل العليا للبني، بحيث تفصل بين داخله وخارجها، ويتمثل دورها بشكل عام في :
- الغلق و العزل عن المحيط الخارجي .
  - الحماية من المؤثرات الطبيعية الخارجية .
  - التحمل للثقل الذاتي والأثقال المتغيرة وتجهيزات المصعد في حال وجوده .
- التصنيف :** تصنف السطوح بشكل عام إلى صنفين رئيسيين هما :
- سطوح مستغلة: تسمح بالحركة والتنقل فوقها.
  - سطوح غير مستغلة: تسمح ببعض الأعمال الخفيفة فقط .
- و نخص بالتفصيح بعض هذه المكونات :

شكل الميل : يتم بطبقة من الخرسانة المائلة (المتغيرة السمك) للسماح بجريان الماء في اتجاهات مختلفة .

طبقة العزل : ضد الحرارة (طبقة من الفلين أو البوليستران) وضد الرطوبة (طبقة من اللباد)

طبقة الكتامة : توضع فوق طبقة العزل، على شكل طبقة من الرزف أو الإسفلت لمنع النفوذية .

الحماية الثقيلة : تتمثل في طبقة من الحصى في السطوح غير المستغلة لحماية طبقي العزل والكتامة.

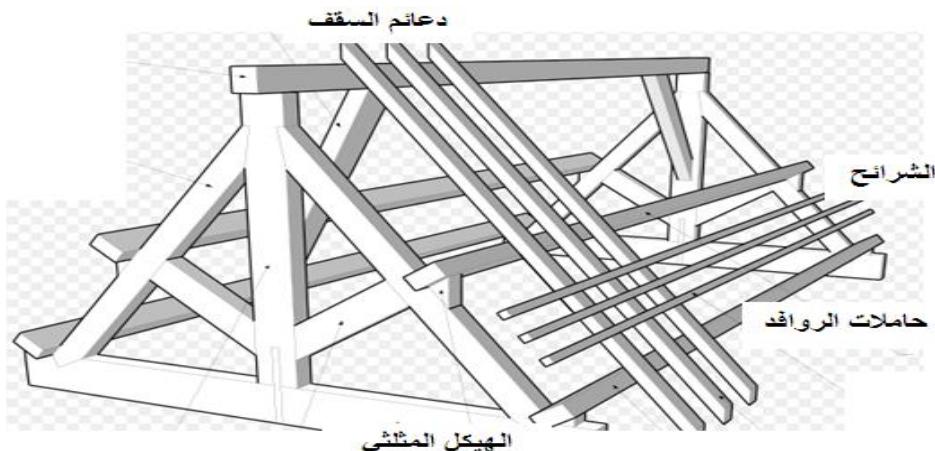
## **(7) الغماء :**

- التعریف والدور:** هو الهيكل الحامل لعناصر التغطية من قرميد وصفائح ، وهو على نوعين :

- غماء خشبي : يستعمل في المباني والمساحات الصغيرة .

- غماء معدني: يستعمل عموما في المنشآت الصناعية والمساحات الكبيرة. ويمثل دوره في حماية المبني من العوامل الطبيعية كالأمطار والرياح والشمس.

**المكونات :** يتكون الغماء من العناصر التالية :

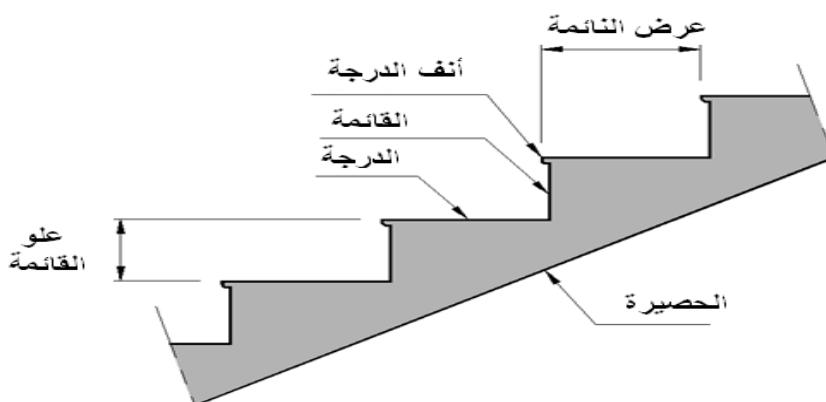


- الهيكل الثلاثي : هو مجموعة روابد مجمعة فيما بينها بشكل متين، بحيث تشكل عنصرا حاملا للمبني ، كما أنها تعطي للغماء الميل المطلوب .
  - حاملات الروافد: توضع بشكل متواز مع الهيكل الثلاثي وتعمل على الربط بين مختلف الهياكل المثلثية، بالإضافة إلى تحمل ما فوقها.
  - دعائم السقف : توضع مباشرة فوق حاملات الروافد في وضعية متوازنة عليها ، بحيث يكون محورها الطولي موازيا للطرف العلوي للهيكل الثلاثي .
  - الشرائح : توضع فوق دعائم السقف لتسقبل - مباشرة - عناصر التغطية
  - الأغطية : هي مجموعة العناصر الموضوعة فوق الشرائح بحيث تغطي هيكل الغماء ، وتلعب دور العازل للحيز الداخلي المستغل عن المحيط الخارجي ، وهي على نوعين :
    - عناصر ذات قياسات صغيرة : مثل القرميد .
    - عناصر ذات قياسات كبيرة: مثل الصفائح المتوجة من الألمنيوم والزجاج.
- ملاحظة هامة :** عند استعمال الأغطية ذات القياسات الكبيرة ويسرب خفتها فإنه يمكن الاستغناء عن الشرائح ودعائم السقف لتوضع مباشرة فوق حاملات الروافد .

أما في حالة الأغطية ذات القياسات الصغيرة ويسبب ثقلها فإننا بحاجة إلى مساند متعددة لحملها، وبالتالي نستعمل الشرائح ودعائم السقف.

#### ٨) المدارج المستقيمة :

التعريف والدور: المدرج جزء من هيكل البناء ذو مستويات أفقيه متتالية ومختلفة غالباً ما ينجذب بالخرسانة المسلحة، ويتمثل دوره في السماح بالانتقال من طابق إلى طابق.

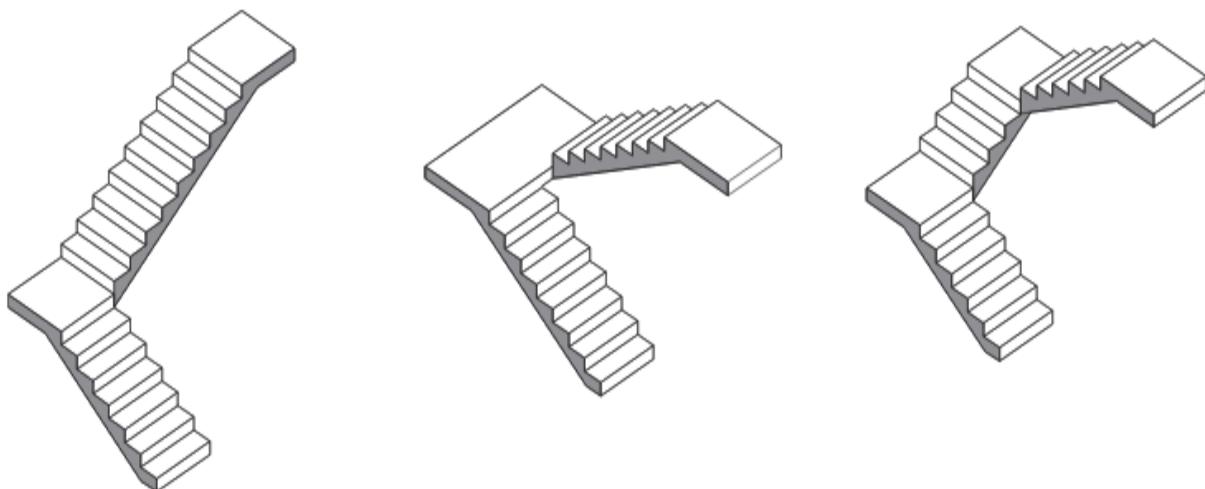


المكونات : أهم مكونات مدرج مستقيم هي :

- الدرجة (النائمة) : هي القسم الأفقي المخصص لاستقبال الأرجل.
- القائمة : هي القسم العمودي الذي يلي النائمة.
- الحصيرة: هي بلاطة مائلة تحمل المدرج .
- الفاصل : هو بلاطة أفقية قد تكون للانطلاق أو للاستراحة أو للوصول .
- القلبة : هي مجموعة الدرجات المحصورة بين فاصلين .
- طول الدرجة : هو طول القلبة ، ويختلف حسب نوع البناء .

أنواع المدارج : توجد عدة أنواع من المدارج المستقيمة ، أهمها:

- مدرج ذو قلبة واحدة
- مدرج ذو قلبتين متوازيتين.
- مدرج ذو قلبتين متعامدين.
- مدرج ذو ثلاثة قلبات .



حساب المدرج : نسمى من أجل قلبة واحدة :

- $H$  : علو الطابق
- $h$  : علو القائمة
- $n$  : عدد القائمات .
- $n-1$  : عدد النائمات.
- $g$  : عرض النائمة .

إن حساب عدد الدرجات يتم بالعلاقة التالية :

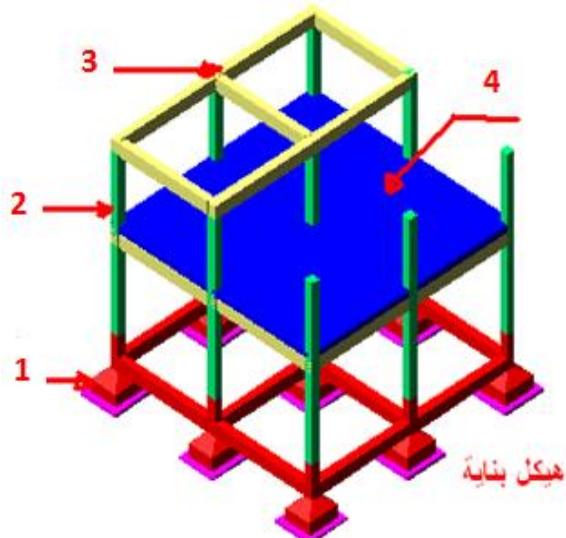
$$n = \frac{H}{h}$$

كما أن حساب عرض النائمة( $g$ ) يتم بعلاقة الخطوة المتوسطة ( علاقه بلوندل ) :

$$2h + g = 64\text{cm}$$

## تمارين وتطبيقات

### التمرين الأول :



ليكن لديك هيكل بناء .

- قم بتسمية العناصر المرقمة ؟
- أيها ينتمي إلى المنشأ السفلي وأيها ينتمي إلى المنشأ العلوي؟
- قم بتصنيف العنصر 1 والعنصر 2 حسب مادة الصنع وحسب الشكل وحسب الوضعية .

### الحل :

#### • تسمية العناصر :

- 1- أساس منعزل ( تحت عمود ) .
- 2- عمود .
- 3- رافدة .
- 4- بلاطة (أرضية) خرسانية .

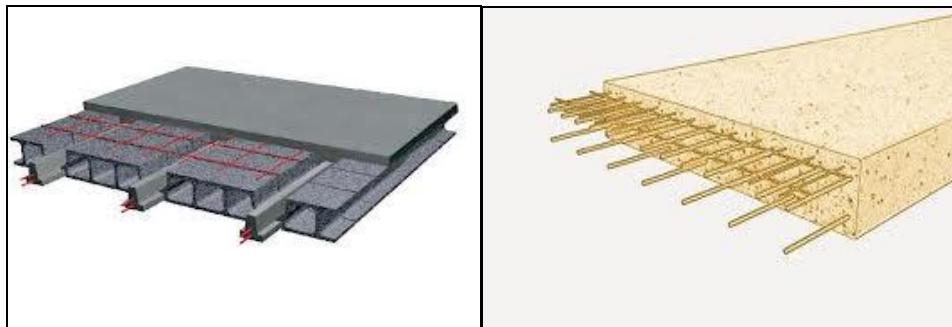
• العنصر 1 ينتمي إلى المنشأ السفلي ، أما العناصر 2 و 3 و 4 فتنتمي إلى المنشأ العلوي

#### • تصنیف العنصرين 1 و 2 :

حسب الوضعية	حسب الشكل	حسب مادة الصنع	التصنيف
زاوي	مستطيل(مربع)	خرساني	العمود
رئيسية	مستطيلة	خرسانية	الرافدة

### التمرين الثاني :

ليكن لديك الشكلان أسفله :



**المطلوب :**

1-ماذا يمثل هذان الشكلان ؟

2-قم بتسمية مكونات كل من الشكلين ؟

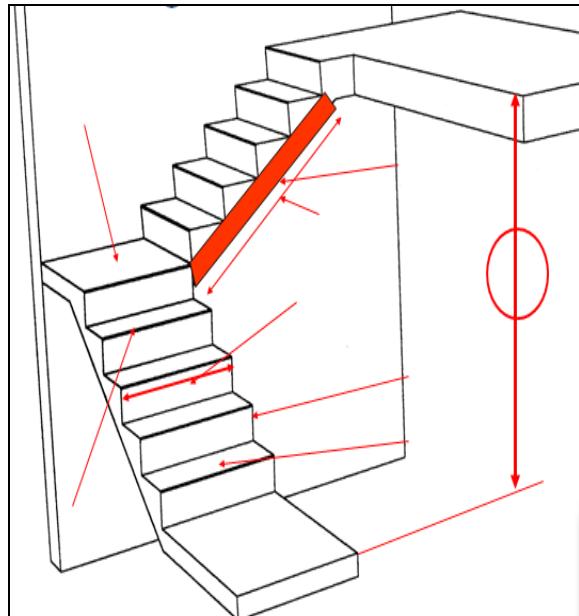
**الحل:**

1-يتمثل الشكل الأول بلاطة من الخرسانة المسلحة ، ويتمثل الشكل الثاني بلاطة بالأجسام الموجفة .

2-يتكون الأول كما هو مذكور في تسميته من قضبان تسليح في الاتجاهين الطولي والعرضي مغلف بسمك من الخرسانة.

ويتكون الثاني من رويدادات تحمل الأجسام الموجفة ، ثم من قضبان تسليح على شكل شباك لحام مغلفة بسمك صغير من الخرسانة يسمى طاولة الانضغاط .

**التمرين الثالث :**



•ماذا يمثل الشكل المقابل ؟

•أذكر أنواعه الأخرى ؟

•قم بتسمية عناصره المشار إليها.

•إذا علمت أن علو الطابق:

$$H = 323 \text{ cm}$$

وأن علو الدرجة(القائمة)  $h = 17 \text{ cm}$

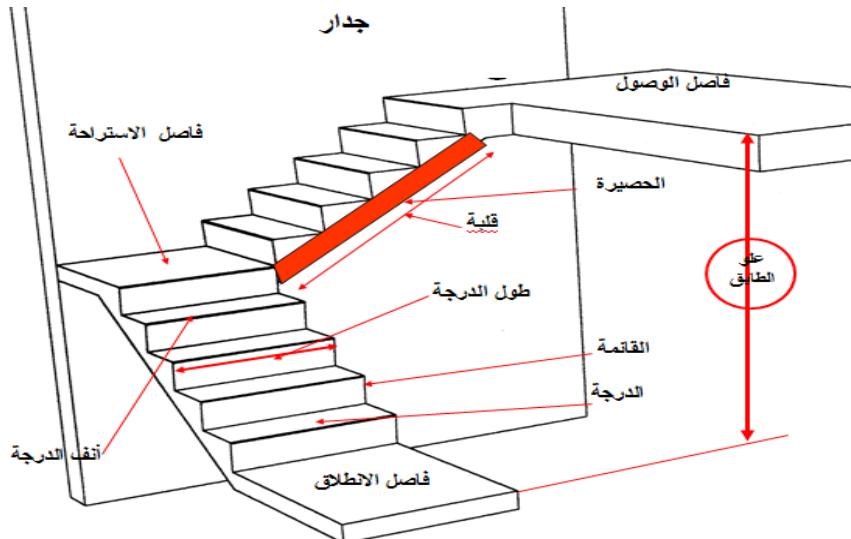
وأن عدد درجات القلبة الأولى 10

كم هو عدد درجات القلبة الثانية ؟

• أحسب بعد النائمة g ؟

**الحل:**

- يمثل الشكل درجا قائما بقلبتيين متعامدين .
- تسمية عناصره : انظر الشكل أسفله .



- أنواع المدارج الأخرى : درج بقلبة واحدة - درج بقلبتين متوازيتين - درج بثلاث قلبات .

- عدد درجات القلبة الثانية :

$$n = \frac{H}{h} = \frac{323}{17} = 19 \quad \text{نعلم عدد الدرجات الكلي :}$$

بما أن عدد درجات القلبة الأولى 10 ؛ فإن :

$$n = n_1 + n_2$$

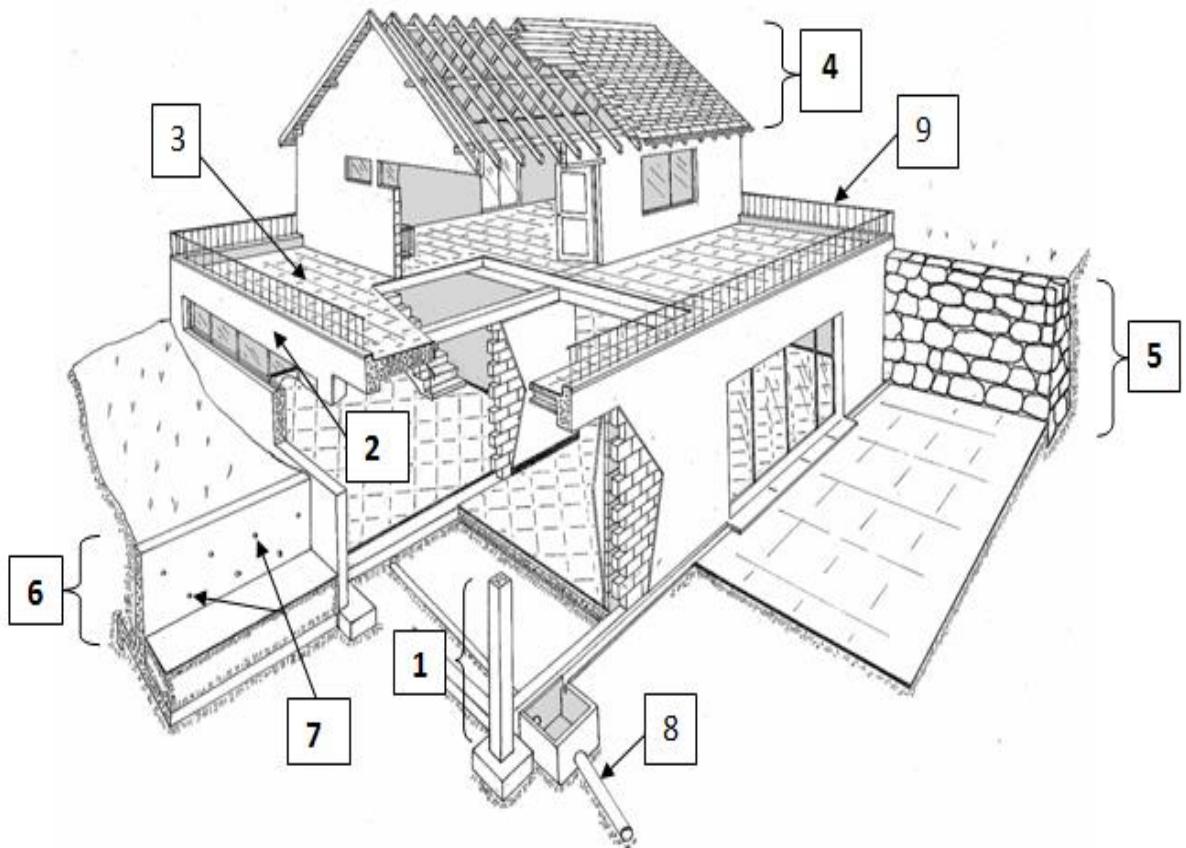
$$n_2 = n - n_1 = 19 - 10 = 9$$

• بعد النائمة :

$$2h + g = 64 \text{ cm} \rightarrow g = 64 - 2h = 30 \text{ cm} \quad \text{نعلم :}$$

#### التمرين الرابع:

- ليكن لديك الشكل التالي :



- 1- قم بتسمية العناصر المرقمة من 1 إلى 9؟ مع بيان وظيفة كل واحد منها بإيجاز؟
- 2- ما هي مكونات "أجزاء" العنصر المشار إليه بالرقم 4؟ - ذكرها فقط -
- 3- صنف العناصر رقم 1 بشكل عام حسب مكانها في البناء "الوضعية"؟
- 4- صنف العناصر رقم 2 بشكل عام حسب مكانها في البناء "الوضعية"؟

الحل :

- |  |   |
|--|---|
| <p>6- جدار إسناد خرساني : نفس الدور.</p> <p>7- برابخ (ثقوب) لتصريف المياه خلف الجدار</p> <p>8- قناة تطهير : لتصريف المياه القدرة</p> <p>9- واقي الأجسام : لحماية و وقاية الأشخاص من السقوط .</p> | <p>1- عمود: يحمل الأنقال والحمولات.</p> <p>2- رافدة : الرابط بين المساند وإصال القوى إلى الأعمدة</p> <p>3- سطح مستغل: يقوم بالتحمل والحماية والغلق</p> <p>4- غماء: جزء علوي لغطية البناء.</p> <p>5- جدار إسناد بالحجارة الطبيعية : لمقاومة دفع التربة</p> |
|--|---|

- 2- يتكون الغماء من : الهيكل الثلاثي - حاملة الروافد - دعائم السقف - الشرائح -

القرميد

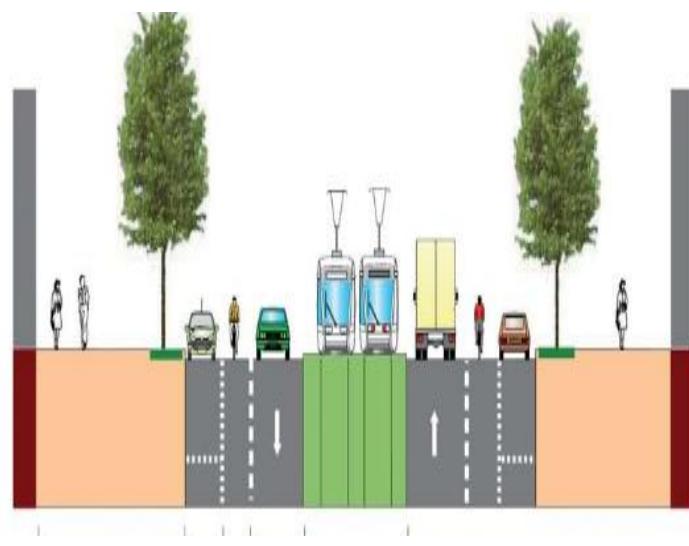
3- تصنف الأعمدة حسب الوضعية إلى: جانبية - داخلية - زاوية

4- تصنف الروافد حسب الوضعية إلى : رئيسية - ثانوية .

## الطرق

### 1) تعريف الطريق:

الطريق مسلك بري للمواصلات يسمح بربط مختلف نقاط الأرض . ينشأ الطريق عادة من السير المتكرر لإنسان مع عربته على مكان واحد، ومع تطور حضارات الإنسان المتعاقبة كانت الطرق أيضا في حالة تبدل وتحسن دائم، حتى وصلت إلى حالتها اليوم المتمثلة في كونها تلك القطعة الأرضية المستوية التي



تحتوي على عدة مسالك قادرة على مقاومة العوامل الخارجية ومتلائمة مع السرعات الكبيرة والأحجام المختلفة للعربات .

### 2) تصنيف الطرق : تصنف الطرق وفق مبدئين هما :

- التصنيف الإداري : ويندرج ضمنه :
  - ✓ الطرق البلدية .
  - ✓ الطرق الولاية .
  - ✓ الطرق الوطنية .
  - ✓ الطرق السريعة (السيارة).

#### • التصنيف التقني : ويندرج ضمنه:

✓ الصنف الاستثنائي : يخص الطرق السريعة المنجزة على الميادين المتميزة بسعتها وسهولة تضاريسها وقلة تقاطعاتها .

✓ **الصنف الأول**: يخص الطرق المصممة على الأرضيات المنبسطة التي تحتوى أحيانا على مفترقات الطرق.

✓ **الصنف الثاني**: يخص الطرق المصممة على الأرضيات الوعرة الصعبة.

✓ **الصنف الثالث**: يخص الطرق ذات التضاريس الملتوية والمقطوع العرضية الصعبة.

### (3) مكونات الطريق :

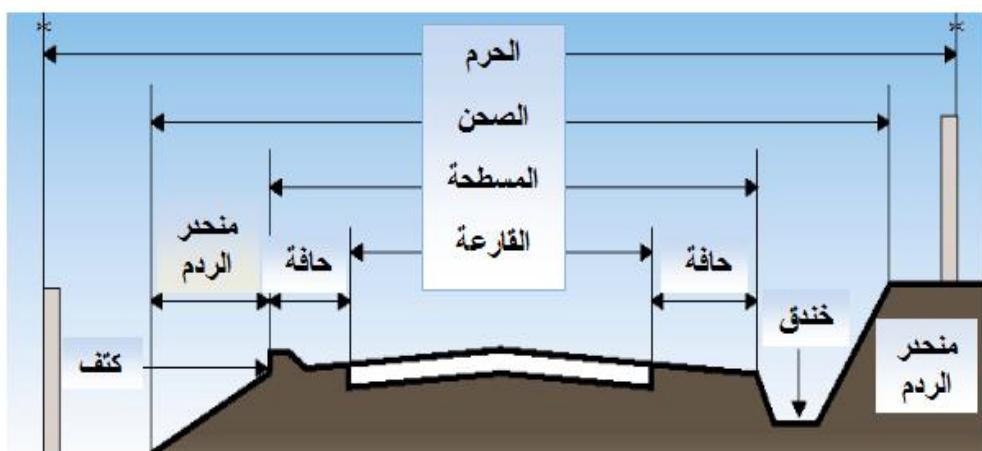
إن مكونات الطريق بشكل عام - هي :

- حرم الطريق: أو حيز الطريق، وهو المساحة الإجمالية التي يحتلها الطريق

بتوابعه الفنية (حوار، خندق، كتف، منحدر).

- صحن الطريق : هو المساحة المخصصة لاستقبال الطريق بمرافقه

الضرورية فقط (دون المنحدرين).



- **مسطحة الطريق** : هي المساحة الأفقية المهيأة من الطريق التي تشمل القارعة والحافتين .

- **القارعة** : هي المساحة المعدة والمعالجة بصفة تقنية و المخصصة لحركة العربات.

- **المسلك** : في حالة الطرقات العريضة، هو الجزء الواحد من القارعة المخصص لسير صف من السيارات.

- **حافة الطريق** : أو الجانب أو الحاشية ، وهو عبارة عن شريط جانبي غير معد مخصص للراجلين وأحيانا للوقوف الاضطراري للعربات .

- الفاصل الترابي: يكون في الطرق السريعة، وهو عبارة عن مساحة ترابية تفصل بين قارعتين في اتجاهين مختلفين .
- الخندق : هو عبارة عن قناة ملحقة بالطريق، تمتد على طول جوانب الطريق (في حالة الحفر) وتخصص لتصريف مياه الأمطار.
- الكتف: أو المقعد ، وهو عبارة تعليمة طفيفة، تمتد على طول جوانب الطريق (في حالة الردم) من أجل عزل المشاة عن المنحدر وتجنب انزلاقهم، وببعض الأحيان يُستبدل الكتف بحاجز الأمان على امتداد جانب الطريق.
- المنحدر : هو عبارة عن مستوى مائل للترية الطبيعية بشكل يسمح لها بالاستقرار .

**4) تصميم الطريق:** يمثل مشروع الطريق بأربعة وثائق خطية هي:

- المسقط الأفقي ( مخطط الموقع)
- المظهر الطولي .
- المظهر العرضي النموذجي .
- المظاهر العرضية .

**5) المظهر الطولي للطريق :**

**تعريف:** هو عبارة عن مقطع طولي للأرض، بواسطة المستوى العمودي على محور الطريق ، بحيث يبين لنا امتداد الطريق على طول هذا المحور يعد المظهر الطولي من أهم الوثائق، نظراً لكونه يمثل الشكل الحقيقي لتضاريس الميدان من جهة ، ومن أخرى يمثل الشكل المقترن لمشروع الطريق .



رسمه : لرسم المظهر الطولي نتبع إلى جملة القواعد التالية :

- التوجيه: يكون حسب اتجاه المحور الطولي من البداية إلى النهاية.
- السلم : يتم اختياره في الاتجاهين : العمودي والأفقي بشكل مختلف، نظراً لاختلاف وتباعين المسافات عن الارتفاعات.
- مستوى المقارنة: هو عبارة عن مستوى اختياري يكون أقل قيمة من أصغر ارتفاع بين التربة الطبيعية والمشروع.
- الخطوط : يتم تمثيل التربة الطبيعية بخط رفيع باللون الأسود، ويتم تمثيل المشروع بخط سميك باللون الأحمر.
- الحفر والردم : يتم تلوين مساحة الحفر باللون الأصفر ومساحة الردم باللون الأحمر.
- يتضمن المظهر الطولي جدول يحتوي منسوب خط التربة ومنسوب خط المشروع والمسافات الجزئية والمسافات المجمعة (المترادفة) وممוצע المشروع وأخيراً التراصيف والمنحنيات.

حسابه : إن العمل البياني لن يكتمل إلا بعمل حسابي موازٍ له، يسمح بإتمام الرسم ويملا الجدول المرفق .

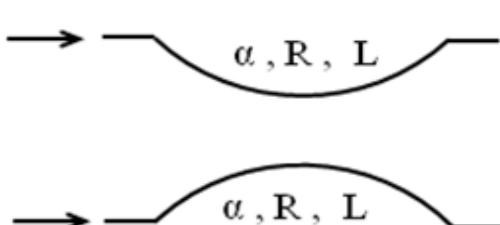
ولعل أهم ما يجب حسابه:

$$T = \frac{\Delta H}{\Delta D}$$

✓ ارتفاعات المشروع (المجهولة) : تحسب بالعلاقة :  $H_{n+1} = H_n \pm T \cdot D_{n,n+1}$

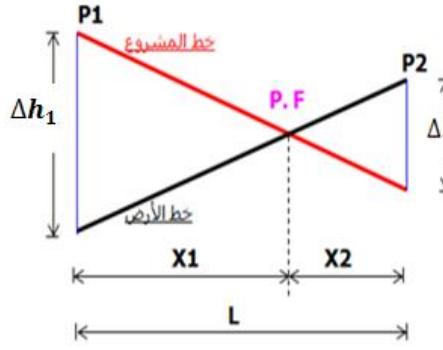
✓ المسافات المترادفة : تحسب بجمع المسافات الجزئية المتتابعة من بداية المشروع إلى نهايته .

✓ المنحنيات : في حال احتواء المظهر الطولي على منعرجات فإنه يتم تحديد خصائصها المتمثلة في الزاوية  $\alpha$  ونصف القطر  $R$  ويتم حساب طول المنعرج كما يلي :



$$\begin{aligned} 2\pi R &\rightarrow 360^\circ \\ L &\rightarrow \alpha^\circ \\ \Rightarrow L &= \frac{\pi \cdot R \cdot \alpha^\circ}{180^\circ} \end{aligned}$$

✓ المظهر الخيالي : يقع عند نقطة تقاطع خط الأرض وخط المشروع، ويتم حسابه (بين مظهرين عرضيين) كما يلي :

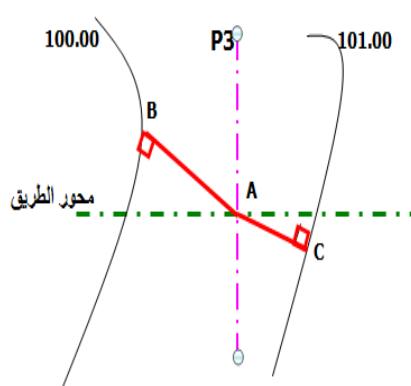


$$\frac{x_1}{\Delta h_1} = \frac{x_2}{\Delta h_2} = \frac{x_1 + x_2}{\Delta h_1 + \Delta h_2} = \frac{l}{\Delta h_t}$$

$$x_1 = (\Delta h_1) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right)$$

$$x_2 = (\Delta h_2) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right)$$

✓ ارتفاع التربة : تؤخذ ارتفاعات خط التربة مباشرة من مخطط التوقيع (الاستيطان)، غير أنه في الأحيان لا يمر منحني التسوية بنقطة تقاطع محور الطريق مع المظهر العرضي ، الأمر الذي يستدعي حساب ارتفاع التربة عندها .



في هذا المثال نلاحظ أن ارتفاع النقطة A محصور بين منحني التسوية 100m و 101m و يحسب:

$$H_A = H_B + \Delta H_{BA}$$

$$\Delta H_{BA} = \left( \frac{BA}{BA + AC} \right) \cdot E_Q$$

حيث يتم إسقاط النقطة A شاقوليا على منحني التسوية المحصورة بينهما وتقاس الأطوال على الورقة، أما  $E_Q$  فهو متساوي البعد وفي هذا المثال  $E_Q = 1$

مثال : من المفيد أن نظهر كيفية تطبيق ما سبق ذكره من خلال مثال موضح، ولتكن :

## المظمر الطولي



- نقوم بحساب طول المنعرج بين المظهرين : ( الثالث والرابع ) .

$$L = \frac{\pi \cdot R \cdot \alpha^\circ}{180^\circ} = \frac{3.14 \times 60 \times 30}{180} = 31.40 \text{ m}$$

- حسب المسافات المتراكمة :  $30m, 50m, 81.40m, 121.40m.$

- كما هو واضح فإن مناسيب خط الأرض جميعها معطاة .

- أما بالنسبة لمناسيب المشروع فنلاحظ أنه :

✓ بالنسبة للجزء الأول ( بين المظهرين الأول والثالث ) :  $H_1 = H_3$

أي أن المشروع أفقى تماماً بينهما ، وعليه فإن  $H_2$  ( المحصور بينهما ) له نفس المنسوب معهما ، كما يمكن حسابه بالعلاقة :

$$T_1 = \left| \frac{\Delta H_{13}}{L_{13}} \right| = \frac{|100 - 100|}{50} = 0.00$$

$$. L_{12} = 100 - 0 \times 50 = 100mH_2 = H_1 \pm T_1$$

✓ بالنسبة للجزء الثاني ( بين المظهرين الثالث والخامس ) :

المشروع ينحدر من المظهر الثالث إلى المظهر الخامس، بميل مقداره:

$$T_2 = \left| \frac{\Delta H_{35}}{L_{35}} \right| = \frac{|99 - 100|}{71.40} = 0.014$$

الأمر الذي يمكننا من حساب المشروع عند المظهر الرابع(المحصر بين الثالث والخامس)

$$L_{34} = 100 - 0.014 \times 31.40 = 99.56 \text{m} \quad H_4 = H_3 - T_2$$

• نملأ خانة التراصيف والمنحنيات

• نحسب المظهر الخالي بين P4 و P5 :

$$X_1 = (\Delta h_1) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = 0.56 \times \frac{40}{1.56} \approx 14.40 \text{m}$$

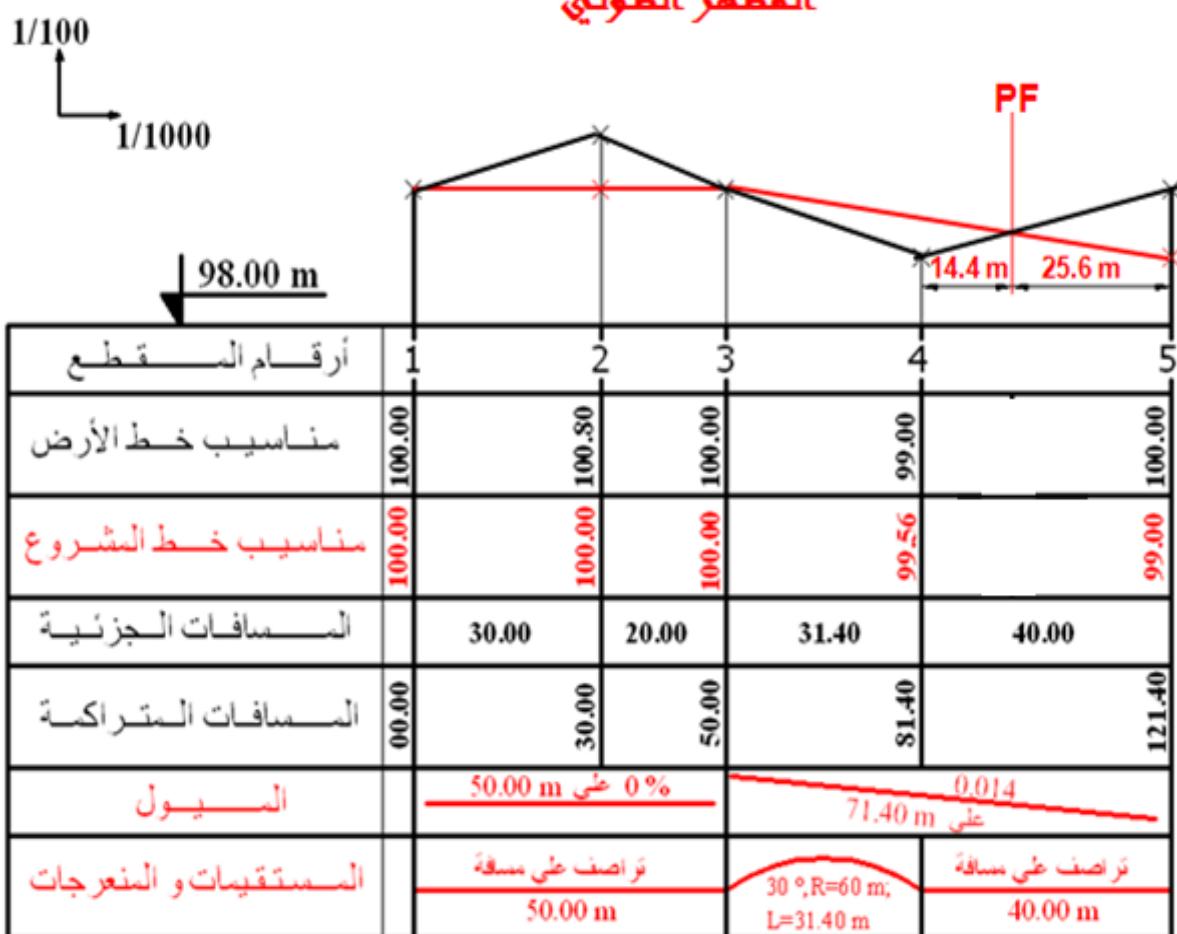
$$\Delta h_1 = 99.56 - 99.00 = 0.56 \text{ m} \quad \text{حيث :}$$

$$X_2 = (\Delta h_2) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = 1.00 \times \frac{40}{1.56} \approx 25.60 \text{m}$$

$$\Delta h_2 = 100.00 - 99.00 = 1.00 \text{ m} \quad \text{حيث :}$$

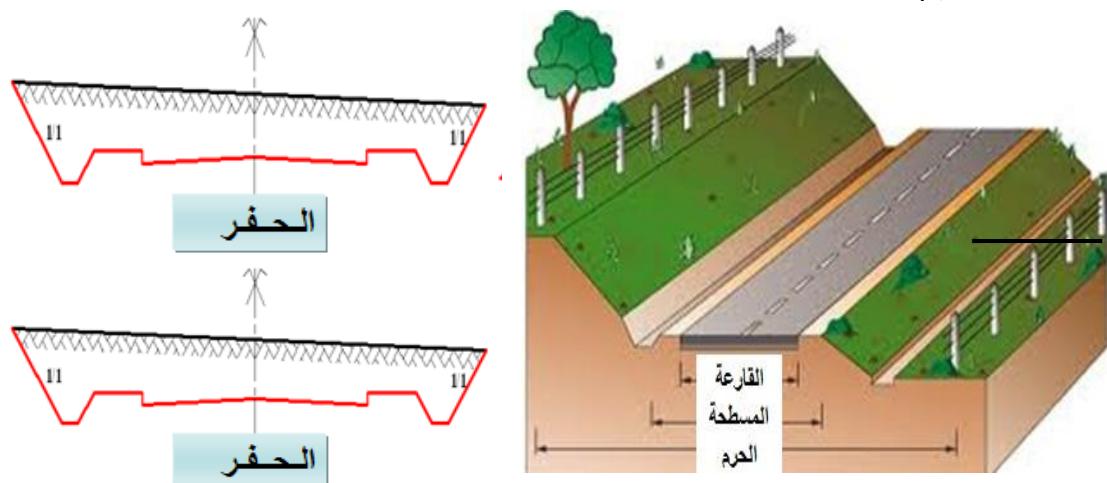
• أخيرا نحصل على المظهر الطولي التالي :

## المظمر الطولي

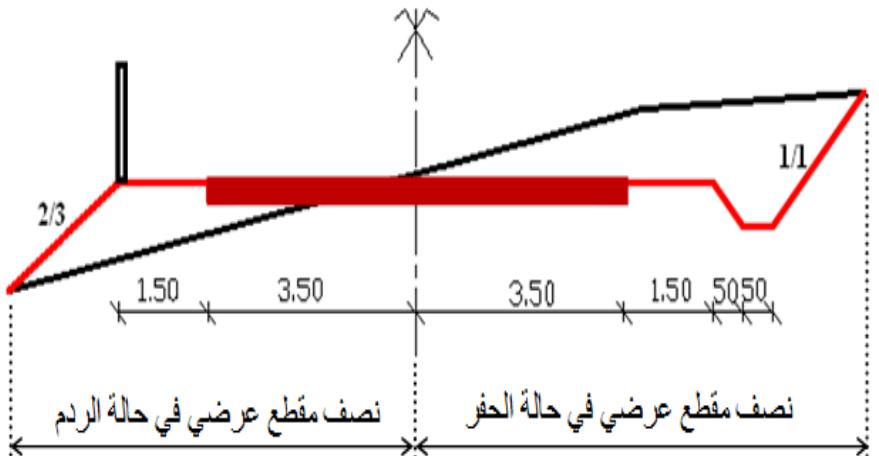


### المظاهر العرضية :

تعريف المظاهر العرضية: هي مقاطع نحصل عليها بواسطة مستوى شاقولي قاطع على محور الطريق في الاتجاه العرضي (المتعامد مع المظهر الطولي).



**المظهر العرضي النموذجي** : هو عبارة عن وثيقة هامة مرجعية ينجزها مكتب الدراسات، وتحتوي كل التفاصيل والعناصر وميول المنحدرات لإنجاز طريق جديد في كل الحالات الممكنة للحفر أو للردم .



**رسم المظهر العرضي:**

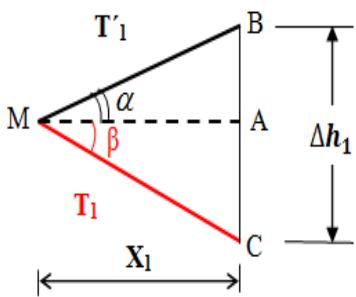
- نحتفظ بالقواعد العامة للمظهر الطولي ، على غرار الخطوط والألوان ومستوى المقارنة .
- بالنسبة للسلم نلاحظ في حالة المظهر العرضي أنه غالبا ما يكون موحدا في الاتجاهين العرضي والطولي .
- يتضمن المظهر العرضي جدولًا يحتوي منسوب خط التربة ومنسوب خط المشروع والمسافات الجزئية والمسافات المجمعة (المترامية).
- بالنسبة للرسم نحدد جزءاً على يسار المحور وجزءاً على يمين المحور.
- تحسب ارتفاعات التربة على يسار المحور وعلى يمينه ، بالاعتماد على منسوب التربة عند المحور وعلى ميوله وعلى المسافات الجزئية على الجانبين، كما يلي :

$$H'_{n+1} = H'_n \pm T' \cdot L_{nn+1}$$

ملاحظة: في حالة إعطاء ارتفاعات التربة تحسب ميول التربة على جانبي المحور.

- تحسب مسافات المنحدرات في حالي الحفر والردم حسب الحالتين التاليتين :

- **الحالة الأولى: منحدرات (ميول) لها اتجاهات متباينة:**



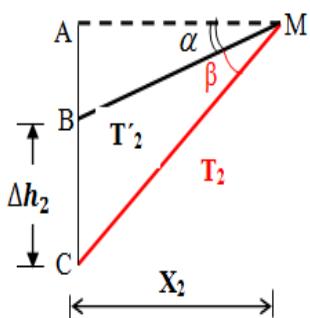
$$\tan \alpha = T'{}_1 = \frac{\overline{AB}}{X_1} \rightarrow \overline{AB} = X_1 \cdot T'{}_1$$

$$\tan \beta = T_1 = \frac{\overline{AC}}{X_1} \rightarrow \overline{AC} = X_1 \cdot T_1$$

$$\overline{AC} + \overline{AB} = \Delta h_1 = X_1 \cdot T_1 + X_1 \cdot T'_1$$

$$X_1 = \frac{\Delta h_1}{T_1 + T'_1}$$

#### • **الحالة الثانية: منحدرات (ميول) لها نفس الاتجاهات:**



$$\tan \alpha = T'_2 = \frac{\overline{AB}}{X_2} \rightarrow \overline{AB} = X_2 \cdot T'_2$$

$$\tan \beta = T_2 = \frac{\overline{AC}}{X_2} \rightarrow \overline{AC} = X_2 \cdot T_2$$

$$\overline{AC} - \overline{AB} = \Delta h_2 = X_2 \cdot T_2 - X_2 \cdot T'_2$$

$$X_2 = \frac{\Delta h_2}{T_2 - T'_2}$$

**مثال:** تأكيد من صحة نتائج المظهر العرضي التالي :



- كما هو واضح على الشكل فإن منسوب المشروع عند المحور ثابت إلى غاية نهايته، الخدفين :

• حسب مناسبات التربة على جانبي المحور :

▪ اليسار :

$$H'_2 = H'_1 + T'_1 \cdot L_{12} = 102.00 + 0.110 \times 5.00 = 102.55m$$

$$H'_3 = H'_1 + T'_1 \cdot L_{13} = 102.00 + 0.110 \times 6.50 = 102.71m$$

▪ اليمين :

$$H'_4 = H'_1 - T'_2 \cdot L_{14} = 102 - 0.112 \times 5.00 = 101.44m$$

$$H'_5 = H'_1 - T'_2 \cdot L_{15} = 102 - 0.112 \times 6.50 = 101.27m$$

• حسب مسافتي منحدري الردم والحفر على جانبي المحور :

$$X_1 = \frac{\Delta h_1}{T_1 - T'_1} = \frac{1.93}{1.00 - 0.11} = 2.17 m$$

$$\text{حيث : } \Delta h_1 = 102.71 - 100.78 = 1.93m$$

$$X_2 = \frac{\Delta h_2}{T_2 + T'_2} = \frac{0.49}{1.000 + 0.112} = 0.44m$$

$$\text{حيث : } \Delta h_2 = 101.27 - 100.78 = 0.49m$$

• حسب و نماؤ الجدول بقيم المسافات المجمعة .

• نكمل حساب مناسبات التربة ( أو المشروع المساوية لها ) عند حدود حرم الطريق :

▪ على اليسار :

$$H'_6 = H'_1 + T'_1 \cdot L_{16} = 102.00 + 0.110 \times 8.67 = 102.95m$$

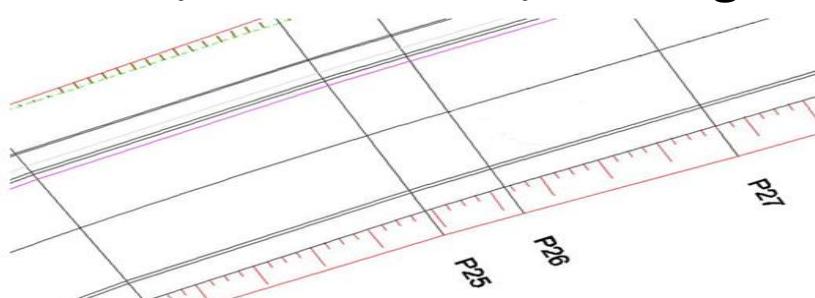
▪ على اليمين :

$$H'_7 = H'_1 - T'_2 \cdot L_{17} = 102 - 0.112 \times 6.94 = 101.22m$$

نحصل في النهاية على الرسم المعطى أعلاه .

#### 6) المسقط الأفقي :

تعريفه : هو عبارة عن إسقاط أو نظرة علوية للطريق تتضمن حدود القارعة والجانبين والخندق والكتف أو مزلقة الأمان وحدود المنحدرات .

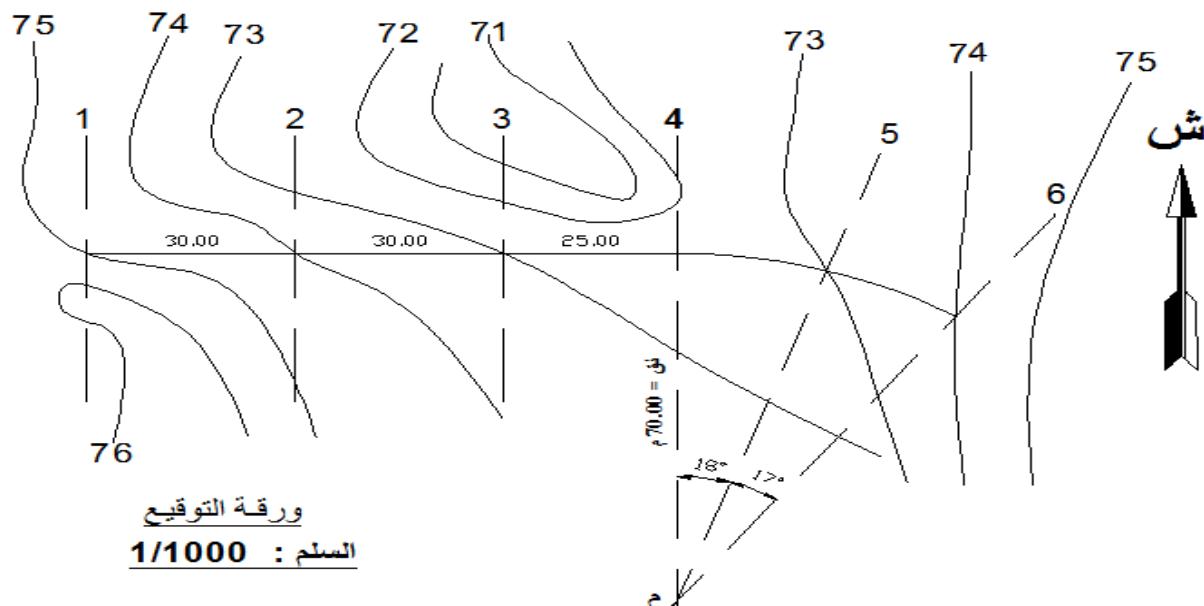


 رسمه :إن تصميم المسقط الأفقي يتم حسب المراحل التالية :

- ✓ رسم محور الطريق .
- ✓ تعين المقاطع العرضية .
- ✓ تعين المظهر الخالي في حالة وجوده .
- ✓ رسم حدود القارعة على جانبي المحور الطولي .
- ✓ رسم الجوانب والملحقات على جانبي المحور الطولي .
- ✓ تحديد حدود حرم الطريق بالاعتماد على المظاهر العرضية، ثم الربط بينها.
- ✓ القيام بتهشير المنحدرات(الحفر والردم) حسب مجرى الماء ( من الأعلى إلى الأسفل).

## تمارين وتطبيقات

**التمرين الأول:** بالاعتماد على خطوط التوقيع أكمل المظهر الطولي أسفله.



1/100  
→ 1/1000

+70.00m

أرقام المقاطع	1	2	3	4	5	6
مماضيب خط التربة						
مماضيب خط المشروع	74.00				73.00	74.00
المسافات الجزئية		30.00	30.00	25.00		
المسافات المتراكمة	0.00					
ميل المشروع						
التراسف والمنعرجات						

## الحل :

- نقل من ورقة التوقيع مناسب خط التربية .
- نحسب المنعرجين المحسورين بين المظهرين العرضيين  $P_4$  و  $P_5$  ثم  $P_6$  و  $P_5$

$$L_1 = \frac{\pi \cdot R \cdot \alpha_1}{180} = \frac{3,14 \cdot 70 \cdot 18}{180} = 21.98m$$

$$L_2 = \frac{\pi \cdot R \cdot \alpha_2}{180} = \frac{3,14 \cdot 70 \cdot 17}{180} = 20.75m$$

• نحسب المسافات المتراكمة من بداية المشروع إلى نهايته :

30,60,85,106.98,127.73m

• نحسب ميل المشروع :

- الميل الأول ( من  $P_1$  إلى  $P_4$  ) :

$$T_1 = \left| \frac{\Delta H_{14}}{L_{14}} \right| = \frac{|73 - 74|}{85} = 0.0117$$

- الميل الثاني ( من  $P_4$  إلى  $P_6$  ) :

$$T_2 = \left| \frac{\Delta H_{46}}{L_{46}} \right| = \frac{|74 - 73|}{42.73} = 0.0234$$

• نحسب مناسب خط المشروع المجهولة :

- المتعلقة بالميل الأول :

$$H_2 = H_1 - T_1$$

$$. L_{12} = 74.00 - 0.0117 \times 30 = 73.64$$

$$H_3 = H_1 - T_1$$

$$. L_{13} = 74.00 - 0.0117 \times 60 = 73.29$$

$$H_4 = H_1 - T_1$$

$$. L_{14} = 74.00 - 0.0117 \times 85 = 73.00$$

- المتعلقة بالميل الثاني :

$$. L_{45} = 73.00 + 0.0234 \times 25.98 = 73.61m H_5 = H_4 + T_2$$

• نملأ خانة التراصيف والمنعرجات.

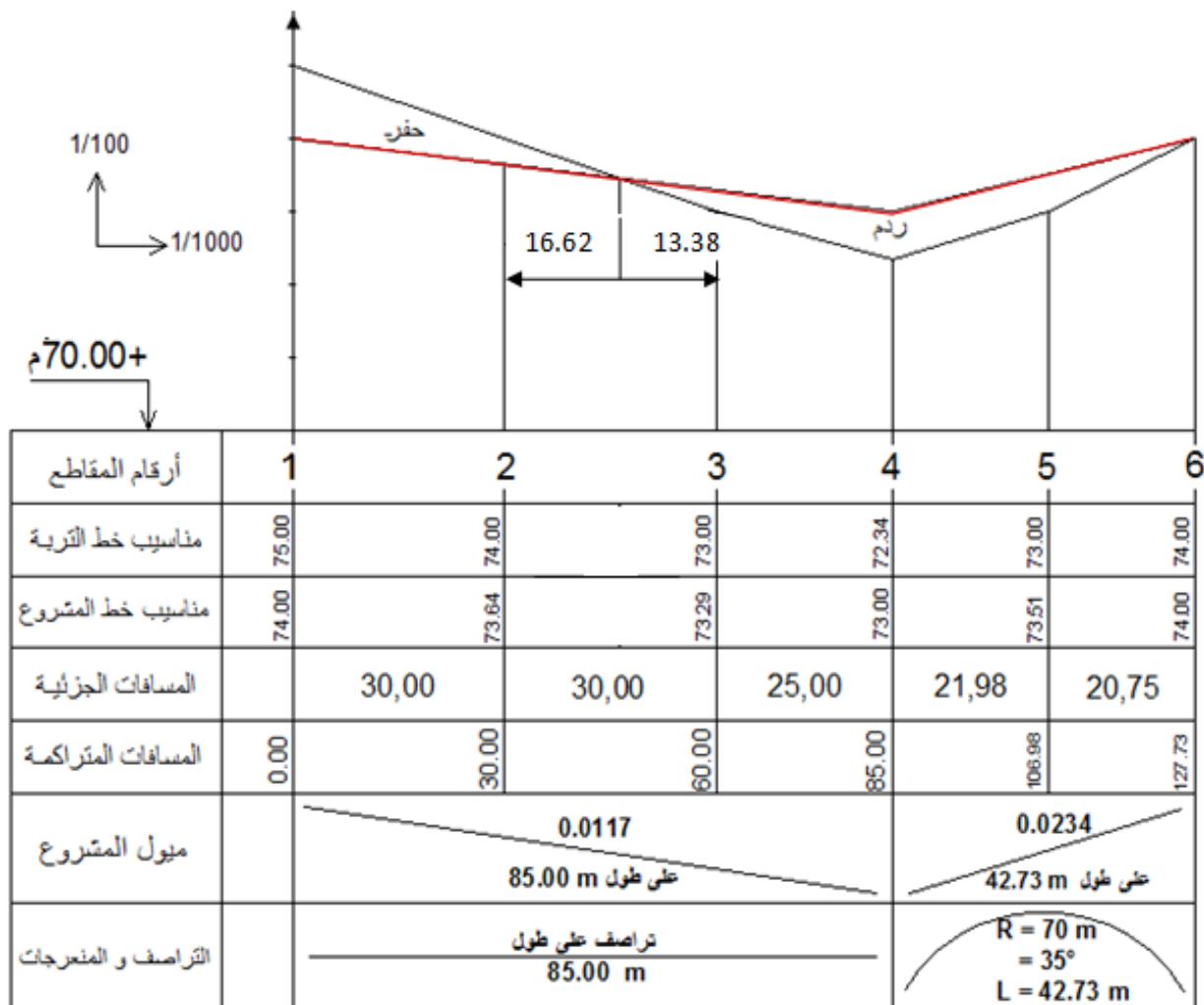
• نرسم خطي المشروع والتربة ونقوم بتلوين الحفر والردم .

• نحسب المظهر الخيالي بين P2 و P3 :

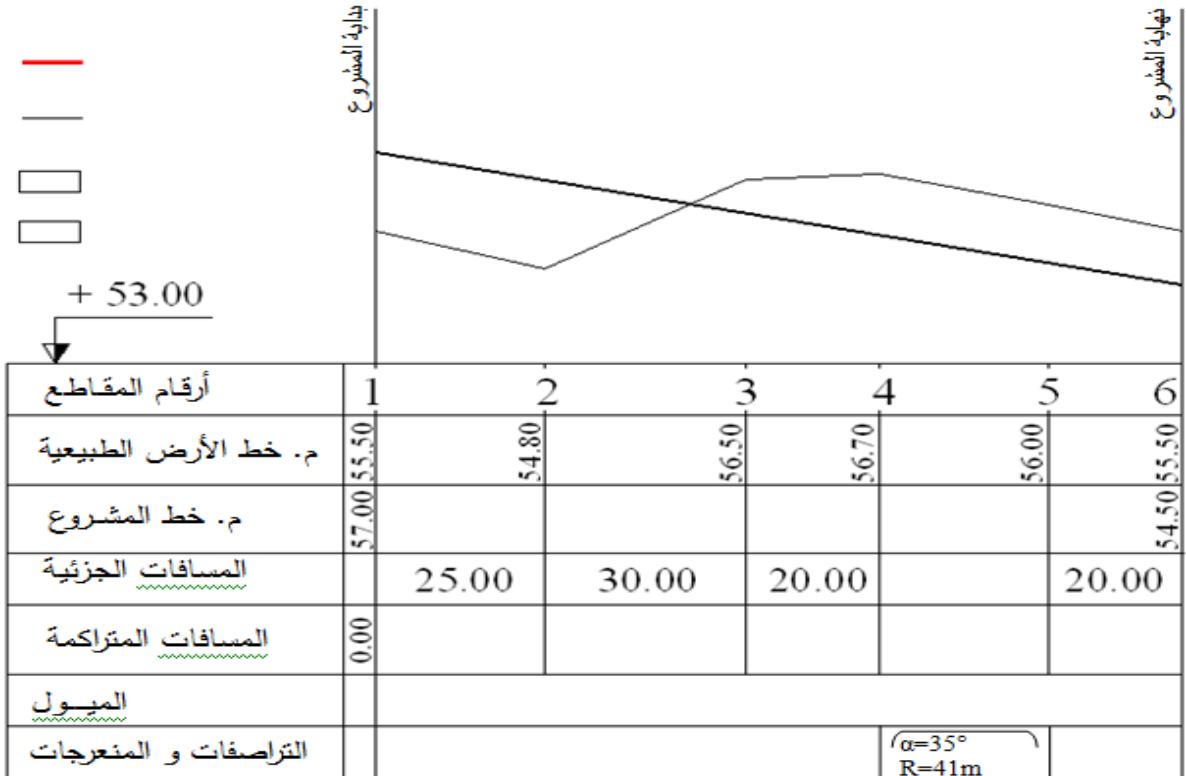
$$X_1 = (\Delta h_1) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = (0.36) \cdot \left( \frac{30}{0.65} \right) = 16.62m$$

$$X_2 = (\Delta h_2) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = (0.29) \cdot \left( \frac{30}{0.65} \right) = 13.38m$$

• نحصل في الأخير على الرسم التالي :



**التمرين الثاني :** أحسب وأرسم المظهر الطولي التالي :



الحل :

- لدينا منعرج بين المظهرين  $P_4$  و  $P_5$  يحسب طوله بالعلاقة :

$$L_{45} = \frac{\pi \cdot R \cdot \alpha}{180} = \frac{\pi \cdot 41.35}{180} = 25m$$

- نقوم بحساب المسافات المتراكمة بجمع المسافات الجزئية المتالية فنجدها على

التوالى : 25, 55, 75, 100, 120

- حساب ميل المشروع : بما أن المشروع عبارة عن خط مستقيم من البداية إلى النهاية ، فإنه ذو ميل واحد هو :

$$T = \frac{|\Delta H|}{L} = \frac{|54.50 - 57.00|}{120} = \frac{2.50}{120} = 0.0208 \approx (2.1\%)$$

- نقوم بحساب ارتفاعات المشروع عند النقاط المجهولة (الбинية) :

$$T \cdot L_{12} = 57.00 - 0.0208 \times 25 = 56.48m H_2 = H_1 -$$

$$T \cdot L_{13} = 57.00 - 0.0208 \times 55 = 55.85m H_3 = H_1 -$$

$$T \cdot L_{14} = 57.00 - 0.0208 \times 75 = 55.44m H_4 = H_1 -$$

$$T \cdot L_{15} = 57.00 - 0.0208 \times 100 = 54.92m H_5 = H_1 -$$

- نملأ خانة التراسفات والمنعرجات .

• نلون مساحتي الحفر بالأصفر والردم بالأحمر.

• ححسب المظهر الخيالي بين  $P_2$  و  $P_3$

$$X_1 = (\Delta h_1) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = (1.68) \cdot \left( \frac{30}{2.33} \right) = 21.63m$$

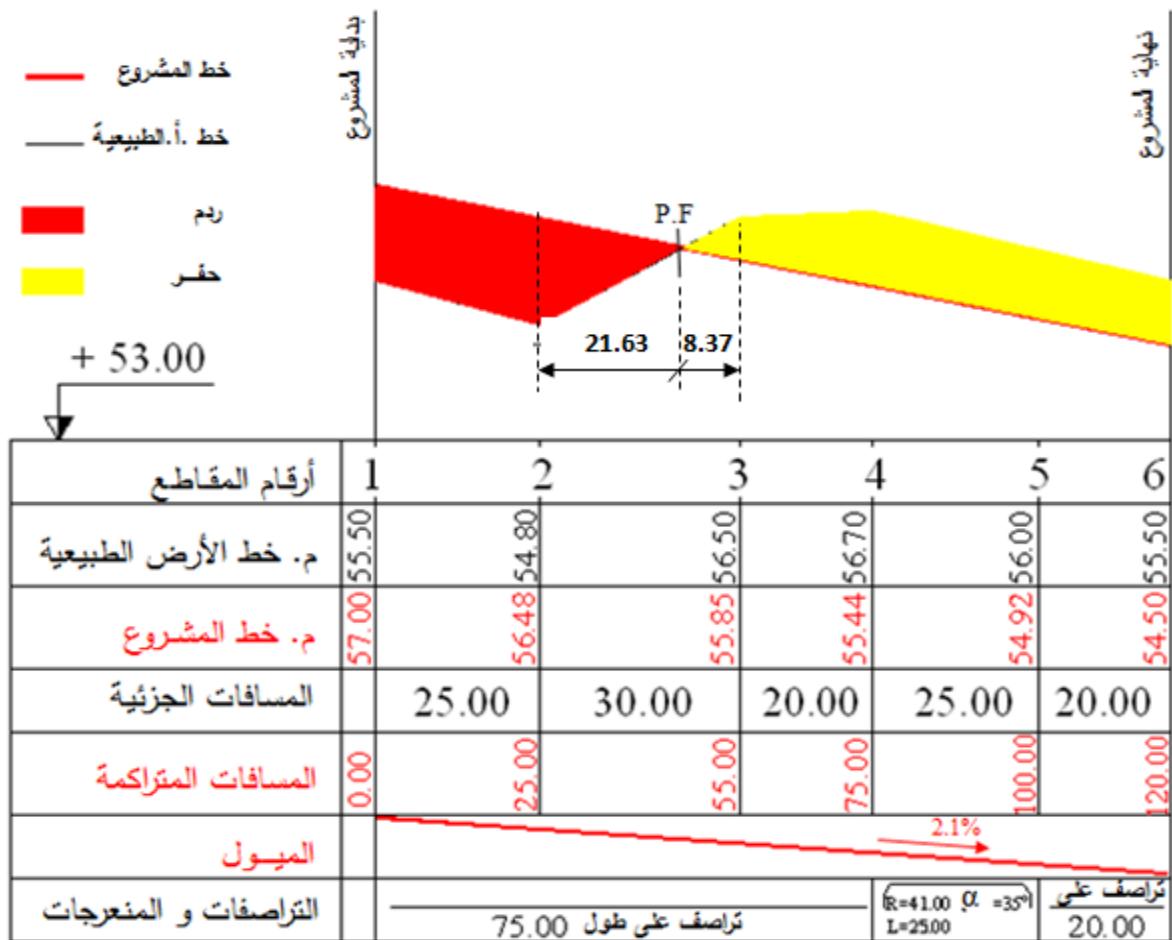
$$X_2 = (\Delta h_2) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = (0.65) \cdot \left( \frac{30}{2.33} \right) = 8.37m$$

$$\Delta h_1 = 56.48 - 54.80 = 1.68m \quad : \text{حيث}$$

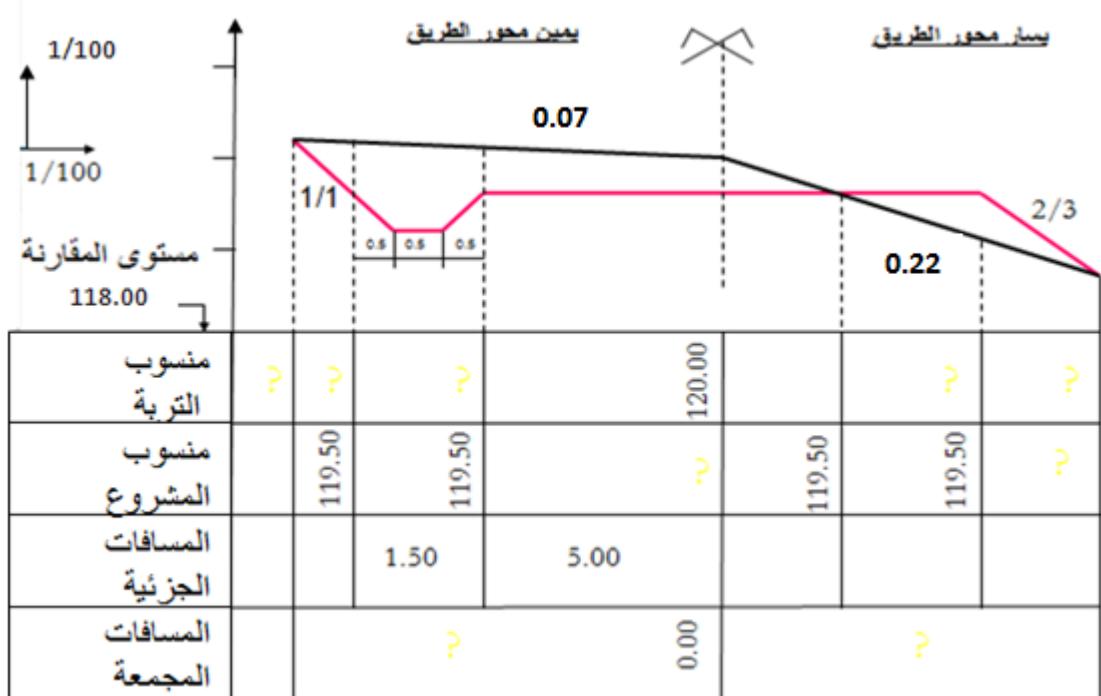
$$\Delta h_2 = 56.50 - 55.85 = 0.65m$$

$$\Delta h_t = \Delta h_1 + \Delta h_2 = 2.33m$$

• في النهاية نتحصل على الرسم التالي :



**التمرين الثالث:** أتمم المظهر العرضي التالي :



الحل :

- كما هو واضح على الشكل فإن منسوب المشروع عند المحور 119.50m
- نحسب مناسب الترية على جانبي المحور :
  - اليسار :

$$H'_2 = H'_1 - T'_1 \cdot L_1 = 120 - 0.22 \times 5.00 = 118.90m$$

▪ اليمين :

$$H'_3 = H'_1 + T'_2 \cdot L_2 = 120 + 0.07 \times 5.00 = 120.35m$$

$$H'_4 = H'_1 + T'_2 \cdot L_4 = 120 + 0.07 \times 6.50 = 120.45m$$

- نحسب مسافتي منحدري الردم والحفر على جانبي المحور :

$$X_1 = \frac{\Delta h_1}{T_1 - T'_1} = \frac{0.60}{0.667 - 0.220} = 1.34 m \quad ▪ \text{اليسار :}$$

$$\text{حيث : } \Delta h_1 = 119.5 - 118.90 = 0.60m$$

$$X_2 = \frac{\Delta h_2}{T_2 - T'_2} = \frac{0.95}{1.000 - 0.070} = 1.02m \quad ▪ \text{اليمين :}$$

$$\Delta h_2 = 120.45 - 119.50 = 0.95m \quad \text{حيث :}$$

- نحسب المظهر الخيالي على يسار المحور:

$$d_1 = (\Delta h_1) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = 0.5 \times \frac{5}{1.10} = 2.27m$$

$$d_2 = (\Delta h_2) \cdot \left( \frac{l}{\Delta h_t} \right) = 0.6 \times \frac{5}{1.10} = 2.73m$$

حيث :

$$\Delta h_t = 0.5 + 0.6 = 1.10m$$

- نكم حساب مناسبات التربة (أو المشروع المساوية لها) عند حدود حرم الطريق: (نحسبها هذه المرة باستعمال مناسبات المشروع).

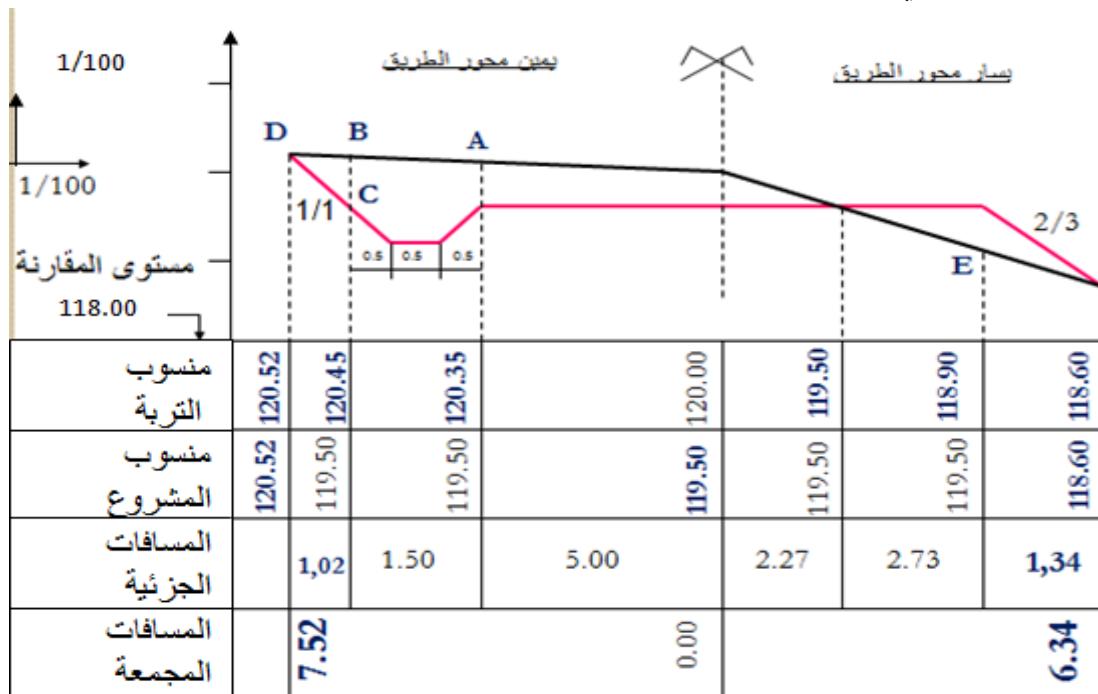
▪ على اليسار :

$$L_{25} = 119.50 - 0.667 \times 1.34 = 118.60 H_5 = H_2 - T_1$$

▪ على اليمين :

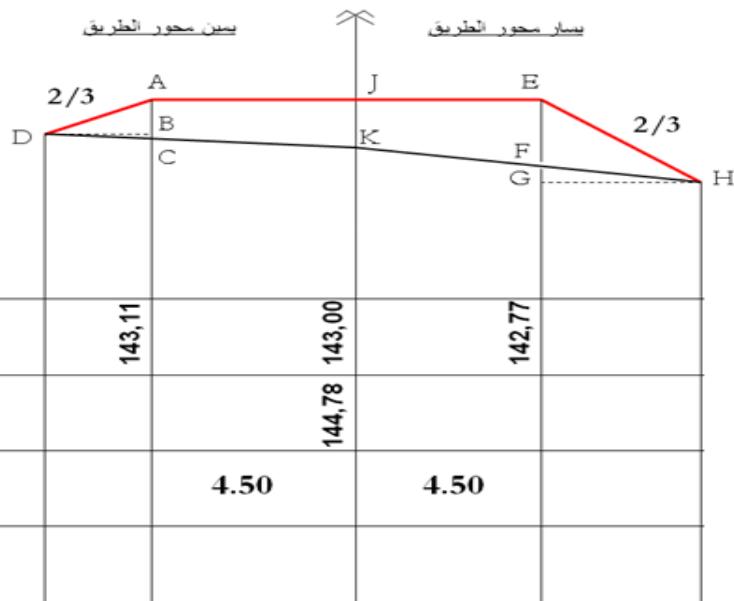
$$L_{46} = 119.50 + 1.00 \times 1.02 = 120.52 H_6 = H_4 + T_2$$

- نملأ الجدول بقيم المسافات المجمعة ، ونحصل في النهاية على الرسم التالي:



التمرين الرابع: أكمل المظهر العرضي التالي :





الحل :

• حساب ميول التربة الطبيعية :

اليسار:

▪ على

$$T'_1 = \frac{|\Delta h'1|}{L_1} = \frac{|142.77 - 143.00|}{4.50} = \frac{0.23}{4.50} = 0.051$$

$$T'_2 = \frac{|\Delta h'2|}{L_2} = \frac{|143.11 - 143.00|}{4.50} = \frac{0.11}{4.50} = 0.024$$

ملاحظة هامة: في حالة إعطاء ميول التربة على اليسار وعلى اليمين نقوم بحساب مناسبات التربة عند النقاطين F و C :

$$H_F = H_K - T'_1 \cdot L_1$$

$$H_C = H_K + T'_2 \cdot L_2$$

• حساب ارتفاعات المشروع : بما أن المشروع مستوي (أفقي) فإن ارتفاع المشروع :

$$H_A = H_E = H_J = 144.78 \text{ m}$$

• حساب قيمتي مسافتي المنحدرين :

▪ على اليسار: بما أن خطى المشروع والتربة في جهة واحدة فإن:

$$X_1 = \frac{\Delta h_1}{T_1 - T'_1} = \frac{2.01}{0.667 - 0.051} = 3.26 \text{ m}$$

$$\Delta h_1 = 144.78 - 142.77 = 2.01 \text{ m}$$

▪ على اليمين: بما أن خطى المشروع والتربة يتبعان فإن:

$$X_2 = \frac{\Delta h_2}{T_2 + T'_2} = \frac{1.67}{0.667 + 0.024} = 2.42m$$

حيث :  $\Delta h_2 = 144.78 - 143.11 = 1.67m$

- إتمام حساب الارتفاعات (إلى حدود حافتي الحرم) :

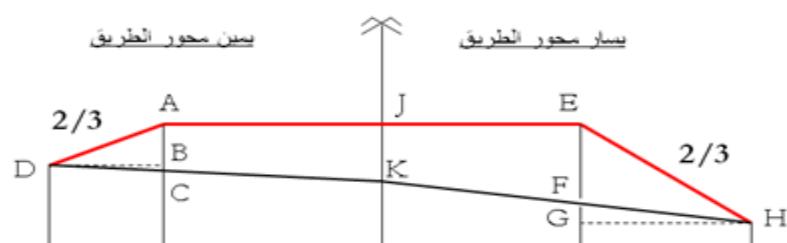
▪ على اليسار :

$$H'_H = H'_K - T'_1 \cdot L_{KH} = 143.00 - 0.051 \times 7.76 = 142.60m$$

▪ على اليمين :

$$H'_D = H'_K + T'_2 \cdot L_{KD} = 143.00 + 0.024 \times 6.92 = 143.17m$$

ملاحظة : يمكن إيجاد نفس الارتفاعين باستعمال مناسب وميل ومسافات المشروع على جانبي المحور.



منسوب خط التربة	143,17 143,17	144,78 143,11	143,00			
منسوب خط المشروع			144,78	142,77		
المسافات الجزئية		2,42	4.50	4.50	3,26	
المسافات المترادمة	6,92	4,50	0,00	4,50	7,76	142,60 142,60 142,60

## الجسور

### ١) تعريف الجسور:

الجسور منشآت فنية تنتهي إلى الأشغال العمومية، تنجز كمسالك اتصال لتسهيل العبور فوق الحاجز الطبيعية كالمجاري المائية أو الأنهر، أو الحاجز الصناعية كالسكة الحديدية أو الطرق الأخرى.



### ٢) تصنيف الجسور:

يتم تصنيف الجسور إلى عدة أقسام ممكنة منها :

- حسب الأهمية: يراعى في هذا التصنيف الكلفة المالية والهدف المرجو من إنجاز الجسر، ويتم تصنيفها ببساطة إلى :
  - ✓ قليلة الأهمية : لا يتجاوز طولها على الأغلب 50 m
  - ✓ متوسطة الأهمية: يكون طولها محصوراً بين 50m و 100m
  - ✓ كبيرة الأهمية : يصل طولها إلى مئات الأمتار .
- حسب الشكل: تتميز الجسور بكونها ذات أشكال متنوعة، لذلك نكتفي بذكر بعض منها :
  - ✓ الجسور ذات الروافد المستقيمة .
  - ✓ الجسور المقوسة .
  - ✓ الجسور المعلقة.

• حسب المادة الأولية: يراعى في هذا التصنيف المادة الأغلب المكونة للجسر، ويلاحظ في هذا التصنيف أنه مرتبط بتاريخ وتطور مواد البناء ولذلك نجد :

✓ **الجسور بالحجارة الطبيعية** : تستعمل فيها الحجارة القريبة من المنشأ، ونجدها غالبا في الجسور العتيقة .

✓ **الجسور الخشبية** : تستعمل في الدول المنتجة للخشب، ونظرا لمقاومتها الضعيفة فهي تستعمل كمنشأ مؤقت أو عبارة للراجلين .

✓ **الجسور الخرسانية المسلحة** : ترتبط هذه الجسور باستعمال الخرسانة كمادة بناء حديثة .

✓ **الجسور المعدنية** : تستعمل في الدول الغنية بالفولاذ والمعادن.

✓ **الجسور الخرسانية المسبقة الإجهاد** : تعتبر الجسور الأحدث نظرا لما توفره من حلول اقتصادية و جودة عالية في الخرسانة المستعملة .



• حسب الهدف والغرض:

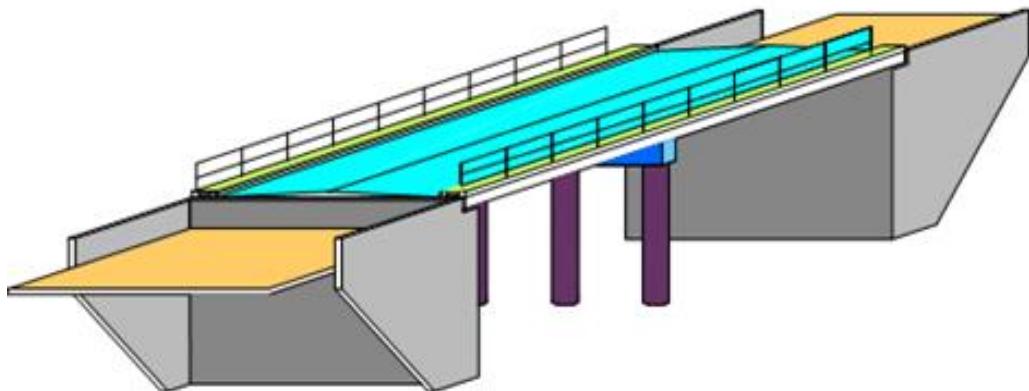
✓ **الجسر العبارة**: يخصص للراجلين فوق طريق سريع .

✓ **الجسر الطريق** : يخصص لسير العربات فوقه .

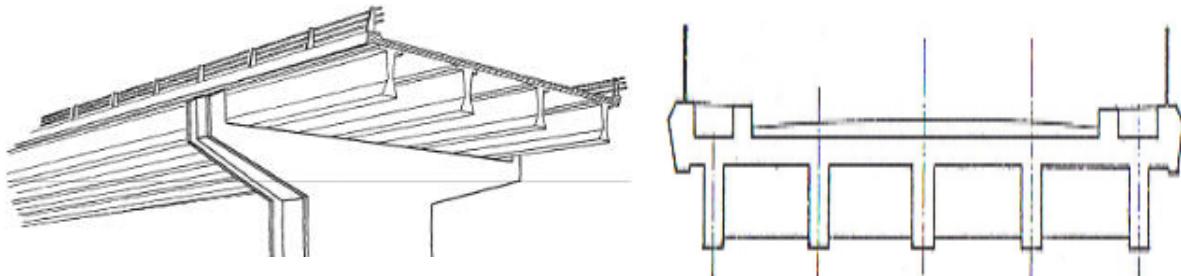
✓ **الجسر السكة** : يخصص لحركة القطارات فوقه .

### (3) هيكل الجسر :

يتكون الجسر من ثلاثة أجزاء رئيسية هي :



**أرضية السطح:** هي العنصر المساحي المستوى المخصص لحركة العبور فوقه ضمن شروط الأمان والمقاومة، وهي غالباً ما تتكون من:

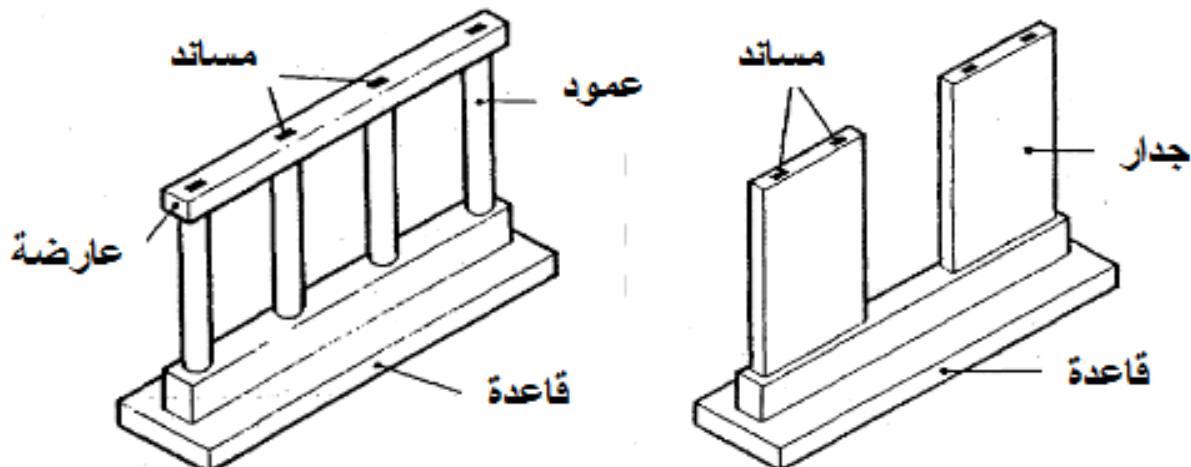


- **البلاطة :** هي عنصر خرساني مسلح مستمر رقيق يتلقى فوقه طبقة غطائية كتيمة ثم طبقة من الخرسانة الزفتية ، أما أسفله فيرتكز على روافد طولية مستقيمة او على بلاطة مجوفة أو مملوءة أو غيرها .

- **الرصيف:** هو عنصر ثانوي يمتد طولياً على جانبي قارعة سطح الجسر ، ويرتفع قليلاً عن الطبقة الزفتية، بحيث يخصص لسير الراجلين وحمايتهم بمزلقة الأمان من ناحية العربات وواقي الأجسام من السقوط من الناحية الخارجية .  
يجهز الرصيف بمجرى المياه لصرف مياه الأمطار نحو المزراب، و بالطنف (الكورنيش) من جهة الرصيف الخارجية لمنع تسرب مياه الأمطار تحته، وبفراغات أو فتوات لتمرير أسلاك الكهرباء أو الهاتف .

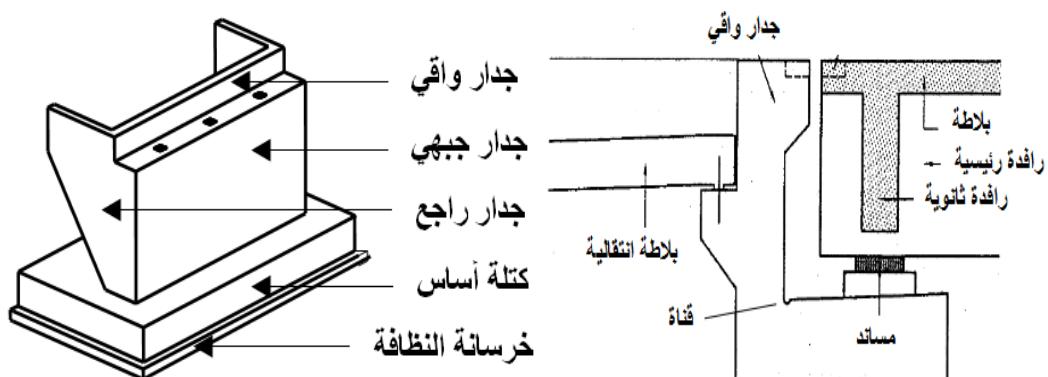
**الركائز (المساند):** هي عبارة عن عناصر شاقولية تنجز بالخرسانة المسلحة بحيث يمكنها تحمل سطح الجسر وما فوقه، وهي على نوعين :

▪ الركائز الوسطية : تعتبر كمناطق ارتكاز داخلية لسطح الجسر ، و هي عبارة عن أعمدة اسطوانية أو جدران مساحية يختلف عددها بالنظر لطول الجسر، وعدد المعزيات المكونة له.



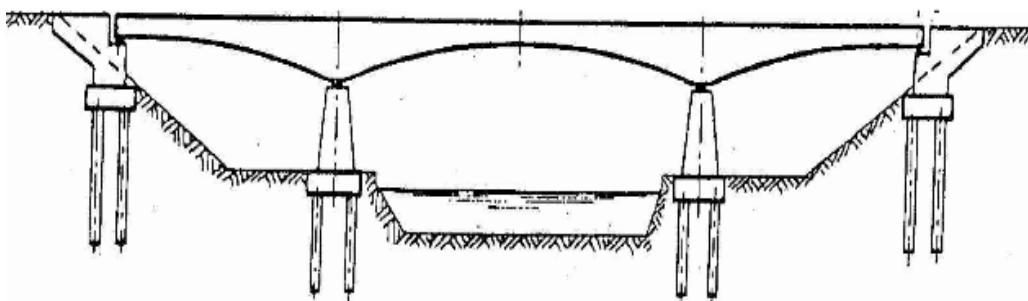
▪ الركائز الجانبية : أو المتأكي، وعدها اثنان، وعليها يرتكز الجسر في بدايته ونهايته.

يقوم المتأكي بدورين هما: تحمل أرضية السطح وإسناد تربة الردم خلفه ، ولذلك فانه يتكون من جدار جبهي في الأمام يعلوه جدار واقٍ لاستقرار سطح الجسر في الاتجاه الطولي، وجانبان (خدان) لتوازن سطح الجسر في الاتجاه العرضي وجدار راجع أو جدار مائل أو جدار جناح حسب وضعية تربة الردم ، بالإضافة إلى دعامة خلفية ترتكز عليها البلاطة الانتقالية .



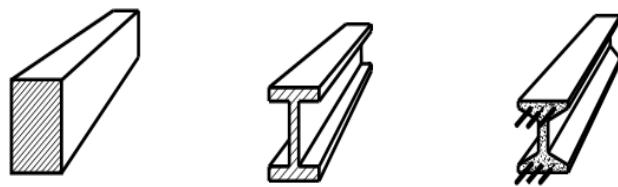
من المفيد أن نذكر بأنه توضع فوق الركائز (على نوعيها) أجهزة استناد مطاطية من مادة النيوبران على شكل قطع مربعة، بهدف امتصاص صدمات الاحتكاك بين خرسانة سطح الجسر وخرسانة الركائز.

**الأساسات:** تستقبل الأحمال العمودية المنقولة إليها عبر الركائز لتوزعها إلى التربة ، وغالباً ما تكون الأساسات على شكل قاعدة كتيلية صلبة تحت الركائز، أما إذا كانت التربة السطحية هشة فإن القاعدة تستمر في العمق بالآبار أو الأوتاد إلى غاية طبقة التربة الصلبة المقاومة .



**4) أنواع الجسور:** الجسور ذات أنواع كثيرة نكتفي بذكر ثلاثة منها وهي :

- جسر بروافد مستقيمة**: يتكون بشكل أساسٍ من العناصر التالية :
- الروافد الرئيسية : هي روافد موازية لطول الجسر، تقوم باستقبال ثقل الجسر والحمولات المطبقة عليه المتمثلة في ثقل العربات، وتقوم بتوزيعها على الركائز الوسطية والجانبية.



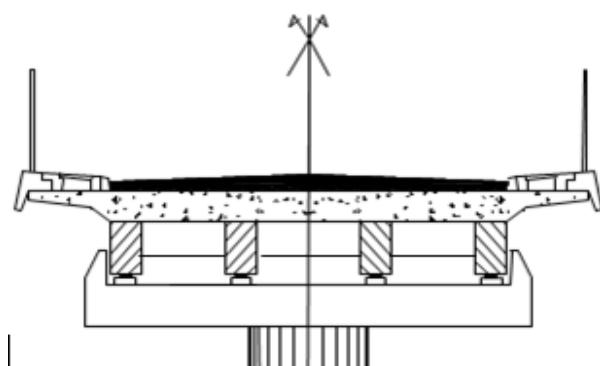
تنوع الروافد الرئيسية من حيث الشكل الهندسي لمقاطعها العرضي والموداد

توضع الروافد الرئيسية فوق أجهزة استناد يطلق عليها اسم النيوبران، وهي مادة مطاطية صلبة ذات خصائص تمكّنها من القيام بوظائفها المتمثلة في :

- ✓ امتصاص الصدمات الناتجة عن حركة العربات و الرياح و الزلازل.
- ✓ تصحيح الأخطاء في المستويات بوضع قطع مضاعفة لاستدراك الأخطاء .
- ✓ توضع مادة النيوبران دائماً فوق قواعد خرسانية مؤهلة بفضل تسليحها الكثيف لاستقبال الروافد .

- الروافد الثانوية: و تسمى أيضا باللجانف، وهي عبارة عن روافد عرضية ذات مقطع أصغر من مقطع الرافدة الرئيسية .

توضع هذه الروافد عرضياً مستندة على الروافد الرئيسية حيث تساعد على ربطها واستقرارها ومنع الحركة الأفقية بالإضافة إلى المساهمة في الحمل .

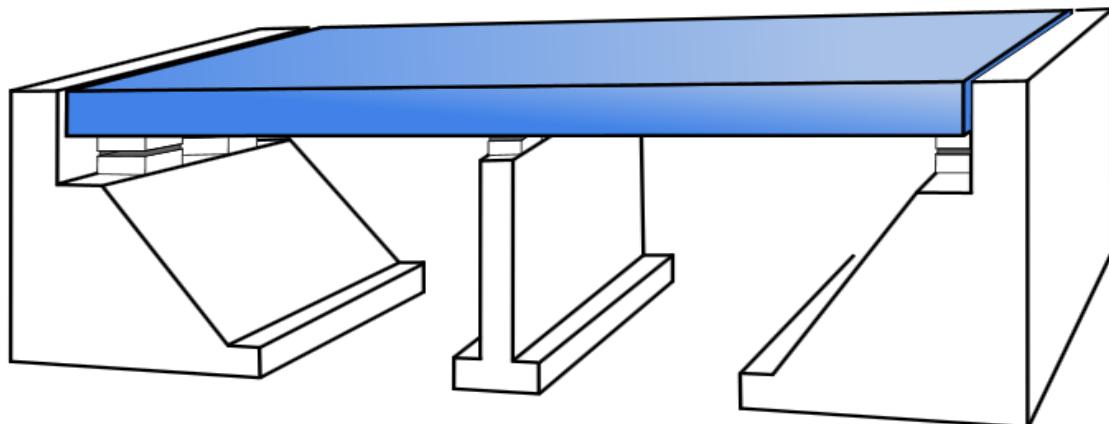


#### • سطح الجسر:

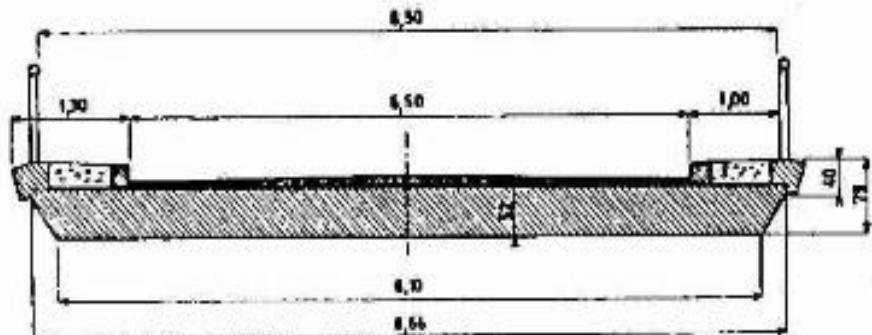
يتكون من بلاطة علوية مخصصة للسير ومرور العربات، و تنجذب بلاطة الجسر بالخرسانة المسلحة، و تغطى بطبقة عازلة وبطبقة من الزفت .

#### جسر بلاطة :

يؤخذ سمك البلاطة في حدود  $\frac{L}{25}$  ( حيث L يمثل طول البلاطة ) فمثلا إذا كان الطول أقل



من 15 م يكون سمك بلاطة الخرسانة المسلحة بـ 50 سم أما إذا كان الطول يتتجاوز 20 م فإننا نستعمل بلاطة من خرسانة مسبقة الإجهاد ، أما إذا كان الطول يتتجاوز 70 م في هذه الحالة يجب علينا تخفيف وزن البلاطة باستعمال بلاطات مفرغة ( صناديق ) .



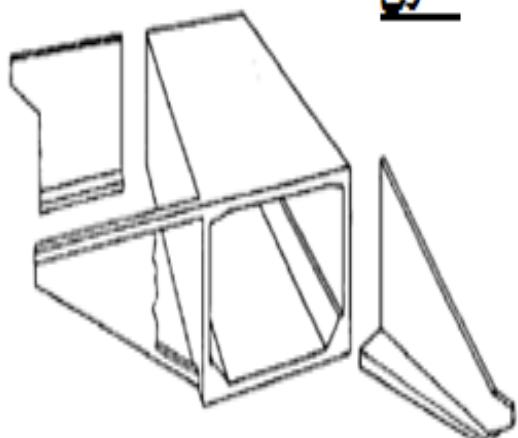
**جسر إطار** : هو من الجسور ذات الطول القصير نسبياً، والتي تستخدم كمعابر علوية لطرق السكة الحديدية أو كأنفاق لتسيير فوقها العربات وفي بعض الأحيان تستعمل للعبور أسفلها السوقى الصغيرة.

تقنولوجياً هو عبارة عن إطار من خرسانة مسلحة الجاهزة أو المصبوبة ميدانياً.

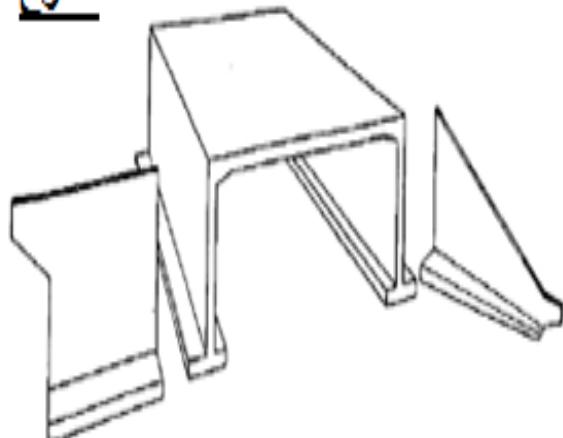
نميز نوعين من الجسر الإطار :

### جسر إطارى

مغلق



مفتوح



- ✓ **الجسر المغلق:** إذا كان أساس الجسر الخرساني متصلًا مع بعضه البعض.
- ✓ **الجسر المفتوح :** إذا كان الأساس غير متصل .

## تمارين وتطبيقات

**التمرين الأول :** الأشكال التالية تمثل أصنافاً مختلفة من الجسور.



• قم بتصنيفها حسب الغرض (الهدف منها).

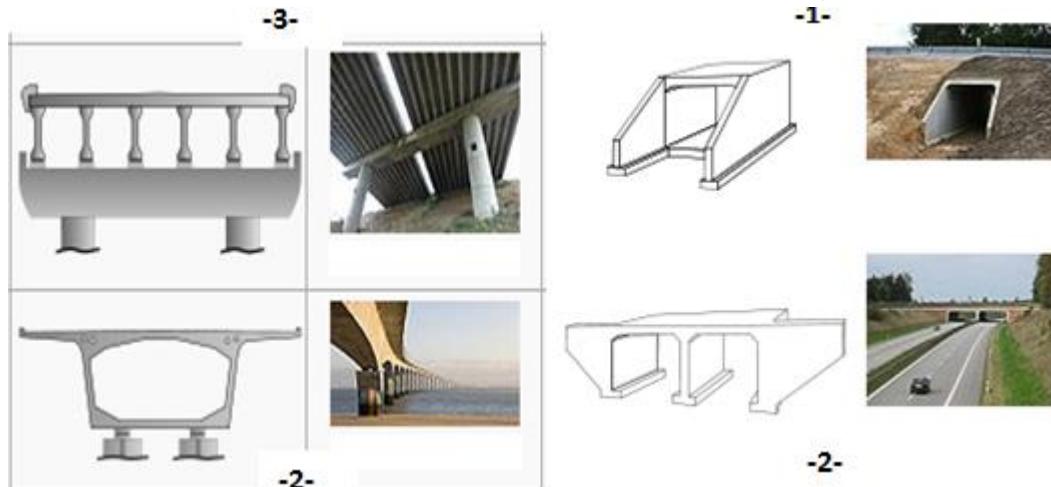
الحل :

✓ الجسر الأول هو جسر عبارة ، وينجز فوق (السرعة) أو المسطحات المائية ويخصص للمشاة .

✓ الجسر الثاني هو جسر قناة ، وينجز فوق المسطحات المائية حيث تكثر الملاحة البحرية .

✓ الجسر الثالث هو جسر سكة ، وينجز لسير القطارات فوقه .

**التمرين الثاني :** الأشكال التالية مقاطع عرضية لجسور خرسانية .



• قم بتصنيفها حسب شكلها .

الحل :

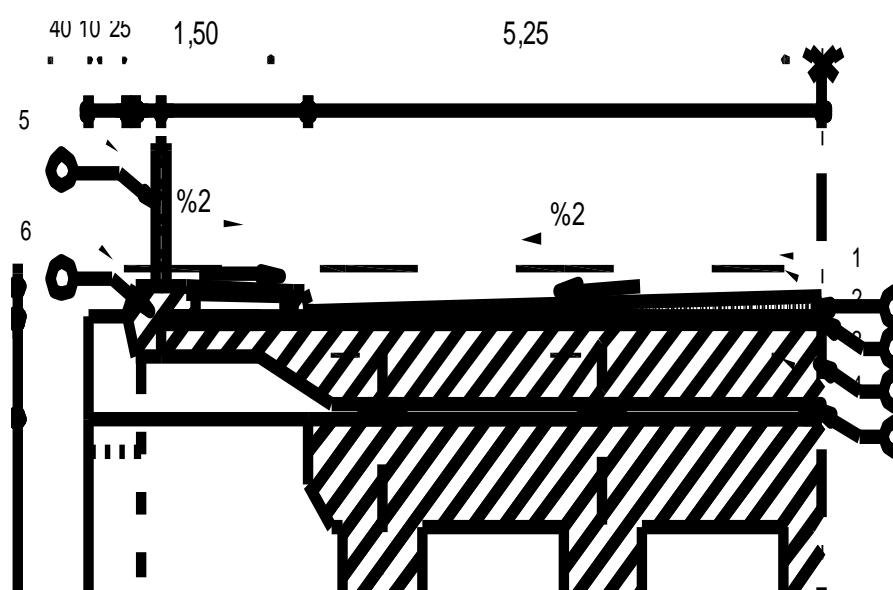
✓ الجسر الأول : جسر إطاري مغلق.

✓ الجسر الثاني : جسر إطاري مفتوح.

✓ الجسر الثالث : جسر بروافد طولية .

✓ الجسر الرابع : جسر صندوق .

**التمرين الثالث :** الشكل المقابل يمثل نصف نصف مقطع لجسر بلاطة مملوءة .



المطلوب :

• قم بتسمية

العناصر

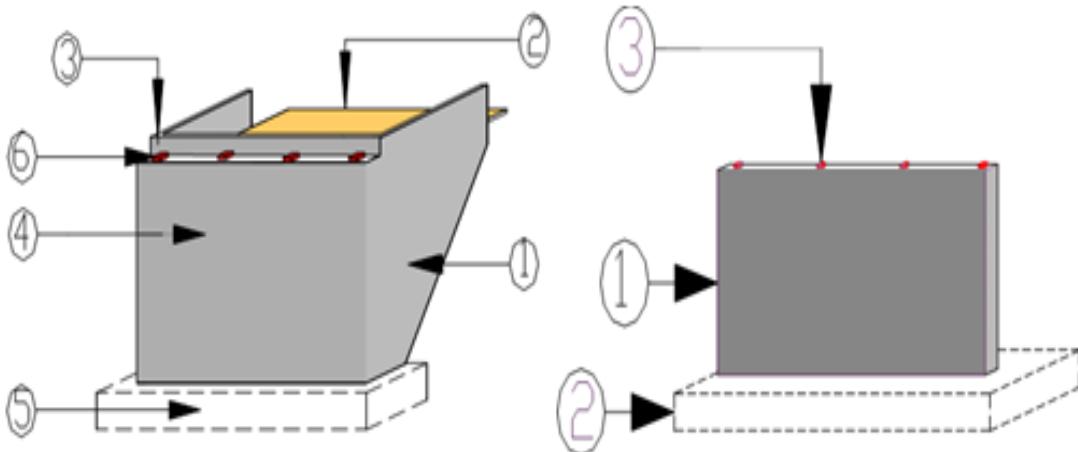
المرقّمة .

• ما هو دور كلّ

واحد منها

الحل :

6	5	4	3	2	1	العنصر
الطف	واقي الأجسام	أجهزة استناد	البلاطة	غطاء كتيم	طبقة	التسمية
حماية الواجهة و منع تسرب المياه تحت الرصيف	توازن سطح	امتصاص الاحتكاك بين السطح والركائز	تحمل أثقال	منع تسرب المياه إلى البلاطة	سير العربات فوقها	دور



المطلوب :

- ماذا يمثل الشكلان أعلاه .
- ما هي وظيفة كل واحد منها .
- قم بتسمية عناصر كل واحد منها .

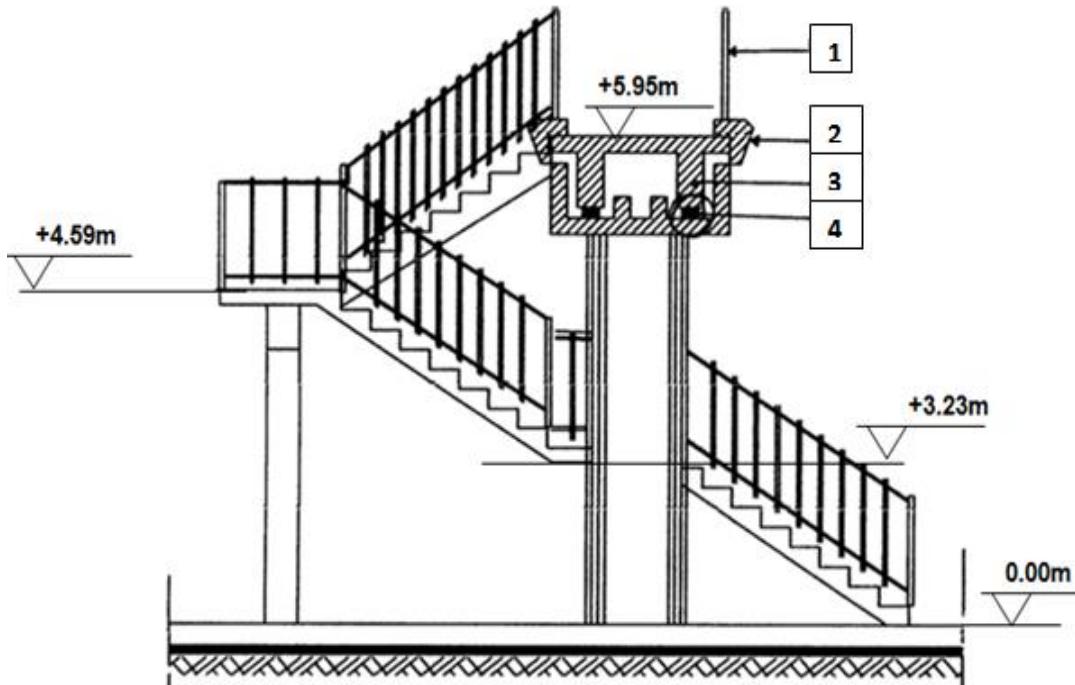
الحل :

- يمثل الشكل الأول ركيزة جسر وسطية على شكل جدار من الخرسانة المسلحة، ودوره يمثل في تحمل سطح الجسر وما فوقه وتوصيل هذه الأنقال إلى الأساس
- يمثل الشكل الثاني ركيزة جسر جانبية وتسمى بالمتكا ، ودوره يتمثل في حمل سطح الجسر فوقه وإسناد تربة الردم خلفه .

- تسمية عناصر المتكا:
- 1- جدار راجع.
  - 2- بلاطة انتقالية .
  - 3- جدار واقٍ .
  - 4- جدار جبهي.
  - 5- كتلة أساس (قاعدة)
  - 6- أجهزة استناد من النيوبران.

- تسمية عناصر الركيزة الوسطية :
- 1- كتلة أساس (قاعدة)
  - 2- جدار خرساني.
  - 3- أجهزة استناد من النيوبران .

**التمرين الخامس :** ليكن لديك الشكل الممثل أسفله .



- ما هو نوع الجسر الممثل ؟
- قم بتسمية العناصر المرقمة ؟
- إذا علمت أن علو الدرجة  $h = 17.5 \text{ cm}$  احسب عدد الدرجات اللازمة لصعوده ؟ أحسب عرض النائمة ؟

الحل :

- نوع الجسر : جسر عبارة مخصص للراجلين (فوق طريق).
- العناصر المرقمة :
  - 1- واقي الأجسام.
  - 2- الطنف (إفريز)
  - 3- رافدة طولية .
  - 4- أجهزة استناد.

• عدد الدرجات  $n$ :

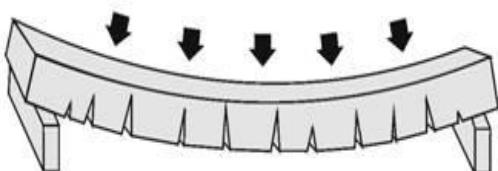
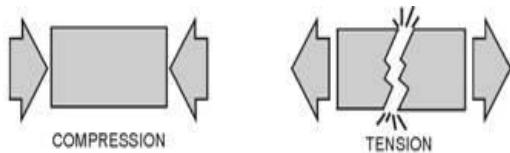
$$n = \frac{H}{h} = \frac{595 - 000}{17.5} = 34$$

عرض النائمة  $g$  :

$$2h + g = 64 \rightarrow g = 64 - 2h = 29 \text{ cm} \quad : \text{نعم}$$

## الخرسانة مسبقة الإجهاد

### ١) من الخرسانة المسلحة إلى الخرسانة مسبقة الإجهاد:



• تتميز الخرسانة بـ :

- مقاومة جيدة لانضغاط.
- مقاومة ضعيفة للشد .
- ظهور تشغقات معتبرة في المنطقة المشدودة (السفلى)  
في حالة التحميل العرضي .

• إنّ الخرسانة المسلحة بصورتها المعتادة -التي تُنْفَذ في الواقع - تنتج فيها تشغقات دقيقة مسموح بها في مناطق الشد.

و لكن هذه التشغقات تصبح مُضرة بحدid التسلیح؛ ويزداد ضررها -بشكل كبير- إذا كانت تلك المنشآت مُنفَذة في مناطق معرضة للرطوبة، مثل المنشآت المنجزة بجوار المسطحات المائية و شواطئ البحار.

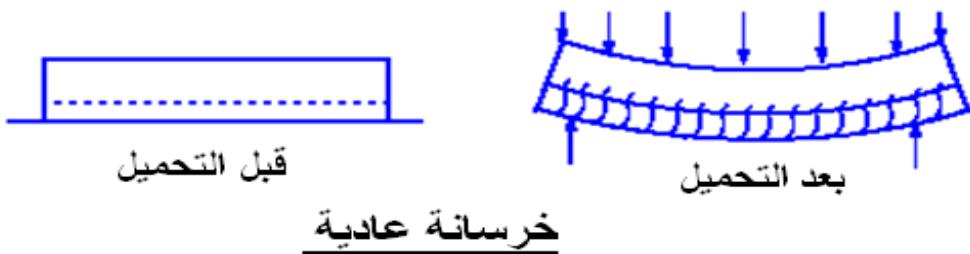
لذا فإن الإشكالية المطروحة : هي في كيفية معالجة هذه التشغقات التي تؤثر سلبا على حديد التسلیح وبالتالي على مقاومة المنشأة.

### ٢) مبدأ الخرسانة مسبقة الإجهاد

يتلخص مبدأ الخرسانة مسبقة الإجهاد في تقنية تم اكتشافها من طرف المهندس فيريسيني ،

وتتمثل في شدّ كوابيل فولاذية(مثل النواص)، بما يؤدي إلى انضغاط الخرسانة عند إطلاق هذه القصبان .

وبناءً عليه فإنه عند تحميل المنشأة(ودخولها إلى مجال الخدمة)تنزع القصبان إلى التمدد، وتنزعُ الخرسانة إلى تخفيف(*se décompresser*) الانضغاط المطبق عليها؛ دون الوصول إلى حالة الشد .



### (3) طرق سبق الإجهاد :

توجد طريقتان هما :

- طريقة الشد المسبق : يتم شد الكواكب أو الأسلك قبل صب الخرسانة .
- طريقة الشد الملحق: يتم شد الكواكب أو الأسلك بعد صب الخرسانة .

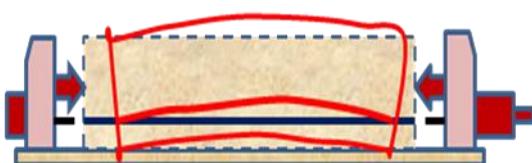
#### طريقة الشد المسبق (pré-tension)



- تعریض الأسلك أو الكواكب إلى قوة شد ، ثم تثبيتها على الجانبين .



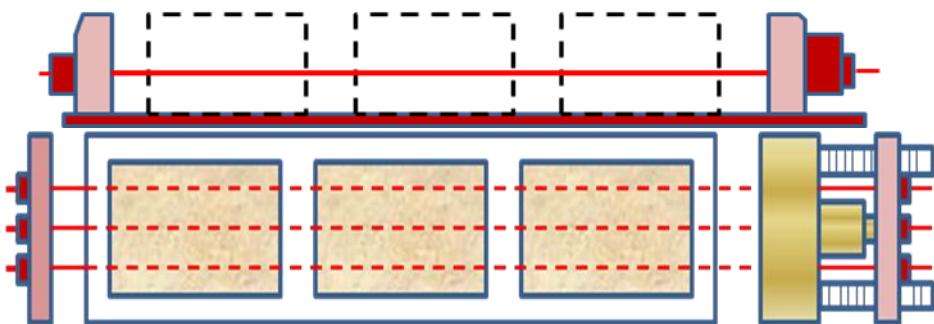
- صب الخرسانة ، ثم تجفيفها تجفيفا سريعا لمدة (6) ساعات.



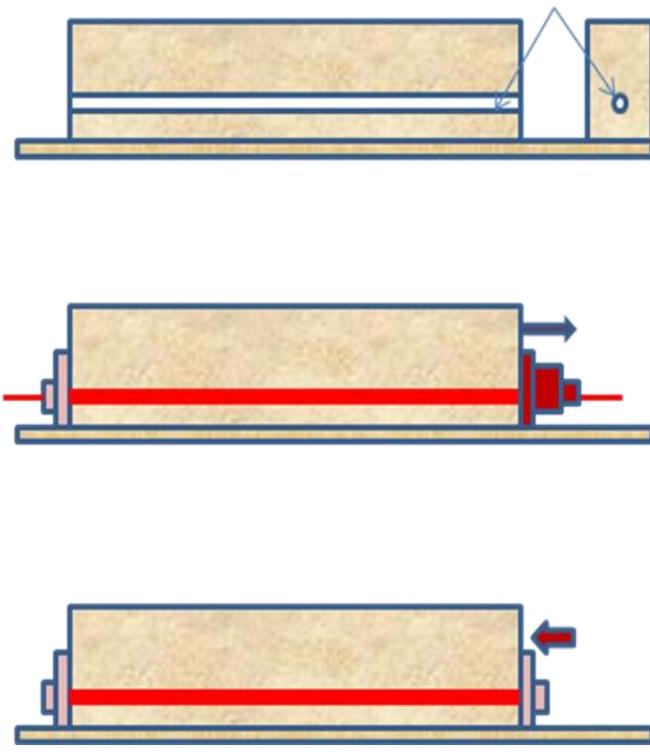
- تحرير الأسلك أو الكواكب(من قوة الشد) بما يؤدي إلى ظهور سبق الإجهاد .

#### ملاحظات متعلقة بالشد المسبق :

- يتم استعمال طريقة الشد المسبق - غالباً - في ميدان البناء.
- يمكن إنجاز عدة عناصر خرسانية مسبقة الإجهاد في نفس القالب.
- يجب إعداد مساحات مقاومة لوضع المثبتات على جانبي العنصر مسبق الإجهاد.
- يتم شد الكوابيل أو الأسلاك (من جهة او من جهتين) وبعد تثبيتها تقطع الأجزاء الزائدة، وتسترجع المثبتات.



### طريقة الشد الملحق (post-tension)



- وضع الأسلاك أو الكوابيل داخل أنابيب عازلة .
- صب الخرسانة وتجفيفها إلى درجة التصلب.
- شد الأسلاك أو الكوابيل وحجزها بواسطة مساند على الجانبين .
- تحرير الأسلاك أو الكوابيل من قوة الشد بما يؤدي إلى ظهور سبق الإجهاد

#### فوائد الخرسانة مسبقة الإجهاد: (4)

- يمكن استخدام مقاطع خرسانية تحمل قوى كبيرة دون أن تحدث تشغقات ، ولهذا السبب فاستعمالها مناسب جداً للمنشآت في المناطق الرطبة (حيث احتمال الإصابة بالصدأ).
- كمية الفولاذ (الكواكب) المستخدمة في المقاطع الخرسانية أقل من مثيلاتها في الخرسانة المسلحة العادية، إضافةً إلى تحملها قوة ضغط أعلى.
- تساعد في تقليل الحمل الميت المؤثر على الأعمدة والأساسات وتصغير مقاطعها وبالتالي توفير كمية المواد المستعملة .
- إمكانية تحقيق أشكال هندسية ومعمارية وفنية متنوعة .

#### استعمالات الخرسانة مسبقة الإجهاد: (5)

- الهيكل الحاملة (الروافد، البلاطات والأسقف )
- الأساسات (الخوازيق والأساسات العميق)
- المنشآت الفنية المعرضة للمياه (الجسور، السدود، الخزانات ...)
- المشاريع الكبيرة ذات الفتحات كبيرة (جسور، قاعات كبرى، مطارات، أنفاق )



## تمارين وتطبيقات

### التمرين الأول – أسئلة نظرية -

- لماذا لا يمكن الالكتفاء بالخرسانة وحدها في البناء بل نضيف التسلیح؟
- لماذا نستعمل الخرسانة مسبقة الإجهاد في المنشآت الكبيرة؟
- لماذا تأخذ الكواكب شكل قطع مكافئ عند تسلیح الخرسانة مسبقة الإجهاد؟
- لماذا نستعمل الأنابيب العازلة في حالة الخرسانة مسبقة الإجهاد بالشد الملحق؟

الحل:

- لأن مقاومة الخرسانة لقوى الشد ضعيفة.
- لأنها معرضة لانحناءات كبيرة نظراً لطولها، وبالتالي فهي أكثر عرضة للتشققات.
- حتى يمكن تطبيق الإجهادات المسبقة في المناطق التي تخضع للشد عند الخدمة.
- حتى يمكن تمديد (شد) الكواكب دون الخرسانة المصبوبة (مسبقاً).

### التمرين الثاني – نشاط تقويمي -

- ما هو سلوك الرافدة تحت تأثير الحمل ( $R$ ) في كل حالة من الحالات التالية:



الحل:

- **رافدة منجزة بالخرسانة:** إنهيار كلي في المنطقة السفلية المشدودة تحت تأثير  $(R)$ .

- **رافدة بالخرسانة المسلحة:** قضبان التسلیح في المنطقة السفلية تقاوم جهود الشد الناتجة عن (R)
  - **رافدة بالخرسانة مسبقة الإجهاد:** إزالة الإنضغاط المسبق في المنطقة السفلية تحت تأثير الحمولة (R)
- .....

## الفهرس

• <u>الباب الأول: الحيو ميكانيك</u>	02.....
الشد والضغط.....	03.....
القص البسيط.....	11.....
الأنظمة المثلثية.....	18.....
الانحناء البسيط.....	32.....
• <u>الباب الثاني : الخرسانة المسلحة</u>	51.....
الخرسانة المسلحة.....	52.....
الشد البسيط.....	59.....
الانضغاط البسيط.....	66.....
• <u>الباب الثالث: الطبوغرافيا والمساحة</u>	75.....
السمت الاحداثي.....	76.....
حساب المساحات.....	83.....
مراقبة المنشآت.....	91.....
• <u>الباب الرابع: البناء والأشغال العمومية</u>	95.....
المنشآت العلوية .....	96.....
الطرقات.....	107 .....
الجسور.....	128.....
الخرسانة مسبقة الإجهاد.....	139.....